

---



---

## PREMIERE NOTE.

*Sur la force d'impulsion des courants d'eau & d'air ambient.*

GENIE HAUT

ARCHIV

IL existe dans la province du haut Dauphiné un torrent qu'on nomme Boscodon, près d'Embrun, qui a fourni les expériences nécessaires pour la théorie & pour les effets dont il est ici question.

Il est peu d'années qui ne soient marquées par quelques accidents, pour ceux qui s'exposent à passer ce torrent lors des grandes crues produites par la fonte des neiges ou par les pluies d'orages; en forte que, dans ces circonstances, les voyageurs qui ne connoissent point le local, sont obligés de rétrograder ou d'attendre le calme pour le traverser; ce qui forme un très-grand inconvénient pour cette partie de route.

On profite quelquefois d'un petit pont provisionnel qui se trouve à un quart de lieue en dessus du passage public, dans la gorge d'où ce torrent descend, ce pont étant entretenu par les communautés voisines, pour leur communication avec la ville d'Embrun; mais indépendamment de ce détour & des difficultés d'aborder à ce pont, il subit souvent le même sort qu'éprouveroit un ouvrage plus solide, c'est-à-dire, qu'il est ordinairement emporté (aux approches de la crue, &

quelquefois huit ou dix minutes avant qu'il en soit atteint) par le choc de la colonne d'air qui précède celle de l'eau, & qui en étant violemment pressée, renverse tout ce qui s'oppose à son passage, sans que des pierres, même d'un volume prodigieux, puissent y résister autrement qu'en roulant sur le gravier avec une vitesse supérieure à celle du courant, jusqu'à l'embouchure de la gorge, où l'air venant à diverger, elles se trouvent à la fin gagnées par l'eau.

Ce phénomène seul indique donc déjà le danger qu'il y a de placer des ponts de bois pour le passage de ces torrents, dans les gorges par lesquelles ils débouchent des montagnes pour tomber dans les plaines inférieures, & combien il importe en général de garantir ces ponts du courant d'air qui suit les rivières.

*Description du cours & des effets de ce torrent.*

Ce torrent, qui n'a qu'un filet d'eau dans le temps calme, se trouve formé, lors de la fonte des neiges, par plusieurs branches de ravins qui tombent des montagnes des Orres, qui ont environ 3000 pieds de hauteur, sur des penchans d'une rapidité inaccessible.

Sa chute est disposée du sud au nord, de manière qu'étant rassemblé fort peu en dessous de l'abbaye de Boscodon, il roule d'abord par cataractes, dans une gorge qui a 1000 toises de longueur, sur 150 toises de largeur à son origine, & 231 toises à son embouchure avec la plaine, sur une pente uniforme de 5 pouces &  $\frac{1}{4}$  par toise, avec un devers en comble

de 3 pouces par toise d'une rive à l'autre sur toute sa largeur, prise du levant au couchant.

De toute cette largeur de 231 toises, qui formoit anciennement le lit de ce torrent dans la gorge dont on vient de parler, l'eau n'en occupe actuellement de temps à autre, que 72 toises vers la rive du couchant, le surplus se trouvant relaissé & rempli de gros blocs garnis de toute espece de brouffailles, suivant la nature des graines des différentes plantes que l'eau descend des montagnes, & qu'elle dépose sur les graviers.

C'est dans cet espace de 72 toises, que le lit de ce torrent se trouve fixé & se maintient depuis quelques siècles, & où il creuse & comble alternativement son canal, pour changer souvent quelques parties de son cours, suivant le plus ou le moins de matiere qu'il entraîne avec lui dans chaque crue.

Au surplus, ce canal a en général 10 toises dans les parties les plus larges, & 5 toises dans les plus étroites, où il y a 4 pieds de hauteur d'eau dans les plus grandes crues; ce qui formeroit une grande riviere dans un lit qui seroit de niveau, ou qui n'auroit qu'une pente insensible.

Depuis la gorge dont il vient d'être question, & d'où ce torrent débouche dans la plaine, il n'a plus d'autre limite jusqu'à la Durance, que celle qu'il se forme lui-même; en sorte qu'ayant versé, dans les temps précédents, indistinctement à droite & à gauche, il est parvenu aujourd'hui à occuper un espace de 1105 toises de largeur entre Savines & Embrun, après avoir formé un comble de 136 pieds de

hauteur au-dessus du niveau de la plaine ; mais actuellement, & depuis l'époque de 1604, son canal se maintient, sur la crête du comble dont on vient de parler, dans une longueur de 500 toises, prise depuis la gorge d'où il débouche, jusqu'à sa chute dans la Durance, en suivant la même direction & la même pente que celle qu'il a dans sa partie supérieure, avec une disposition telle néanmoins, que le plus petit événement peut le faire dériver du côté de Savines, vers lequel le fond de son lit incline en sortant du goulet ; d'où il arriveroit qu'il verseroit alors sur la pente de son propre comble, dans une longueur de 604 toises, en produisant de nouveaux ravages.

De tous ces inconvénients, on peut donc tirer la conséquence, qu'on ne peut établir un pont ni aucune espèce de passage assuré pour traverser ce torrent, dans aucune partie de son cours actuel ; de manière qu'il ne reste plus qu'à chercher un emplacement favorable dans des parties hors de son lit, & où le courant se trouvant amené avantageusement, soit resserré entre des limites naturelles, ou entre des digues qu'il ne puisse franchir : mais ces digues sont l'écueil des connoissances ordinaires ; en sorte que je vais essayer de donner quelques détails de leurs constructions, par les expériences même que ce torrent m'a fournies.

Application du calcul aux différents événements  
qui précédent.

*Maniere de considérer la force d'impulsion d'un courant d'eau, pour lui opposer des digues indestructibles, quant au poids & quant aux volumes des matériaux dont elles doivent être formées.*

Nous examinerons cette force d'impulsion d'une maniere différente que par les regles ordinaires de l'hydraulique, en suivant la méthode de M. Euler, afin qu'ayant égard à tout ce qui doit entrer dans la nature de ce problême, il devienne plus propre aux applications que nous devons en faire.

Comme cette force dépend de la quantité d'eau qui s'écoule dans un temps déterminé, & de la hauteur de sa chute, nous prendrons la lettre  $a$  pour indiquer le volume d'eau écoulé dans une seconde, & la lettre  $x$  pour la hauteur de sa chute; en sorte que prenant  $g$  pour désigner la hauteur de laquelle un corps tombe librement dans une seconde, pour acquérir dans le même temps une vitesse uniforme  $= 2g$ , on aura  $\sqrt{g} \cdot 2g :: \sqrt{x} \cdot \frac{2g\sqrt{x}}{\sqrt{g}}$  pour la vitesse de l'eau par la hauteur  $x = 2\sqrt{gx}$ .

Si l'on nomme la base de la colonne d'eau qui frappe le plan  $\zeta\zeta$ , la quantité d'eau qui s'écoule dans une seconde, fera doublement exprimée par  $2\zeta\zeta\sqrt{gx} = a$ , qui donne  $2\zeta\zeta = \frac{a}{\sqrt{gx}}$ ; en sorte que, multipliant les deux membres

de cette équation par  $x$ , hauteur de la chute, on aura  $2\sqrt{x}x = \frac{ax}{\sqrt{gx}}$ , l'un & l'autre de ces deux membres déterminant, suivant chaque règle distinguée, la force d'impulsion contre le plan, dans lesquels on remarquera que cette force est exprimée, dans le premier, par le double prisme ou cylindre  $2x\sqrt{x}$ , pour avoir le plus grand effet de la force d'impulsion, qu'on réduira, suivant chaque circonstance, du rapport qui se trouvera entre la base de la colonne d'eau & la surface du plan choqué; de manière qu'ayant égard ici à la quantité d'eau écoulée par seconde, on aura  $\frac{a\sqrt{x}}{g}$  pour l'expression de cette force d'impulsion.

## C O R O L L A I R E.

On voit que, puisque la vitesse de l'eau est comme  $\sqrt{x}$ , cette force sera comme la quantité d'eau écoulée par chaque seconde, multipliée par sa vitesse même, cette méthode étant d'accord avec les principes ordinaires, où l'on estime la force d'impulsion par le carré de la vitesse; car la quantité  $a$  renferme aussi la vitesse  $\sqrt{x}$ .

Nous avons singulièrement observé que l'expression de cette impulsion se rapportoit au plus grand effet de la force qui soutient le plan; mais ceci suppose que la superficie de ce plan est beaucoup plus étendue que la base de la colonne d'eau qu'elle reçoit; car dans le cas où ces deux surfaces seroient égales, comme dans la circonstance présente, cette expérience se réduit à  $\frac{1}{2} \frac{a\sqrt{x}}{g}$ , en quoi cette règle est totalement

d'accord avec la vulgaire : mais lorsque le plan surpasse la grosseur de la colonne d'eau, comme dans les autres cas que nous aurons occasion d'examiner, il faut alors exprimer la force d'impulsion par  $\frac{aVx}{g}$ , parce que la force qui soutient le plan, doit augmenter en raison du poids de l'eau qui regonfle & coule sur les côtés, les expériences ayant indiqué que cette force étoit presque double, & cette attention, comme on le fera voir, étant nécessaire pour le choc de l'eau contre des digues, murs d'épaulements de ponts, &c., dont les surfaces sont toujours plus grandes que la section des courants d'eau par lesquels elles sont choquées.

Il ne seroit donc plus question maintenant que de connoître la vitesse de ce torrent, ou la hauteur de sa chute, pour déterminer sa force d'impulsion : mais l'irrégularité de son cours, ses cascades, & la quantité d'obstacles dont il est rempli, rendent cette expérience impossible par tous les moyens connus, en sorte qu'on a eu recours à ses effets ; ce qui assure encore beaucoup mieux tous les principes qu'on pourra y adapter.

On a remarqué que dans la quantité des blocs de pierre que ce torrent entraîne avec lui dans les grandes crues, & qui restent, comme on l'a dit, dans la gorge, il n'en étoit sorti jusqu'ici qu'un seul du volume de ceux dont on a voulu parler en premier lieu, ce bloc ayant été transporté à 70 toises plus bas que l'embouchure de la gorge, suivant une direction de 45 degrés, eu égard à celle du cours de ce torrent.

De cette position & de la manière dont ce bloc est

encombré, on a conclu qu'il avoit été mu & entraîné par la plus grande crue sur laquelle il soit possible de compter ; en sorte que, d'après ce raisonnement, on a jugé que cette pierre pouvoit être propre à établir une expérience certaine de la force du courant dont il est question.

Cela posé, ce bloc ayant 3 pieds 9 pouces de hauteur & de largeur sur chaque face, il produit 14 pieds carrés, & par conséquent 53 pieds cubes, un peu moins.

On a trouvé que chaque pied cube pese 186 livres, ce qui fait 9858 livres pour toute la masse, dont on fait qu'on doit prendre le tiers, qui est de 3286 livres, pour la pression sur son affiette, qui est l'expression de sa résistance contre le choc du courant.

On doit observer que quoique ce torrent ait 5 pouces  $\frac{1}{4}$  de pente par toise, comme on l'a dit, suivant laquelle il paroît-troit que la pesanteur absolue de cette masse dût être relative à l'inclinaison de ce plan, on a remarqué au contraire qu'elle ne pouvoit souffrir cette modification, attendu que le fond du canal se trouve coupé par une infinité de ressauts ; de manière qu'on doit considérer ces masses comme affermies sur des affiettes de niveau, jusqu'à ce qu'elles se trouvent atteintes ou relâchées par l'eau.

Ceci posé, on aura donc la hauteur de la chute du courant par la formule précédente, réduite à  $\frac{1}{2} \frac{aV^x}{g}$ , en substituant  $2 \sqrt{gx}$  à la valeur de  $a$ , ou  $\sqrt{gx}$  à  $\frac{1}{2} a$ , pour avoir  $\sqrt{gx} \times \frac{V^x}{g} = \frac{1}{2} a \frac{V^x}{g} = p$ ,  $p$  désignant le poids

pois de la colonne d'eau égale à la force d'impulsion, qui donne  $x = \frac{p}{11}$ ; ce qui revient ici à la méthode ordinaire, qui indique qu'il faut diviser les 3286 livres, qui expriment la force d'impulsion par 14 pieds, superficie de la masse choquée, & ensuite par 70 livres (a), poids d'un pied cube d'eau; ce qui donne 3 pieds 4 pouces 2 lignes pour la valeur de  $x$ , moyennant laquelle on connoîtra la vitesse uniforme qui répond à cette chute par l'analogie ordinaire, ou par le secours des tables, dans lesquelles on trouve que cette vitesse est de 14 pieds 2 pouces par seconde.

Si l'on fait attention actuellement que lorsque l'eau aura submergé la masse dont il est question, elle perdra une quantité de son poids, égale au volume du fluide dont elle occupe la place, il ne lui restera plus que 6148 livres de pesanteur, & 2049 livres pour sa pression, qui équivalent à un solide d'eau de 14 pieds de base, sur 2 pieds un pouce une ligne de hauteur, cette chute devant répondre à une vitesse de 11 pieds 2 pouces; en sorte que le bloc de pierre auquel nous sommes fixés jusqu'ici, a dû être entraîné avec une vitesse respecttive de 3 pieds par seconde, qui est l'excès de la vitesse réduite du torrent, au-dessus de sa vitesse retardée par cet obstacle.

Il suit donc de là que pour qu'un corps placé dans le cours

---

(a) 70 livres est une estime générale; & comme l'eau des torrents est toujours chargée de terre & de sable, on peut évaluer le poids d'un pied cube d'eau des crues, à 75 livres, ou au moins 72 livres.

de ce torrent puisse résister au choc d'une pareille masse, mue avec une vitesse uniforme de 3 pieds par seconde, suivant une direction perpendiculaire, il faudroit que sa pesanteur absolue fût de 18444 livres; ce qui formeroit un volume de 99 pieds cubes, sans compter l'accident d'une cataracte, qui pourroit encore beaucoup accélérer la vitesse de cette masse au moment du choc; & il suit encore que, pour qu'une masse de matiere semblable ne pût être entraînée par le courant, il faudroit qu'elle pesât dans l'eau 9858 livres, (qui est le poids de la premiere dans l'air) & par conséquent hors de l'eau, 15808 livres; ce qui composeroit 85 pieds cubes, dont la racine cubique est de 4 pieds 5 pouces environ.

On ne voit point, en effet, de bloc de cette dimension, qui soit descendu plus bas que le goulet, & il est vraisemblable que ceux de la même matiere qui se trouvent en dessus sous un plus grand volume, n'y sont parvenus que par les affouillements que les cataractes de ce torrent forment successivement sous la base de ces blocs, ce qui les oblige de faire une révolution sur eux-mêmes, après laquelle ils s'arrêtent, lorsqu'ils retrouvent un point de gravitation par lequel ils peuvent résister à l'impulsion du courant; & ce sont précisément ces événements capricieux qui font changer le cours de ce torrent, beaucoup plus fréquemment dans la gorge où il est resserré, que dans la partie inférieure, où les pierres sont moins volumineuses & en moins grande quantité.

Il est nécessaire d'observer que la vitesse uniforme de ce courant, que nous avons trouvé de 14 pieds 2 pouces par

seconde, avec le secours de cette expérience, n'est souvent qu'une partie de sa vitesse naturelle, la hauteur de la chute qui répond à cette vitesse se trouvant excédée par celle des jets de l'eau à la rencontre des différents obstacles dont le cours de ce torrent est rempli ; en sorte que cette vitesse uniforme n'est précisément que celle qui lui reste après avoir vaincu ces différents obstacles : cet excès pourroit s'estimer par le rapport du jet le plus élevé, à celui de la chute qui produit la vitesse restante ; mais cette spéculation est peu nécessaire, & au reste, pour y avoir égard, on peut augmenter la chute que nous avons trouvée de 3 pieds 4 pouces 2 lignes, en la fixant à 3 pieds 9 pouces ; ce qui donnera 15 pieds pour la vitesse uniforme, sur laquelle on pourra constamment compter dans la suite.

Il s'agit maintenant d'examiner quels seroient les effets qu'éprouveroit une digue au moyen de laquelle on voudroit détourner ce torrent, pour le ranger à droite ou à gauche, contre le pied des montagnes, en plaçant cette digue à l'embouchure du goulet, auquel elle serviroit de barrage, & en l'inclinant suivant un angle d'incidence de 30 degrés par rapport au courant, & de telle sorte, que le canal qui resteroit entre cette digue & le pied des coteaux, auroit 24 pieds de largeur par le bas, sans égard aux talus, pour contenir 4 pieds de hauteur d'eau, en observant que sa pente, suivant le devers de ce torrent, & suivant l'obliquité de cette nouvelle direction, n'auroit plus que 3 pouces 8 lignes 7 points par toise, au lieu de 5 pouces & un quart.

Soit comme ci-devant la base de la colonne d'eau =  $zz$ , en sorte qu'ayant égard à la quantité d'eau qui s'écoule par seconde =  $a$ , on ait  $a = 2\ zz\ \sqrt{gx}$ .

Soit le sinus de l'angle d'incidence sous lequel la colonne d'eau choque cette digue =  $\theta$ , la partie de surface de cette digue qui répond à la section du courant, se trouvera augmentée relativement à sa situation perpendiculaire, dans le rapport du sinus total, au sinus d'incidence  $\theta$ , en sorte que cette surface sera  $\frac{2\ zz}{\theta}$ ; ainsi, si le coup étoit droit, la force reçue seroit  $\frac{2\ zz\ x}{\theta}$ ; mais à cause de l'obliquité, elle doit être diminuée en raison doublée du sinus de l'angle d'incidence  $\theta$ , au sinus total : ainsi la vraie force d'impulsion sur cette surface sera donc  $\frac{2\ zz\ x\ \theta^2}{\theta} = 2\ zz\ x\ \theta$ , & en faisant entrer dans ce calcul la quantité d'eau qui s'écoule par seconde, cette force sera  $a \times \frac{\theta\ \sqrt{x}}{g}$ .

#### R E M A R Q U E.

Cette force décroît donc seulement dans la raison simple du sinus de l'angle d'incidence  $\theta$ , quoique, par les règles ordinaires de l'hydraulique, nous ayons diminué le choc oblique du fluide en raison doublée, ce qui vient de ce que la surface choquée qui se trouve sous la base de la colonne d'eau, augmente par son obliquité; circonstance à laquelle on n'a point d'égard dans les règles communes, où l'on estime cette force par le rapport du carré du sinus  $\theta$ , à celui du sinus total.

Au surplus, ce résultat suppose encore, comme nous en avons prévenu en premier lieu, qu'indépendamment de cet accroissement de surface, eu égard à son obliquité, la digue en question en présente encore une plus grande, eu égard à la partie qui reçoit le choc.

Cette formule fait donc voir que cette force est exactement la même que celle qui a été modifiée par le premier calcul, attendu que par la nature du problème  $\frac{a \theta \sqrt{x}}{g} = \frac{1}{2} a \frac{\sqrt{x}}{g}$ , c'est-à-dire, que cette force seroit double, si la digue étoit perpendiculaire; ce qui est évident, de même que dans le cas où la surface choquée n'auroit d'autre extension que celle qui se trouve produite par son obliquité, cette formule se réduiroit à  $\frac{1}{2} a \theta \frac{\sqrt{x}}{g} = \frac{1}{4} a \frac{\sqrt{x}}{g}$ ; mais on remarquera, comme on vient de le dire, qu'à cause du regonflement de l'eau, la partie de surface de cette digue qui reçoit le choc, surpasse de beaucoup la base de la colonne d'eau.

Il suit donc de là & de ce que nous avons rapporté précédemment, qu'il suffiroit que cette digue eût 4 à 5 pieds d'épaisseur, si les vuides qui doivent se trouver dans l'assemblage des pierres dont elle seroit composée, n'en diminuoient le poids, qu'on suppose le même que ci-devant pour chaque pied cube; mais comme on ne se borne point ordinairement à cet équilibre, on voit qu'en donnant 8 à 10 pieds d'épaisseur à cette digue, en la formant d'ailleurs avec des blocs de pierre d'un volume proportionné aux modifications de la force de ce torrent, on fera fort au-dessus des événements.

Quant à la hauteur de cette digue, qu'il est également

nécessaire de régler dans la même partie exposée au choc du courant, elle dépend de la hauteur du regonflement de l'eau; en sorte que n'ayant égard pour cela qu'à son impulsion & à l'obliquité de la digue, cette force se trouvera réduite, comme nous l'avons observé plus haut, à  $\frac{1}{2} \theta \frac{V^*}{g} = \frac{1}{4} a \frac{V^*}{g}$ ; & attendu que les chocs sont entr'eux dans le rapport des hauteurs de leurs chûtes, on aura la hauteur de ce regonflement, en prenant la moitié de la chûte du courant, qu'on a fixé ci-devant à 3 pieds 9 pouces, cette moitié étant égale à un pied 10 pouces 6 lignes; d'où il suit que la hauteur de cette digue doit avoir cette dernière dimension pour excès au-dessus de la hauteur d'eau connue, en y ajoutant même encore un pied, suivant les précautions ordinaires, afin d'être au-dessus de tout équilibre.

On doit conclure encore de ce dernier principe, que la partie de cette digue, qui seroit exposée au choc d'un bloc de pierre semblable à celui sur lequel on a établi la première expérience, ne recevroit qu'une partie très-modifiée du coup; parce qu'indépendamment de l'obliquité qui rompt la moitié de ce coup, la réaction du fluide altere encore la moitié de la force qui lui reste, comme on l'a déjà observé généralement.

Il reste donc à examiner quelle doit être la hauteur de cette digue, par rapport au comble que le fluide doit former, en se resserrant pour déboucher de son canal dans celui où on se propose de le conduire.

On se rappellera pour cela que le canal naturel ayant 30 pieds de largeur, & celui-ci 24 pieds, les deux sections du courant seront dans le rapport de 5 à 4, ( les hauteurs d'eau étant les mêmes ) la première de ces deux sections fournissant 1800 pieds cubes d'eau par seconde, par la vitesse de 15 pieds ; & la seconde ayant 98 pieds carrés, abstraction faite de tout le vuide, ou à peu près, produit par le talus de la digue, à cause du déchet qui se trouve opéré par la contraction que le fluide éprouve, en se resserrant pour passer d'une section à l'autre.

Suivant cette disposition, la vitesse de l'eau à ce passage fera  $\frac{1800}{98} = 18$  pieds 4 pouces 4 lignes, cette vitesse répondant à une chute de 5 pieds 7 pouces 5 lignes, de laquelle retranchant la première, ( qui est de 3 pieds 9 pouces ) il restera un pied 10 pouces 5 lignes pour la hauteur de ce comble, qui est la même, par l'événement, que celle du regonflement de l'eau dans la partie supérieure de cette digue ; en sorte que cette hauteur se trouvant uniforme dans tous les points importants, on voit que cette digue peut être arrasée à son sommet, suivant le niveau de pente du lit du torrent, qui se trouve être, comme on l'a dit, de 3 pouces 8 lignes 7 points, par rapport à l'obliquité qui a été supposée.

Si l'on objectoit que le nouveau canal pourroit être ensablé, par la raison qu'ayant moins de pente que le canal naturel, les matières charriées seroient moins sollicitées à être entraînées ; on répondroit que la force d'impulsion du fluide étant beaucoup plus considérable par la vitesse de

18 pieds, &c., que par celle de 15 pieds, il en résulte une compensation qui emporte avec elle son évidence.

On fait d'ailleurs que la vitesse des corps qui roulent sur des plans différemment inclinés, & par des angles fort obtus, n'éprouvent qu'une tardivité insensible.

Je pense donc avoir suffisamment satisfait à l'examen que je m'étois proposé sur les principaux objets de cette expérience, qui devient applicable à tous les torrents de la même nature.

Au surplus, la disposition, la construction & la forme des digues qui doivent résister à l'impulsion des torrents, tiennent encore à des connoissances qu'on ne peut acquérir que par de longues expériences, & dans lesquelles toutes les théories précédentes doivent se concentrer.

On doit sur-tout éviter d'employer des bois pour la construction de ces digues, lorsque les moyens & les circonstances permettent d'en user autrement; & on a vu franchir ce préjugé avec les plus grands succès en Dauphiné, où, jusqu'en 1750, on n'avoit d'autres méthodes pour contenir les torrents qui dévastent cette province.

On voit même que, dans quelques parties de la Savoie, où les pierres manquent, on en fabrique avec les graviers & les cailloux que les torrents entraînent.

Ces pierres de béton factice, composées de chaux maigre & de gros graviers mêlés de cailloux, se moulent en prismes triangulaires de 3 à 4 pieds de longueur, & s'ajustent ensuite par engrainement les unes sur les autres, de telle sorte que les digues qui en sont composées, étonnent les connoisseurs.

SECONDE