Kristallographisch-optische Untersuchungen.



Kristallographisch-optische Untersuchungen.

I. Bemerkungen über das kristallographische Mikroskop.

Die häufigsten kristallographisch optischen Untersuchungen werden mit Hilfe eines Mikroskops ausgeführt. Optischer Typus: Schematisch gedacht, besteht ein Mikroskop aus zwei Linsensystemen (Fig. 309); 1. einem Projektionssystem *OO* (dem Objektiv), welches

vom Objekt ab ein reelles Bild AB entwirft; 2. einem Lupensystem O'O' (dem Okular), welches das Bild AB zu A'B'vergrößert. Gegenüber dem Objekt ab liegen AB und A'B' umgekehrt.

Beleuchtung. Lichtsorte. Zu vermeiden ist beim üblichen Mikroskopieren unmittelbare Sonnenbeleuchtung, die man eventuell durch Pappschirme oder Vorhänge abblenden muß. Das beste Tageslicht liefern weiße Wolken. Eine gute künstliche Beleuchtung erhält man durch kleine Auerbrenner bzw. Glühlichter, beide mit Milchglaskuppeln oder mit vorgestellten Mattscheiben versehen. Sehr empfehlenswert sind die Zeißschen Mikroskopier-Nernstlampen und die Mikroskopier-Bogenlampen.

Oft wird bei Kristalluntersuchungen monochromatisches (einfarbiges) Licht gebraucht. Gelegentlich genügen in der Hinsicht farbige Gläser (rot, grün,



Fig. 309. Schema eines Mikroskops.

blau), die man passend quadratisch schneidet und als Lichtfilter auf das Mikroskopokular legt. Bei der Auswahl prüft man sie mittelst F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. 6 eines geradsichtigen Handspektroskops auf die Art des von ihnen durchgelassenen Lichtes ¹).

Eine monochromatische gelbe Flamme erhält man mit Hilfe von Natriumsalzen (Chlorid, Bromid, Karbonat), die man in eine Platinspirale einschmilzt bzw.



Fig. 310. Mikroskop von R. Fueß, Steglitz.

in ein durchlöchertes Platinschiffchen bringt oder durch Asbestpappe bzw. eine Bimssteinplatte aufsaugen läßt. Spirale oder Schiffchen werden mit einem angesetten Platindraht, der zur Verlängerung nach hinten in ein Glasrohr eingeschmolzen sein kann, der durchtränkte Asbest oder Bimsstein in einer platten Klammer in die farblose Flamme des Bunsenbrenners getaucht. Eine breite Flamme (durch Schligbrenner zu erzielen) ist oft erwünscht. Ausgezeichnet gleichmäßiges, sehr kräftiges gelbes Licht liefern Beckmannsche elektrolytische Verstäubungs-Intensivbrenner, deren Na-Flamme durch Zufuhr von Sauerstoff zum Gas oder durch Anwendung von Wasserstoff und Sauerstoff gespeist wird. Lithiumsalze liefern rotes Licht.

Zur Herstellung einer gelegentlich zu benutzenden grünen Flamme dient Thalliumsalz.

Eine Laspeyressche Lampe (Fig. 311) stellt eine bequeme Wechselvorrichtung der Lichtsorte dar.

¹) Bezugsquelle für Quecksilber-Mikroskopierlampen mit A. Köhlerschen Farbfiltern: Zeiß, Jena.

I. Bemerkungen über das kristallographische Mikroskop.

Sehr vollkommen wirken hinsichtlich der Erzeugung von Licht bestimmter Schwingungszahl die sogenannten Monochromatoren. Der Wülfingsche Monochromator ist in Fig. 312 in Verbindung mit

einem Mikroskop abgebildet. Durch ihn wird das starke, mittelst eines Heliostaten gerichtete Licht der Sonne oder das Licht einer elektrischen Bogenoder auch einer kräftigen Nernstlampe, event. einer Quecksilberlampe, spektral zerlegt. Eine Spaltvorrichtung gliedert die gewünschte Farbe aus dem Spektrum zur Benutzung heraus. Man eicht den Apparat unter Verwendung der Fraunhoferschen Linien oder eines Heliumspektrums und trägt die Daten über Wellenlänge und Trommelteilung des



Fig. 311. Laspeyressche Lampe.

Wellenlänge und Trommelteilung des Instrumentes in einer Kurve auf. Bei neueren Konstruktionen hat man auf der Trommel eine



Fig. 312. Mikroskop und Monochromator. E Eintrittsspalt, P Behälter der Prismen, S Schraube für Prismenstellung, A Austrittsspalt, s, Regulierschraube für Spaltbreite, M Einstellmikroskop, h Rohr mit Linse, um die austretenden Strahlen parallel oder konvergent verlaufen zu lassen.

Markierung der Wellenlängen angebracht. Nachprüfung vor jeder Benutsungsreihe ist nötig.

Spiegel. Es wird am Mikroskop zweckmäßig ein doppelter 6* (plankonkaver) Spiegel angebracht. Man überzeuge sich von der verschiedenen Wirkung der Spiegelflächen bei wechselnder Vergrößerung, verschiedenen Kondensoren und wechselnder Entfernung und Gestalt



Fig. 313. Mikroskop von R. Winkel, Göttingen.

der Lichtquelle. Der Spiegel muß nicht nur drehbar, sondern auch nach links und rechts, am besten gleichfalls noch vertikal verschiebbar sein.

Beleuchtungslinsen (Kondensoren). Sie dienen zur Konzentration des vom Spiegel des Mikroskops reflektierten Lichtes auf das Objekt. Bei starken Objektiven muß man auch einen starken Kondensor benutgen.

Eine ausgiebige vertikale Beweglichkeit des Kondensors ist zu empfehlen, da man dann durch verschiedene Stellung des Apparates sehr nütsliche Änderungen in der Belichtung des Objektes erzielen kann. So läßt sich durch Senken der Kondensoren die Abblendung der schief einfallenden äußeren Strahlen des Beleuchtungskegels herbeiführen (sie werden bei tiefer Stellung der Kondensorlinsen von der Fassung aufgenommen, in der man den Kondensor ver-

senkt, Fig. 314 a u. b). Man hat es dann nur mit den mittleren, weniger konvergenten Lichtstrahlen zu tun. Im übrigen kann man eine Einengung des Lichtkegels auf seinen inneren Teil, also die Herstellung von fast parallelem Licht, durch Blenden erreichen, am besten durch eine Irisblende (deren Öffnung beliebig verstellbar ist).

I. Bemerkungen über das kristallographische Mikroskop.

Dunkelfeldbeleuchtung und Ultramikroskopie. Um Objekte hell auf dunklem Untergrunde der mikroskopischen Gesichtsfelder erscheinen zu lassen, sorgt man dafür, daß die Beleuchtungsstrahlen nicht ins Objektiv dringen, vielmehr das Objekt von sehr schrägen Lichtstrahlen durchsetzt wird. Zu dem Zwecke blendet man die zentralen Strahlen des Beleuchtungsapparates ab und schickt durch passende Spiegelung (Paraboloidkondensor, Fig. 315, Kardioidkondensor u. a.) seitliche Strahlen in das Präparat. Auch läßt sich der nämliche Effekt erreichen, wenn starkes Licht auf das Objekt im Sinne der Fig. 316 konzentriert wird.

Auf diesen Vorrichtungen beruht auch die Ultramikroskopie, das sind Einrichtungen zur Wahrnehmung von Teilchen, die sich wegen sehr

Fig. 314 b.



Fig. 314 a.



Fig. 315. Paraboloidkondensor.

geringer Größe der gewöhnlichen mikroskopischen Erkennung entz ehen. Das Auflösungsvermögen



Fig. 316. Ultramikroskopisches Schema.



Fig. 317. Illuminator. *o* Beleuchtungsöffnung, *P* Prisma, *g* Prismenbewegung.

des Mikroskops läßt sich ja über ein gewisses Maß hinaus nicht steigern (vgl. Anm. 2 S. 86). Mit dem Ultramikroskop kann man noch kleinere Teilchen wahrnehmen, indes nicht ihre Gestalt, sondern lediglich ihr Vorhandensein; sie werden gewissermaßen durch Beugung intensiven Lichtes nach allen Richtungen selbstleuchtend, wenn man wie oben angegeben verfährt und das Objekt von oben mikroskopisch betrachtet. Von Zsigmondy und Siedentopf konstruierte Ultramikroskope lassen die Gegenwart von Teilchen unter $5 \mu \mu$ noch erkennen.

Illuminator. Er dient zur Beleuchtung undurchsichtiger Präparate (z. B. Metalle, Erze) von oben und besteht aus einem drehbaren Glasblättchen oder einem Prisma in einer Fassung, die dicht über dem Objektiv eingeschaltet wird (Fig. 317). Starkes Licht (am

83

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

besten, um Gleichmäßigkeit der Beleuchtung zu gewährleisten, das einer 100 kerzigen mattierten Glühlampe) fällt seitlich durch eine Öffnung ein, nach der Reflexion und dem Passieren des Objektivs (das als Kondensor wirkt) auf das Präparat und wieder in das Objektiv zurück. Da das Prisma des Illuminators von der Seite her nur bis zur Tubusachse reicht, also eine Hälfte des Tubusquerschnitts frei läßt, so kann man das Präparat beobachten.

Natürlich wirkt jett nur die halbe Apertur. Dem entgeht man durch Verwendung eines durchsichtigen reflektierenden Glasscheibchens an Stelle des Prismas. Bei schwachen Vergrößerungen ist aber letteres wegen dabei erzielter größerer Helligkeit vorzuziehen.

Fig. 318 stellt eine praktische optische Bank für Untersuchungen in auffallendem Lichte (Episkopie) dar.



Fig. 318. Episkopisches Mikroskop nach E. Leiß, Weßlar, mit Kondensor, Lichtfilter und Bogenlampe.

Die Objekte dürfen bei Illuminatorbetrachtung nicht mit Deckglas versehen sein, da das von diesem zurückgeworfene Licht das Bild verschleiert. Natürlich kann man auch durchsichtige Gegenstände mit dem Illuminator studieren. Man legt sie dann auf schwarzen Sammet.

Zur Not läßt sich, falls nur schwache Vergrößerung in Betracht kommt, das gewöhnliche Mikroskop benuten; plattige Präparate legt man ein wenig schräg in ein Sandkästchen. Eventuell konzentriert man das Licht durch eine Linse. Hier sei für schwächere Vergrößerung noch das binokulare Mikroskop empfohlen (Fig. 319), das einen stereoskopischen Anblick liefert.

Vom Objekttisch ist zu wünschen, daß er ausgiebig genug sei, auch größeren Nebenapparaten, z. B. Erhigungsvorrichtungen, als

84

I. Bemerkungen über das kristallographische Mikroskop.

Standfläche zu dienen. Um in der Hinsicht Raum zu gewinnen, ist es empfehlenswert, das Stativ des Mikroskops in der Höhe des Objekttisches weitbogig zu gestalten.

Unerläßlich beim kristallographischen Mikroskop ist, daß der Objekttisch in seiner Ebene drehbar und mit einer Gradteilung versehen ist, die an einer festen einfachen Strichmarke oder an einem Nonius beim Tischdrehen vorbeigleitet, damit Stand und Drehung des Tisches in Winkelgraden abgelesen werden können.

Zum Festlegen von Präparaten und Apparaten auf dem Tische dienen Klammern. Es sind federnde Metallstreifen, an einem Ende mit kurzem Stiftansatz versehen, der in ein Loch des Objekttisches gedrückt wird.



Fig. 319. Greenoughsches binokulares Mikroskop.

Zwecks systematischer Bewegung, z. B. eines Präparates im Gesichtsfelde, benutzt man bei vervollkommneten Mikroskopen Kreuzschlitten (Fig. 320); sie gestatten Bewegungen senkrecht aufeinander

in der Tischebene. Sind an den Schlitten Teilungen, und ist für das Objekt etwa durch Schienen eine feste Lage vorgesehen, so kann man zwecks späteren Wiederfindens eines Punktes im Präparat bestimmte Stellungen durch Ablesen der Koordinaten kennzeichnen Einfacher ist in der Hinsicht

stellen durch auf oder dicht



die Bezeichnung von Objekt- Fig. 320. Kreuzschlittentisch. s Mikrometerschraube, s'gröbere Schraube, w Winkelleiste für Objektträger.

bei ihnen angebrachte farbige Punkte beziehungsweise durch eine umrahmende Linie.

Objektive. Die Leistungsfähigkeit des Mikroskops hängt wesentlich von der Güte der Objektive ab, die, mit den Kondensoren und den Okularen zusammenwirkend, möglichst lichtstarke, wenig gewölbte und nicht verzerrte, sowie nicht mit farbigen Rändern versehene Bilder liefern sollen. Zur Abschätzung der Wölbung beobachtet man eine Abbesche Testplatte mit in Silberbelag eingerissenen feinen Linien, die im ganzen Gesichtsfelde scharf und nicht gekrümmt erscheinen müssen, ferner feinste Staubteile; sie sollen keine Farbränder haben. Die Aplanate und Achromate sind dementsprechend korrigiert Besonders gute Wirkung erzielt man bei sogenannten Apochromaten in Verbindung mit den stets mit ihnen zu verwendenden Kompensationsokularen ¹).

Die Lichtstärke und auflösende Kraft der Objektive hängt ab von ihrer sogenannten numerischen Apertur A, die durch $A = n \sin \alpha$ gekennzeichnet ist, wo n den Brechungsquotienten des vor dem Objektiv befindlichen Mediums (bei Luft n = 1) und α den halben Öffnungswinkel des Objektivs bezeichnet²). Die Helligkeit ist

¹) Bei Kompensationsokularen ist das rote Bild größer als das blaue; dadurch wird der umgekehrte Fehler der Objektive ausgeglichen. Beim Blicken durch ein solches Okular ist das Sehfeld orangerot umrandet; beim Huygensschen Okular sieht man den Rand blau.

²) Eine Länge l wird bei gerader Beleuchtung noch erkannt, wenn $l \equiv \lambda/A$, wo λ die Wellenlänge des angewandten Lichtes in Luft und A die numerische Apertur ist. Violettes bzw. ultraviolettes Licht (Photographie) löst also infolge kleiner Wellenlänge am besten auf. In der auf etwa ²/₃ verkleinerten Wellenlänge des Lichtes in Öl usw. liegt auch ein wesentlicher Vorteil der Immersionsobjektive. Bei schräger Beleuchtung gilt $l = \frac{1}{2} \lambda/A$. Für das Auflösungsvermögen wirkt also die z. T. schräge Beleuchtung des Präparates durch den eingeschalteten Kondensor des Mikroskops günstig.

Der Grund für diese Verhältnisse liegt in den durch die Struktur des Präparates bedingten Beugungserscheinungen, welche für die naturgetreue Abbildung maßgebend sind. Ein mikroskopisches Bild kann, im Falle man einzelne Teile der Beugungsfiguren abblendet, sehr untreu und dabei doch scharf sein. Zur naturgetreuen Abbildung ist es nötig, daß vom Objektiv außer dem ungebeugten Licht auch das gebeugte Licht weitgreifend aufgenommen wird. In Fig. 322 ist L das ungebeugte, G um α° gebeugtes Licht, K die Gitterkonstante, λ die Wellenlänge des angewandten Lichtes; sin $\alpha = \lambda/K$. Man erkennt, daß die Leistung des Objektivs vom sin des halben Öffnungswinkels abhängt. In Fig. 323 ist dargestellt, wie dasselbe Objekt (quadratische Netzteilung) sehr verschieden erscheint, je nach der wechselnden Abblendung von Beugungsbildern.

Die Apertur eines Objektivs wird am einfachsten mit Hilfe einer Aperturscheibe (Fig. 324) gemessen (zu beziehen von Leppin & Masche, Berlin), die man zentrisch auf den Objekttisch legt. Zunächst bringt man über sie ein 25 mm hohes Klötchen, stellt auf dessen Oberfläche ein, entfernt es wieder und auch das Okular. Schaut man nun mit dicht über den

I. Bemerkungen über das kristallographische Mikroskop.

 A^2 , die Auflösung A direkt proportional. Um die numerische Apertur recht groß zu machen, benutzt man in besonderen Fällen Medien wie Öl, Bromnaphthalin, die im Vergleich zu Luft einen wesentlich höheren Brechungsquotienten haben (*n* bei Zedernholzöl für *D*-Licht = 1,52, bei Bromnaphthalin 1,66, bei Methylenjodid 1,74). In diese Flüssigkeiten tauchen die Objektive (Immersionssysteme oder Tauchsysteme im Gegensatz zu den Trockensystemen). Man bringt einen Tropfen der Flüssigkeit zwischen Kondensor und Präparat und



Fig. 321. Vergleich des Strahlenganges bei Trocken- und Eintauchsystemen. O Objektträger, C Canadabalsam, P Präparat, D Deckglas. Links Luft, rechts Ol.

Für 324. Aperturscheibe. (Für den Gebrauch auf 10,5 cm Durchmesser zu bringen.)



Nach Volkmann.

gleichfalls einen Tropfen zwischen Objekt und Objektiv, schaltet also die Luft aus. Man hat »homogene Immersion«, wenn die Brechung der Flüssigkeit mit der vom Glase des Präparates und der Frontlinse des Objektivs übereinstimmt.

Tubus gehaltenem Auge in das Mikroskop, so erscheinen die Ringe der Aperturscheibe mit gleichem Abstande und gleich dick. Man zählt die sichtbaren ab und hat so ein Maß für die Öffnung, insofern die Ringe jeweils 0,1, 0,2 ... bis 0,9 Apertur besagen.

87

Immersionssysteme gestatten eine starke Vergrößerung bei guter Helligkeit und Bildtreue (Probeobjekte: Diatomeen mit feinster Struktur; z. B. Pleurosigma angulatum, Surirella gemma). Auch bei episkopischen Untersuchungen sind sie sehr nütslich.

Das Anseten der Objektive an das untere Tubusende des Mikroskops geschieht durch Anschrauben oder bequemer mittels einer Objektivzange oder eines Schlittens. Auch versieht man wohl Mikroskope mit einem Objektivrevolver, einer Scheibe, welche die Objektive meist gleich im Abstande ungefähr richtiger Einstellung trägt und durch Drehung bis zum Einschnappen einer Feder in die Lage gebracht werden kann, daß Tubus- und Objektivachse zusammenfallen.

Die Objektivachse muß genau auf den Mittelpunkt des Objekttisches weisen, damit beim Drehen des Mikroskoptisches die im Zentrum des Gesichtsfeldes befindlichen Objekte nicht wandern oder gar aus dem Gesichtsfelde verschwinden. Besonders beim Winkelmessen ist eine genaue Zentrierung wichtig. Zum Zwecke des Zentrierens werden zwei rechtwinklig aufeinanderstehende Schrauben benuţt; sie wirken auf ein in den unteren Tubus geseţtes Einsaţstück, an welchem die Objektive befestigt werden. Nicht zu empfehlen ist es, die Zentrierschrauben am Objekttische anzubringen, also diesen zur Objektivachse zu verschieben.

Um die Zentrierung vorzunehmen, ermittelt man den Punkt a im Gesichtsfelde, der beim Drehen des Objekttisches an seiner Stelle verbleibt, und bringt ihn mittels der Schrauben durch Koordinatenbewegung α und β senkrecht aufeinander in das Zentrum M des Gesichtsfeldes. Man findet diese zu zentrierende Stelle auch in der Weise, daß man durch Verschieben des Präparats einen leicht zu beobachtenden Punkt (z. B. ein Stäubchen, eine Kristallecke), in die Mitte des Gesichtsfeldes stellt und den Kreis beobachtet, den er beim Drehen des Objekttisches beschreibt. Der Mittelpunkt dieses Kreises ist durch Schraubenbewegung zu zentrieren. Eine Vorrichtung entsprechend Fig. 325 a ist praktischer als die von Fig. 325 b, welche diagonal wirkt. Bei Leißschen Mikroskopen zentriert man das Objektiv ein für allemal; es kommt durch Schlig und Stift stets wieder in dieselbe Lage am Tubus.

Im Okular soll ein Fadenkreuz ausgespannt sein, das mühelos und ohne Parallaxe (d. h. beim Verschieben des Auges feststehend) mit dem Bilde des Objektes gesehen werden muß. Zur genauen Einstellung der Fäden für das Auge macht man oft die obere Linse des Okulars verschiebbar. Die Fäden laufen links-rechts und vorn-hinten (Fig. 325 a und b); diese Stellung wird durch eine Nutenführung des Okulars gewährleistet.

Die Stärke der Vergrößerung hängt von der Objektiv-

Okularkombination sowie von der Tubuslänge (160-200 mm) ab. Bei den Ermittelungen der Vergrößerung und bei einschlägigen späteren Messungen muß der gleiche Abstand innegehalten werden.

Man mißt die Vergrößerung durch ein Objektmikrometer, d. h. eine auf Glas angebrachte Teilung etwa eines Millimeters in 100 Teile.

Bei gegebener Objektiv-Okularvereinigung und Tubuslänge stellt man auf die Teilung ein. Neben das Mikroskop hält man in Entfernung des deutlichen Sehens (25 cm) von der Augenlinse des Okulars einen Millimetermaßstab. Bei gleichzeitigem Betrachten des Objektmikrometers mit einem und des Maßstabes mit dem andern Auge bringt man beide Objekte zur Deckung, und so kann man die Vergrößerung ablesen. Fallen z. B. 10 mm des Maßstabes mit 5 Teilen = 0,05 mm des Mikrometers zusammen, so ist die Vergrößerung 10 0,05 = 200 fach linear. Auch kann man einen Zeichenapparat (S. 93'94) zur Messung der Vergrößerung benutjen, indem man die Mikrometereinteilung auf einem Blatt Papier nachzeichnet, das man in die



Fig. 325 a und b. Zentrieren des Objektivs.

Entfernung deutlichen Sehens (25 cm) gebracht hat. Dabei hat man diese 25 cm auf dem ganzen gebrochenen Wege des Lichtes vom Papier bis ins Auge abzumessen. Die Vergrößerung ist aus der Zeichnung leicht mittels Maßstabes zu ermitteln.

Im allgemeinen suche man mit schwacher Vergrößerung auszukommen.

II. Hilfsapparate zum Mikroskop.

Außer den bereits beim Kapitel Beleuchtung erwähnten Einrichtungen kommen noch folgende Apparaturen in Betracht.

Drehapparate. Häufig ist es erwünscht, Kristalle unter dem Mikroskop in verschiedener Richtung zu betrachten. Zu dem Zwecke wälzt man sie mit feinen Holzstäbchen in andere Lage, läßt sie auch wohl in Einbettungsflüssigkeiten durch Rühren rollen, besser aber man dreht sie mit Hilfe besonderer Apparate. Zum Beispiel kann man ein Kriställchen an ein Streichholz mit Wachsspiße stecken. Das Hölzchen läßt man wagerecht durch ein am Rande eines Glasplättchens (Objektträger) angebrachtes Wachshäufchen gehen, so daß man es um seine Achse drehen kann. Auch benußt man wohl eine Glashalbkugel, auf der in der Mitte der ebenen Fläche das Kriställchen liegt. Die Halbkugel ruht mit ihrer runden Seite in dem Loche des Objekttisches und kann somit ziemlich ausgiebig bewegt werden.



Fig. 326. Fedorowscher Drehapparat.

Nach Vorschlägen von Fedorow und Wright sind einfache und auch ziemlich verwickelte Drehapparate mit mehreren Teilkreisen erbaut (Fig. 326/27); sie gestatten sehr ausgiebige Bewegungen, deren Beschreibung sich hier erübrigt, da sie bei Benutzung sich von

selbst ergeben. Zwecks stets senkrechten Lichteinfalls bringt man das Präparat zuweilen zwischen gläserne Halbkugeln. Den Zusammenhalt erzielt man etwa durch Glyzerin als Klebmittel.

Umhüllungsapparate. Flächenreiche, durchsichtige Körper (z. B. geschliffene Edelsteine), die in Luft betrachtet werden, zeigen bekanntermaßen vielfach innere Lichtreflexe, die eine glatte Durch-



Fig. 327. Fedorow-Wrightscher Drehapparat mit vier Teilkreisen: *T*, *T*₁, *K*, *V*, *fgd* Klemmschrauben, *S* Glasscheibe, *a* Glashalbkugel.

sicht erschweren. Es beruht das auf dem großen Brechungsvermögen gegen Luft, demzufolge viele Lichtstrahlen durch die Begrenzungsflächen nicht ohne weiteres in Luft austreten können, vielmehr an ihnen total reflektiert werden. In mehr oder minder ausgesprochenem Maße hindert diese Erscheinung die

Untersuchung der Kristalle im durchfallenden Lichte. Die inneren Reflexionen an den Flächen fallen nun aber fort, wenn man einen Körper in ein Medium taucht, dessen Brechung mit der seinigen übereinstimmt. Praktisch genügt schon eine Annäherung in der Hinsicht, um die Proben in allen Richtungen durchblicken zu können.

Um Umhüllung und Drehung zu vereinigen, benußt man Apparate, die ein Gefäß zur Aufnahme von Flüssigkeit und drehbare Teile besitzen, an denen der Kristall befestigt ist und in die Flüssigkeit taucht.

Der in Fig. 328 abgebildete Kleinsche Apparat besteht aus einem Glasgefäß, durch dessen Wandung eine Drehachse verläuft. An ihr Ende kittet man den Kristall. Er taucht in die im Gefäße befindliche Flüssigkeit. Zweckmäßigerweise läßt man den Behälter in ein Metallgehäuse ein.

Oder auch kann man den Kristall von oben her in ein mit Flüssigkeit gefülltes Gefäß hineinragen lassen. Um dies zu ermöglichen, legt man das Mikroskop wagerecht um und beobachtet durch die Wand des Umhüllungsapparates hindurch. Für größere Präparate (z. B. Gesteinsschliffe) muß das Umhüllungsgefäß entsprechend geräumig sein (Fig. 329).

Bemerkung. Bei der Feststellung von optischen Richtungen in einer Kristallplatte mittels der Drehapparate ist zu bedenken, daß die



Fig. 328. Kleinscher Drehapparat. H Grundplatte, K Klammer.

Brechung diese Richtungen beim Übergang des Lichtes von einem Medium in ein anderes verändert. Man führt die



Fig. 329. Kleinscher Drehapparat. T und T_1 Teilkreise, kz dreht das Präparat S mittels Zahnrad n_1 , e und e_1 Klemmfedern.

beobachteten Richtungen auf die in der Kristallplatte zurück mittels der Beziehung sin $i/\sin r = n$, bzw. sin $i/\sin r = n/n'$, in welcher iden äußeren, r den inneren Winkel der optischen Richtungen zur Plattennormale bedeutet, sowie n den (event. mittleren) Brechungsexponenten der Kristallplatte und n' den des umhüllenden Mediums (z. B. der Glashalbkugeln des Fedorowschen Apparates).

Erhigungsapparate. Viele Beobachtungen lassen sich schon durch abwechselndes Erhigen der Substanz auf ihrer gläsernen Unterlage und Beobachten unter dem Mikroskop machen. Um hierbei ein Zerspringen des Objektträgers zu vermeiden, gibt man ihm eine schlecht wärmeleitende durchlochte Asbestunterlage.

Ein Erhitzungsapparat mit Gasheizung ist in Fig. 330 (S. 92) abgebildet.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Am vollkommensten sind elektrische Erhigungsapparate. Man kann mit ihnen niedere und hohe Temperaturen (über 1400 °) konstant erhalten. Ein sehr einfacher Apparat besteht aus einer Asbestplatte mit eingelegtem Nickelheizdraht (Mitt. von R. Nacken). Vollkommenere Einrichtungen haben als Hauptteil ein zentrales Rohr, das mit Nickel- oder Platindraht als elektrisch zu erwärmendem Heizdraht spiralig umgeben ist. Auch bringt man den Heizdraht der besseren Wirkung wegen wohl im Innern des zentralen Rohres an. Nach außen schließt sich ein lufterfüllter oder mit Wärme schlecht leitenden festen Stoffen ausgekleideter Wärmeschutgraum an (Fig. 331). Will man Flüssigkeiten erhitgen, so empfiehlt es sich, wärmeunempfindliche, daher nicht springende Schälchen aus Kieselglas zu benutgen. Auch flache Objektträger werden aus diesem Material bereitet.



Fig. 330. Gasofen für Mikroskope.
g Gasleitung, b Kupferkessel, zRohr für
etwaige Zufuhr von Stoffen, ASchornstein.

In allen Teilen ganz besonders den Erhitjungsversuchen angepaßt sind die sogenannten Kristallisationsmikroskope von O. Lehmann.

Abkühlungsvorrichtungen. Sie sind ähnlich den Erhitjungsapparaten konstruiert (vgl. Fig. 332). In den Zwischenraum der beiden Rohre bringt man Eis, feste Kohlensäure oder flüssige Luft.

Die Temperaturmessungen bei Erhitjungen und Abkühlungen nimmt man mit Thermometern oder Thermoelementen vor. Für höhere Temperaturen, bis an 500[°], geeignet sind Quecksilberthermometer mit Stickstoffüllung, für niedere Wärmegrade Pentan-Thermometer. Kupfer-Konstantan-Elemente benutst man im Temperaturbereich von — 200 bis + 20[°], solche aus Silber-Konstantan von 0[°] bis 600[°], Platin-Platinrhodium-Elemente bis 1500[°]. Die Thermoelemente bestehen aus Drähten, deren Lötstelle man möglichst nahe an den zu

II. Hilfsapparate zum Mikroskop.

untersuchenden Körper bringt; anderseits führen sie zu einem Galvanometer, auf dessen Teilung man die Temperatur der Lötstelle abliest. Man wähle die Drähte recht fein (bei kleineren Erhitzungsapparaten in Stärke von 0,2 mm); auch lasse man reichlich Draht in den Ofen





Fig. 331. Elektrischer Ofen für Mikroskope. h Heizspirale, f_1 und f_2 Einsäge, falls das Objektiv dem Präparat stark genähert werden muß, th und g Oftnungen für das Thermoelement.

Fig. 332. Abkühlungsvorichtung nach H. E. Boeke. $G_1 G_2$ zylindrische Glasgefäße für Kältemittel, $N_1 N_2$ Nickelmantel, b Nickelboden, s Schieber für Präparat, d Deckel, f evakuiertes Doppelfenster.

tauchen (Drahtspirale). Andernfalls ergeben sich erhebliche Fehler der Temperaturbestimmung. Natürlich sind Thermoelemente vor Gebrauch zu eichen (z. B. mittels kochenden destillierten Wassers, schmelzender reiner Metalle oder Salze, wie Zink 419^o, Antimon 630^o,



Fig. 333. Zeichenspiegel.

Chlornatrium 800°, Gold 1062°, Umschlag von KLiSO₄ 435° (optisch beobachten), von Quarz 572° (optisch und thermisch wahrnehmbar). Unreine Substanzen geben keine scharfen Schmelzpunkte, können also zur Eichung nicht verwandt werden.

Zeichen- und Photographierapparate. Es empfiehlt sich, ein Skizzenbuch zum Zeichnen aus freier Hand beim Mikroskopieren stets bereit zu haben. Für genauere, mehr objektive Abbildungen dienen Zeichen- und Photographierapparate.

Bei ersteren handelt es sich darum, das Bild des Objektes zugleich mit der Zeichenebene zu sehen, um es auf ihr nachziehen zu können. Fig. 333 (S. 93) stellt ein Doppelprisma mit innerer spiegelnder Fläche dar. An dieser wird das vom Zeichenpapier kommende und vom Spiegel zurückgeworfene Licht ins mikroskopierende Auge geworfen, welches durch eine kleine Öffnung im Spiegelbelag des Prismas zugleich mit dem Zeichenpapier das mikroskopische Bild wahrnimmt. Noch einfacher gestaltet ist ein Zeichenokular der Firma



Fig. 334. Zeichenokular von Leit, Wetslar.

Fig. 335. Photographische Stülpe für Mikroskope. *T* Tubus, *R* Rahmen, *Sch* Blende.

E. Leity (Fig. 334). Zu empfehlen ist es, lichtdämpfende Gläser seitlich vor den Prismenspiegel einschieben zu können, um die Helligkeit des Objektes und des Zeichenpapiers einander anpassen zu können.

Photographische Apparate in Verbindung mit dem Mikroskop lassen sich in der einfachen Weise herrichten, wie es Fig. 335 zeigt: eine lichtdichte Stülpe, welche oben eine Vorrichtung zum Einseten der Einstellscheibe bzw. der Kassette trägt, wird auf den Tubus geset. Falls man eine Verschiebung des letzteren durch das Gewicht der Kamera befürchtet, kann man das Mikroskop umlegen.

In dieser Stellung kann man es natürlich mit jedem photographischen Apparat ohne weiteres verbinden. Am besten entfernt man das photographische Objektiv und projiziert das Bild mit Hilfe des Mikroskopobjektivs und Okulars oder nur mit dem Mikroskopobjektiv auf die photographische Platte.

II. Hilfsapparate zum Mikroskop.

Als Lichtquelle kann man Auerlicht, natürlich auch Kalkglühlicht, eine Liliput-Bogenlampe (Fig. 336) oder eine Nernstlampe benutgen. Es empfiehlt sich, eine Gelbscheibe in den Gang der Strahlen zu schieben, ferner das Bild im großen auf einer Mattscheibe, genauestens aber auf einer durchsichtigen Scheibe, die ein eingeritztes Kreuz trägt, mit Hilfe einer Lupe einzustellen. Alles Nebenlicht ist abzuhalten, indem man das Mikroskop mit einem Tuche bedeckt. Der Tubus des Mikroskops muß innen geschwärzt sein.

Eine sehr bequeme Vorrichtung ist in der Hinsicht auch der kleine Projektionsapparat mit Polarisationseinrichtung von E. Leiß in Weßlar.

Recht vollkommene Einrichtungen hat man für episkopische Beobachtungen und photographische Aufnahmen konstruiert. Das hierbei benutzte, sehr praktische Le Chateliersche Prinzip besteht darin, die zu untersuchende Platte auf einen horizontalen Objekttisch zu legen und von unten zu beleuchten. Damit fällt jede Schwierigkeit der Justierung des Präparats senkrecht zur Achse des Instrumentes fort. Durch Drehen eines reflektierenden Prismas kann man das Bild in das Auge des Beobachters oder zum Photographieren auf die Mattscheibe schicken, die natürlich auch zur Demonstration dienen kann.

Objektträger und Deckgläser.

Durchsichtige Präparate bringt man auf einer Glasunterlage (Objektträger) auf den Tisch des Mikroskops, falls sie nicht am Drehapparat befestigt werden. Objektträger werden fabrikmäßig hergestellt. Schickliche kristallographische Formate sind die von 45:26 mm, auch 32:32 mm.

Oft beobachtet man Kristalle auf dem Objektträger in einer Flüssigkeit. Damit sie nicht allzu schnell verdunstet und zum Schuß gegen Verstauben legt man auf Präparat und Flüssigkeit ein sehr dünnes Glasplättchen, Deckgläschen. Auch sind Objektträger mit einer zentralen ausgeschliffenen Vertiefung zur Aufnahme von Flüssigkeit käuflich. Bedarf man größerer Mengen Flüssigkeit, so benußt man Schälchen bzw. Uhrgläser.

Die Dicke von Objekt- und Deckglas ist beim Mikroskopieren von Wichtigkeit. Sehr starke Objektträger sind nicht zu empfehlen. Besonders F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. 7



Fig. 336. Kleine Bogenlampe.

wichtig ist die Dicke der Deckgläschen. Ist sie bedeutend, so verhindert sie bei starker Vergrößerung die nötige Annäherung des Objektivs an das Objekt. Auch ist die Deckglasdicke bei mittleren und stärkeren Vergrößerungen wesentlich für die Deutlichkeit des von Trockensystemen oder bei



Fig. 337. Wirkung des Deckgläschens auf die Bildschärfe.

Wasserimmersion gelieferten Bildes. Fig. 337 zeigt die verschiedene Lage der Schnittpunkte der vom Deckglas gebrochenen ausfallenden Strahlen. Das Bild erscheint daher bei dickeren Deckgläsern unscharf. Die Objektive sind auf bestimmte Deckglasdicke, etwa 0,15 mm, korrigiert. Wird sie überschritten, so erzielt man keine scharfe Abbildung bei gegebenen Linsenabständen im Objektiv. Daher haben manche Objektive eine Korrektionsfassung; durch die nun mögliche Verschiebung der Linsen zueinander kann die Deckglasdicke ausgeglichen werden.

Bei Apochromaten paßt man Objektiv und Kompensationsokular den Verhältnissen durch Veränderung der Tubuslänge des Mikroskops an. Bei homogenen Immersionen ist die Deckglasdicke natürlich ohne Einfluß.

III. Präparate.

Zuweilen betrachtet man Kristallisationsprodukte, sowohl Einzelkristalle als auch Pulver, ohne weitere Präparation in Luft oder in Flüssigkeit. Vielfach aber auch wird das Material für die mikroskopische Betrachtung erst hergerichtet, und zwar in Form von kristallographisch orientierten Präparaten oder in Form von Dünnschliffen und Schliffen aus Aggregaten.

Zum Zuschneiden von Kristallen, auch von Gesteinen, kann man mit Vorteil einen weichen Eisendraht benutten, der als Sehne in einen Bogen aus spanischem Rohr gespannt ist und ständig mit Schmirgel- oder Karborundbrei betupft wird. Sichere Führung erzielt man dann durch Aufkitten der Probe auf ein Brett mit je zwei Nägeln als Führung für den schneidenden Draht. Besondere Apparate mit Kreisscheiben liefert für genannten Zweck nach den Vorschlägen von E. A. Wülfing die Firma R. Winkel in Göttingen.

Zum Aufkitten von Proben bedient man sich verschiedener Mischungen, so z. B. von Kolophonium (2 Teile) und Wachs (1 Teil) oder von 100 Teilen pulverisierten Schellacks und 30 Teilen Kanadabalsams. Der Schellack wird mit letzterem auf dem Wasserbade erwärmt und verrührt. Weiterhin seien durch Kochen gehärteter Kanadabalsam und Siegellack erwähnt. Zum Schleifen gebraucht man Karborund, geschlämmten Schnirgel, zum Polieren Glastafeln mit angefeuchteter Zinnasche, Englisch-Rot, am besten wohl Diamantin (Tonerde durch Glühen von Ammonalaun hergestellt). Tücher, Leder, Papier usw. sind zur Herstellung ebener Flächen durch Polieren nicht geeignet. Die Glastafeln müssen natürlich ganz eben sein, was man durch Abschleifen zweier (kleiner) Platten aneinander erreicht. Zur Herstellung von Flächen in bestimmter kristallographischer Lage sind eine Reihe von Apparaten konstruiert. Ausgezeichnete Ergebnisse (Genauigkeiten bis auf 1-2' und vollkommen ebene Flächen) erzielt man mittels des Wülfingschen Schleifapparates (Fig. 338).

Er besteht aus einem Dreifuß mit zwei Stellschrauben T und R als Auflagen auf der Schleiffläche, während der dritte Fuß k als Kristallträger ausgebildet ist. Es sind davon mehrere Exemplare $k_1 k_2 k_3 k_4$ (Fig. 338) vorhanden, deren untere Flächen jeweils unter Winkeln von 0° bis 60° wechselnd abgeschrägt sind. Sie sind austauschbar und werden mit der Schraube Mbefestigt. Eine auf den Schleifdreifuß in ihrer Lage festgelegte Dosenlibelle mit Mikrometerschrauben u. Skala, mittels derer noch 1/1' Winkelverschiebung geals Hilfsapparat beim Ausrichten des Kristalls zur Schleifplatte.



Fig. 338. Schleifapparat nach Wülfing. $k_1 k_2 k_3 k_4$ Kristallschätyt werden kann, dient als Hilfsapparat beim Ausrichten des Kristalls zur

Als Beispiel sei die Aufgabe erörtert, eine Fläche tautozonal mit zwei gegebenen Flächen A und B unter bestimmten Winkeln α und β zu ihnen anzuschleifen. Man kittet den Kristall auf einen passenden Träger K so auf, daß die anzuschleifende Fläche möglichst annähernd horizontale Lage haben würde, und dreht den Kristallträger so, daß die Zonenachse gemäß



Fig. 329.

der Fig. 339 der Verbindungslinie von R und T parallel ist. Nunmehr schleift man eine recht kleine "Fehlfläche" F an und mißt, nachdem das ganze System Schleiftuß und Kristall mit der Gabel H am Goniometer fest-



Fig. 340.

7*

geklemmt wurde, die Abweichung der Fehlfläche von der richtigen Lage nach einer von Websky (Zeitschr. f. Krist. 4, 1880, p. 568) vorgeschlagenen Methode. Nach Fig. 339 ist ε die Abweichung in der Zone AB, die aus dem Ort des Durchgangs des Punktsignales R (Fig. 340, S. 97) durch das vertikale Fadenkreuz des Beobachtungsfernrohres festgestellt wird, während $\hat{\sigma}$ die Abweichung aus der Zone ist, die man angenähert findet als Winkel zwischen den zwei Stellungen, in denen der Reflex R auf einem Arm eines Schrägkreuzsignales (Fig. 340) liegt, und wo er anderseits durch den Vertikalfaden geht.

Die Fehlfläche F kann angenähert durch Drehungen nach zwei Richtungen in die richtige Lage M gebracht werden. Eine Drehung um aadurch Verlängern von T und Verkürzen von R bringt F in die Zone AB, eine Drehung um bb durch Verlängern beider Schrauben nach der Mitte.

Das Verlängern und Verkürzen der Stellschrauben F des Dreifußes geschieht in der Weise, daß zunächst Dreifuß und Libelle auf die horizontale Niveauplatte G (Fig. 338) gebracht werden und die Libelle durch Verstellen der Mikrometerschrauben zum Einspielen gelangt. Dann stellt man die erforderlichen Korrekturen an der Libelle an und bringt sie wiederum durch Benutzung der Stellschrauben des Dreifußes zum Einspielen.

Man berechnet die Korrektur für die Schrauben R und T aus den gemessenen Abweichungen δ und ε der Fehlfläche; es ist

Schraube R zu verstellen um $(-\delta + \varepsilon) \cdot 0.7$,

Schraube T zu verstellen um $(+\delta + \varepsilon) \cdot 0.7$,

wobei (+) eine Verlängerung, (-) eine Verkürzung der betreffenden Schraube besagt. $0.7 = \frac{1}{2} \sqrt{2}$ bedeutet das Verhältnis Höhe zu einer Kathete des Schleifdreiecks.

Beispiel: Zu zwei Oktaederflächen ist die gerade abstumpfende Fläche anzuschleifen. Da der Oktaederwinkel 70° 32' beträgt, so muß die neue Fläche mit jeder Oktaederebene 35° 16' bilden. Gemessen sei

 $\delta = 0^{\circ} 46' \epsilon = 1^{\circ} 13',$

dann ist die Korrektur an Schraube

 $R = (-46' + 1^{\circ} 13') \cdot 0,7 = +19',$

 $T = (+ 46' + 1^{\circ} 13') \cdot 0,7 = +1^{\circ} 23',$

also R um 19' und T um 1° 23' zu verlängern, was zunächst an den entsprechenden Libellenschrauben geschieht.

Ausführlicheres, auch über sonstige in der Praxis öfter vorkommende Fälle, s. E. A. Wülfing, N. Jahrb. f. Min. 1901, II, 1.

Dünnschliffe. Sie werden hauptsächlich von Gesteinen und ähnlichen Materialien angefertigt.

Die Herstellung ist sehr einfach. Ein mit dem Hammer von der Probe abgeschlagener oder mit einer Schneidemaschine abgesägter, markbis talergroßer, möglichst flacher Scherben wird durch kräftiges Reiben auf einer Gußeisenscheibe unter Benutzung von Karborund oder Schmirgel und Wasser mit einer ebenen Fläche versehen, die dann unter Fortsetzung des Schleifens auf einer Glasscheibe und unter Gebrauch einer recht feinen Schmirgelsorte geglättet wird. Man klebt das vorgewärmte Stück mit seiner ebenen Fläche vermittels heißen Kanadabalsams auf einen gläsernen Objektträger, wobei Luftblasen zu vermeiden sind. Der erkaltete Balsam muß so weit hart sein, daß er z. B. durch den Fingernagel keinen Eindruck erfährt; er darf aber nicht spröde sein.

Nun schleift man die Probe auf der gußeisernen Platte und schließlich auf Glasscheiben dünner und dünner, bis nur ein äußerst zartes, etwa 0,01-0,03 mm dickes Häutchen übrigbleibt, das auch bei dunklen Gesteinen durchsichtig ist. Zum Schutje und zum Zwecke noch besserer Durchsichtigkeit bedeckt man das Präparat mit Kanadabalsam und einem gut aufzudrückenden Deckgläschen. Man säubert dann den Schliff von Ealsam durch Abschaben der über das Deckgläschen hinausreichenden Teile vermittels eines heißen Spatels (vorn breit geschlagene Stricknadel) und durch Abwaschen mit einem in Spiritus getauchten Lappen. Schließlich wird das Präparat etikettiert; es ist nun für das Studium fertig.

Dünnschliffe von in Wasser löslichen Gesteinen (wie Steinsalz und Kalimagnesiasalzen) kann man mit Öl (Erdnußöl) und Schleifmittel oder ganz trocken auf Schmirgelpapier anfertigen. Bei wasseranziehenden Salzen ist anzuraten, den zum Einlegen dienenden Balsam durch starkes Erhigen möglichst zu entwässern, da sonst z. B. Kieserit ausblüht. Auch Alkohol ist beim Abwaschen der Schliffe zu vermeiden, da er manche Salze löst.

Bröcklige Gesteine erhalten den zum Schleifen nötigen Zusammenhalt ihrer Teile durch Einkochen in Balsam; sein Eindringen in die Poren des Materials wird wesentlich erleichtert, wenn man die Probe in einem an die Wasserstrahlpumpe angeschlossenen Vakuumrohr entlüftet und aus diesem in ein damit luftdicht verbundenes Kochgefäß für Balsam rollen läßt. Pulverige Massen betrachtet man lose (eventuell nach Einbettung in Wasser, Ol, Balsam) unter Deckglas.

Will man am Dünnschliff mikrochemische Reaktionen ausführen, so bleibt er natürlich unbedeckt. Zwecks Isolierung eines Bestandteils, der allein von einem Reagens angegriffen werden soll, umzieht man ihn mit einem feinen Ring aus Balsam, oder man verwendet ein Deckglas mit Loch, welch letzteres man über die zu studierende Substanz bringt. Aus dem Loch wäscht man mit Alkohol den zum Aufkitten des Deckgläschens benutzten Balsam heraus, und so hat man die Möglichkeit, das betreffende Teilchen für sich chemisch zu prüfen. Wird das Deckgläschen vom Reagens angegriffen, so kann man ein Platinblech mit Loch verwenden.

Aus undurchsichtigen Körpern, wie Eisen, sonstigen Legierungen, Erzen, stellt man sich kleine, gut polierte Platten für die Beobachtung im reflektierten Lichte her. Auf Grund dieser episkopischen Methode ist neuerdings geradezu eine neue Wissenschaft, die Epigraphie mit den Kapiteln der Metallographie und Chalkographie, erblüht. (Chalkographie bezieht sich auf undurchsichtige Erze.)

Bei der Herstellung von Präparaten aus Metall oder Erzen verfährt man zunächst wie bei der Dünnschliffbereitung, glättet dann am besten trocken auf Scheiben, die mit feinem Schmirgelpapier beklebt sind, und zuletzt mit Wasser auf Leder bzw. Samt mittels zartesten Polierpulvers (Englisch Rot, besser noch geschlämmte Tonerde, aus Ammonalaun hergestellt). Hiernach wendet man meist Atymittel an, bei Meteoreisen z. B. Salzsäure (1 ccm HCl vom spez. Gewicht 1,19 in 100 ccm absol. Alkohol) oder Salpetersäure (4 ccm Salpetersäure vom spez. Gewicht 1,14 in 100 ccm absol. Alkohol), Pikrinsäure oder Kupferchlorid-Ammonchlorid (10 g Salz in 120 ccm Wasser). Nach der verschiedenen chemischen Widerstandsfähigkeit heben sich dann die Bestandteile voneinander ab.

Oft gibt das Anlassen (Erhitgen an der Luft, und zwar am einfachsten im Trockenschrank oder auf einer Eisenblechscheibe über dem Bunsenbrenner) zufolge verschiedener Oxydierbarkeit der Bestandteile prächtige Ergebnisse (Demonstrationsbeispiele Legierungen von Kupfer und Silber). Beim Polieren auf nachgiebiger Unterlage (Pergament auf Holz) kommt die Härtedifferenz der Gemengteile zum Ausdruck (Reliefpolieren). Beim Polieren auf harter Unterlage (Glas, Achat) erhalten die harten Bestandteile erhöhten Glanz (Hochglanzpolieren).

Ausführliches in Lehrbüchern der Epigraphie 1. Metallographie (Heyn; Desch.) und 2. Chalkographie (H. Schneiderhöhn).

IV. Gebrauch des Mikroskops.

Sorgfältige Behandlung des Mikroskops sichert seine lange Gebrauchsfähigkeit als Präzisionsapparat. Beim Tragen fasse man es keineswegs am Tubus, sondern an dem unter der Höhe des Objekttisches befindlichen Stativteil oder mittels des im Stativ gelegentlich vorgesehenen Handgriffes. Man bewahre das Instrument vor der Einwirkung von Laboratoriumsdämpfen, vor der Benetsung mit Wasser, Öl und anderen Flüssigkeiten. Die Objektive schraube man nicht gewaltsam an, sondern nur bis zum festen Anschluß an das Tubusende. Beim Aufsuchen des Bildes hat man sich vor einem Aufstoßen des Objektivs auf das Präparat zu hüten; am besten sieht man beim Tubussenken fortgesett ins Mikroskop bis zum Erscheinen des Bildes. Für die Bewegung des Tubus auf größere Strecken benute man den Trieb, für die Feineinstellung die Mikrometerschraube. Man mikroskopiere unter Offenhalten beider Augen und schütze sich vor Überanstrengung durch stete Benutzung der Mikrometerschraube, Vermeiden blendenden Lichtes und störender Reflexe. Lettere können von nicht geschwärzten Teilen des Tubusinnern herrühren; auch leiten sie sich zum Teil von Licht her, das seitlich auf das Präparat oder auf die obere Linse des Okulars fällt. Nötigenfalls ist es durch einen Schirm oder die Hand abzublenden. Ein Gelenk im Stativ, um das Mikroskop in schräger Tubuslage benuten zu können, ist zu empfehlen; man vermeidet dann den bei längerem Mikroskopieren anstrengenden Blick senkrecht nach unten.

Nach dem Gebrauch säubere man, und zwar mit Benzin, Immersionssysteme sogleich, ferner beim Aufhören der täglichen Arbeit

V. Längen- und Dickenmessung.

die Glasteile unter Benutzung von feinem Leder oder Seidenläppchen (die man staubfrei aufbewahren muß). Man stelle das Mikroskop an eine vor Staub geschützte Stelle (Schrank, Glasglocke, Mikroskopkasten).

V. Längen- und Dickenmessung.

Die Länge mikroskopischer Objekte mißt man am einfachsten mit einem Mikrometer-Okular, dessen Teilung mit Hilfe eines bekannten Maßstabs als Objekt ausgewertet ist (S. 89). Genauere Werte erzielt man mit Schraubenmikrometer-Okularen, bei denen ein Faden als Marke durch Trommelteilung meßbar verschoben werden kann, sowie mittels eines Schlittentisches (S. 85).

Dickenmessungen an Platten kann man in der Art vornehmen, daß man das Objekt am Drehapparat befestigt und von der hohen Kante her beobachtet. Der genau senkrechte Stand der Platte läßt sich dadurch feststellen, daß ihre Längsseiten beim Senken des Objektivs immer als Linien erscheinen.

Manche Mikroskope haben am Knopf der Mikrometerschraube eine Teilung, welche die Vertikalverschiebung des Objektivs angibt. In dem Falle kann man einen Punkt auf dem Objektträger scharf einstellen, die Teilung ablesen, das Präparat auflegen, auf seine Oberfläche einstellen und wieder ablesen, um so die Dicke der Platte zu

finden. Kontrolle ist bei dieser Art der Messung besonders angebracht. Stellt man auf Unterund Oberfläche der Platte selbst ein, so muß man die gefundene Dicke noch mit dem Brechungsquotienten der Substanz multiplizieren. Daß man durch Benutzung anderer bekannter optischer Umstände (Doppelbrechung) die Dicke einer Platte erschließen kann, wird aus späteren Betrachtungen ersichtlich werden.

Schließlich sei darauf hin-

Fig. 341. Sphärometer.

gewiesen, daß man Präzisionsinstrumente für Dickenmessung in den sogenannten Mikrometertastern und Sphärometern besigt. Die gebräuchlichen Taster besigen eine Schraubentrommel, die direkt 1/100 mm ablesen läßt, während das Kontaktsphärometer (Fig. 341) 0,001 mm unmittelbar angibt. Man stellt bei diesem Instrument auf Berührung der Mittelschraube mit dem Präparat ein, was man bei recht vorsichtiger Handhabung an dem beginnenden leisen Gleiten der drei äußeren Spitzen auf der ebenen Spiegelglas-Grundscheibe merkt. Noch genauer sind die Interferenz-Sphärometer, bei denen der Kontakt mit einer Kugel am vorderen Ende der Schraube durch ein plötzliches Aufzucken von Interferenzstreifen gekennzeichnet wird, die sich besonders deutlich im Natriumlicht zwischen zwei das Präparat unterlagernden Glasplatten zeigen.

VI. Winkelmessung (Goniometrie).

1. Messung ebener Winkel (Winkel in einer Fläche).

Winkel in einer Fläche lassen sich unter dem Mikroskop mit leidlicher Genauigkeit (je nach der Beschaffenheit der Kanten bis auf ¹/₄ ⁰) auch mit einfachen Hilfsmitteln messen. Man benutst das im Okular angebrachte Fadenkreuz. Das Objektiv ist genau zu zentrieren.



Fig. 342. Winkelmessung mit dem Mikroskop.

Will man einen Winkel α (Fig. 342) finden, so stellt man mit der Hand den Scheitel des Winkels in den Kreuzungspunkt des Fadenkreuzes, durch Drehung des Mikroskoptisches den einen Schenkel parallel einem beliebigen Faden des Kreuzes und liest die Tischstellung ab. Darauf dreht man so lange, bis der andere Schenkel des Winkels in dieselbe Lage kommt, liest ab und hat in der Differenz der Ablesungen die gesuchte Winkelgröße. Natürlich kann man auch die Ergänzung von α zu 90° messen bzw. bei

Winkeln über 90[°] den Überschuß über 90[°] (Beispiel: Messung der Spaltrisse in Spaltblättchen nach {010} von Gipszwillingen).

2. Messung der Winkel von Flächen zueinander.

a) Unter dem Mikroskop. Man stellt die Kante zwischen den beiden Flächen, deren Neigung zueinander man ermitteln will, mit Hilfe eines Drehapparates (S. 89) senkrecht zum Objekttisch des Mikroskops, so daß die Flächen bei der Betrachtung von oben als Linien erscheinen.

Man kann nunmehr den Winkel zwischen den beiden Flächen wie vorhin einen ebenen Winkel messen. Es ist recht angebracht, dies reichlich zu wiederholen, um sich leicht einstellenden Fehlern möglichst zu entgehen. b) Mit Reflexionsgoniometern. Sie sind nach folgendem Grundsatz konstruiert.

Ein am Ende eines Kollimators') angebrachtes Signal (in Fig. 343 ein daneben in Aufsicht gezeichneter beleuchteter Webskyscher Spalt) wird von der Fläche a bei schräger Lichtreflexion gespiegelt und das Bild durch ein auf das Signal eingestelltes Beobachtungsfernrohr in das Auge des Beobachters geworfen. In diesem Fernrohr befindet sich ein Fadenkreuz (neben dem Rohr mit dem gespiegelten Signal in Aufsicht dargestellt). Durch Drehen des Kristalls um seine zur Zeichenebene senkrechte Kante zwischen a und b kann man das von a gespiegelte Bild des Signals, genau wie es in Fig. 343 gezeichnet ist, ins Fadenkreuz bringen; diese Stellung liest man auf dem Teilkreise T ab. Dreht man nunmehr den Kristall um die von den Flächen a und b gebildete Kante, bis b in die Lage von a kommt, also um den Winkel α , so wirft die Fläche b das Signalbild genau wieder in die vorige Lage. Durch erneutes Ablesen auf dem Teilkreise gewinnt man den Drehwinkel α , d. h. den Außenwinkel von a und b, der gleich dem Winkel der





Fig. 343. Schema des Reflexionsgoniometers.



Senkrechten auf a und b (dem Normalenwinkel) ist und den inneren Winkel β zwischen a und b zu 180° ergänzt. (Vgl. auch Fig. 344.)

In Fig. 345 (S. 104) ist ein einfacheres Reflexionsgoniometer mit horizontalem Kreis (am meisten zu empfehlen) dargestellt.

Zum Zentrieren und Justieren der Kante zwischen den zu messenden Flächen dient am besten die Fueßsche Vorrichtung, bestehend aus zwei ebenen Schlitten (zum Zentrieren) und zwei gekrümmten Schlitten (zum Justieren). Eine Vorschlagslupe verwandelt das Beobachtungsfernrohr in ein schwaches Mikroskop, durch welches man den Kristall sieht.

In neuerer Zeit benutst man vielfach Goniometer nach dem Vorschlage von V. Goldschmidt, mit denen man die Flächenanlagen nach Art eines Koordinatensystems entsprechend der Festlegung eines

¹) Durch eine Linse, deren Brennpunkt im Signal liegt, liefert der Kollimator paralleles Licht; der Spalt wirkt auf diese Weise wie eine unendlich ferne Lichtquelle.

Punktes auf der Erde nach Länge und Breite bestimmt (zweikreisiges Goniometer, Fig. 347)¹).

Zur Erläuterung des hierbei verfolgten Prinzips sei auf die schematische Fig. 346 hingewiesen. F ist ein Kollimator, der paralleles Licht auf die Kristallfläche K wirft, von der es in das Beobachtungsfernrohr F' zurückgeworfen wird. Damit dies geschieht, muß die Kristallfläche in die Lage wie in Fig. 346 gebracht werden; die Normale auf ihr fällt dann mit der Halbierungslinie des Winkels zwischen Kollimatorachse und Fernrohrachse zusammen. Die gewünschte Stellung von Kristallfläche und Fernrohr erhält man durch Drehung mit Hilfe zweier Teilkreise A und B. Die von einer



Fig. 315. Goniometer. A Kollimator, B Beobachtungsfernrohr, s Achse des Fueßschen Zentrier-Justierapparates mit den Zentrierschlitten r und q sowie Justierschlitten o und n, p Schraube des Kristalltischchens, F Mikrometerschraube.

Nullage beider aus gerechneten, hierzu nötigen Winkel φ und ρ kennzeichnen die Lage der Kristallflächen. (Vgl. Fig. 27 S. 16.)

Eine von V. M. Goldschmidt empfohlene Vorrichtung gestattet auch, die Winkel zwischen Zonenkreisen zu messen; sie kann auf gewöhnlichen Goniometern zum Auswechseln angebracht werden.

Thermogoniometer sind mit Heizvorrichtungen, am besten elektrischer Art, ausgestattet. Man mißt an ihnen die Winkel-

¹) Bezugsstelle: P. Stoë, Mechanische Werkstätte, Heidelberg i. B.

VI. Winkelmessung (Goniometrie).

veränderung nichtisometrischer Kristalle mit der Temperatur, auch die plötslichen Gestaltsänderungen bei Modifikationswandlungen. Entsprechend werden Kühlvorrichtungen an Goniometern verwandt.

c) Mit dem Anlegegoniometer. Es besteht aus einem geteilten Halbkreise, einem festzulegenden und einem drehbaren



Fig. 345. Schema des zweikreisigen Reflexionsgoniometers.

Fig. 347. Zweikreisiges Reflexionsgoniometer nach V. Goldschmidt.

Schenkel (Fig. 348). Die in ihrer Neigung zu messenden Flächen legt man dicht an die erwähnten Schenkel und liest nun am Teilkreise den betreffenden Winkel ab.

In Fig. 348 ist die Teilung des Halbkreises nur angedeutet.

Bei kleinen Kristallen empfiehlt es sich, die Schenkellineale vom Teilkreise herunterzunehmen und sie durch Verschieben aneinander ent-



Fig. 348. Anlegegoniometer. Fig. 349. Verdunkelungskappe für Goniometer. Nach Traube.

sprechend der Kristallgröße zu verkleinern. Diese so verkürzten Schenkel legt man an die betreffenden Flächen (wobei man am besten gegen das Licht sieht, um genaue Berührung der Lineale und Flächen zu kontrollieren) und liest dann, nach richtiger Auflage der Schenkel auf das geteilte Gestell, ab. Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Für gewöhnlich fertigt man die Anlegegoniometer aus Metall an; doch gibt es auch billigere aus Karton und Zelluloid hergestellte zu kaufen.

Bemerkung. Vor der Kristallmessung stellt man sich eine



Fig. 350. Goniometerlampe

Kristallskizze her, deren Flächen man mit Zahlen oder Buchstaben bezeichnet. Die Güte der Flächen ist zu vermerken, um einen Anhalt für die Genauigkeit der Messung zu haben.

Reflexionsgoniometrische Untersuchungen werden im Dunkelraum ausgeführt. Auch kann man wohl eine Traubesche Verdunkelungsvorrichtung benutsen, wie sie Fig. 349 (S. 105) zeigt. Als Lichtquelle eignet sich ein Auerbrenner mit Schirm oder ein solcher in einer Blechhülse mit Rohransat. Auch hat man für den Zweck eingebaute Glühlampen angefertigt (Fig. 350).

VII. Beziehungen zwischen gestaltlicher und optischer Symmetrie der Kristalle.

Optisch lassen sich fünf Gruppen der Kristalle aufstellen¹), und zwar entsprechen folgende geometrische Hauptabteilungen den rechts stehenden optischen Gruppen.

Gestaltliche Abteilungen.

Triklines System Monoklines System Rhombisches System Trigonales System Tetragonales System Hexagonales System Isometrisches System Optische Abteilungen.

Asymmetrische Abteilung Monosymmetrische Abteilung Orthotrisymmetrische Abteilung

Einachsige (wirtelige) Abteilung

Isotrope Abteilung.

¹) Es ist hier von den zirkularpolarisierenden Kristallen abgesehen, die später besonders betrachtet werden.

106

VII. Beziehungen zwischen gestaltlicher u. opt. Symmetrie d. Kristalle. 107

Bemerkungen. 1. Heteropolare Richtungen, wie sie in der Morphologie der Kristalle vorkommen, gibt es optisch nicht. Richtung und Gegenrichtung sind optisch gleich.

2. Jede gestaltliche Symmetrieebene und jede gestaltliche Symmetrieachse eines Kristalls gilt auch in optischer Hinsicht. Man darf diesen Satz nicht umkehren; die optische Symmetrie ist öfter höher als die gestaltliche.

3. Die optische Symmetrie eines gestaltlichen Kristallsystems ist für alle Abteilungen dieses Systems gleich ¹).

I. Optische Symmetrie gleich der höchsten gestaltlichen Symmetrie des betreffenden Kristallsystems.

a) Triklines System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: keine Symmetrieebene, keine Symmetrieachse. Optisch desgleichen. Fig. 351.



b) Monoklines System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: eine Symmetrieebene und eine Digyre senkrecht zur Symmetrieebene. Optisch eine mit den gestaltlichen Symmetrieelementen zusammenfallende Symmetrieebene und Digyre. Fig. 352.

c) Rhombisches System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: drei senkrecht aufeinanderstehende Symmetrieebenen und drei Digyren als deren Durchschnittslinien. Optisch dieselben Symmetrieelemente. Fig. 353.

II. Optische Symmetrie höher als die höchste gestaltliche Symmetrie des betreffenden Kristallsystems.

a) Trigonales System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: drei senkrechte, unter 60^o sich schneidende Symmetrieebenen, eine vertikale Trigyre und drei horizontale Digyren (Fig. 134, S. 47). Optisch:

¹) Vgl. Fußnote 1, S. 106.

Symmetrie eines verlängerten oder abgeplatteten Rotationsellipsoides, dessen Rotationsachse mit der Trigyre zusammenfällt. Fig. 354.

b) Tetragonales System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: fünf Symmetrieebenen, davon eine horizontal, vier unter 45° sich schneidende vertikal, eine vertikale Tetragyre und vier horizontale Digyren (Fig. 171, S. 53). Optisch wie im trigonalen System. Fig. 354.

c) Hexagonales System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: sieben Symmetrieebenen, davon eine horizontal, sechs unter 30° sich



Fig. 354. Wirtelig.

Fig. 355. Isometrisch.

schneidende vertikal, eine vertikale Hexagyre und sechs horizontale Digyren (Fig. 202, S. 58). Optisch wie im trigonalen und tetragonalen System. Fig. 354.

d) Isometrisches System. Gestaltlich höchst symmetrische Gruppe: drei Symmetrieebenen parallel den Flächen des Würfels, dazu sechs Symmetrieebenen parallel den Flächen des Rhombendodekaeders, drei Tetragyren senkrecht zu den Flächen des Würfels, vier Trigyren durch seine Ecken, sechs Digyren senkrecht zu seinen Kanten (Fig. 225, S. 62). Optisch: Symmetrie einer Kugel (Fig. 355).

VIII. Methoden der optischen Untersuchung von Kristallen.

1. Lichtstrahlen und Wellennormalen.

Licht stellt man sich am einfachsten als einen regelmäßigen Schwingungszustand des Äthers vor; die Schwingungen verlaufen



transversal, d. h. senkrecht zum Lichtstrahl (Fig. 356). Der kleinste Abstand zweier auf dem Lichtstrahl im selben Schwingungs-

Fig. 356. zustand befindlicher Teilchen ist die Wellenlänge λ . Die Anzahl der Schwingungen in einer Sekunde heißt ihre Schwingungszahl; sie ist für eine Lichtsorte (Farbe, homogenes Licht) in allen Medien dieselbe. In der Zeit einer Schwingung (Schwingungszeit)

VIII. Methoden der optischen Untersuchung von Kristallen.

pflanzt sich homogenes Licht um seine Wellenlänge fort,), als Maß der Lichtgeschwindigkeit, wechselt mithin auch für dieselbe Farbe, in den verschiedenen Medien, bei anisotropen Stoffen (S. 118) zudem mit der Richtung in letzteren. Zur Kennzeichnung einer Lichtsorte gibt man somit die Schwingungszahl oder üblicher die Wellenlänge in einem bestimmten Medium (Luft) oder im leeren Raume an.

Die Gesamtheit der Orte, zu denen von einem Punkte nach allen Richtungen ausgehende Lichtstrahlen in einer Zeiteinheit gekommen sind, heißt Strahlenfläche. Bei Gleichheit aller Richtungen ist letstere eine Kugel, sonst eine verwickeltere Oberflächenfigur. In Fig. 357 gibt SS' die Fortpflanzung eines Lichtstrahls OSS' in bestimmter Zeit wieder und WW' die gleichzeitige Verschiebung NN' einer Tangentialebene an die Fig. 357. Lichtstrahlen und Wellennormalen. Strahlenfläche in Richtung der zur Tangentialebene



lotrechten Wellennormalen ONN'. Wo im folgenden von Lichtfortpflanzung ohne weiteren Vermerk die Rede ist, handelt es sich stets um Wellennormalen.

2. Brechung.

Es seien zunächst nur die einfach brechenden Körper (amorphe Substanzen und isometrische Kristalle) in Betracht gezogen.

Dringt eine Lichtbewegung aus einem isotropen in ein anderes isotropes Medium, wie z. B. aus Luft in Glas, so besteht zwischen dem Einfallswinkel e und dem Brechungswinkel i der Wellennormale (Fig. 358) das konstante Verhältnis¹) sin e/sin i = n.

Die Größe n (der Brechungsindex — Brechungs quotient gegen Luft) ist kennzeichnend für die betreffende Substanz und, da sie leicht zu bestimmen ist, auch praktisch gut verwertbar bei der Beschreibung und Wiedererkennung eines Körpers.

n wechselt mit der Lichtsorte. Für violettes Licht ist der Brechungsindex meist größer als für rotes (Dispersion der Brechung $n_v > n_r$). Hat



Fig. 353. Brechung.

man n für zwei Wellenlängen bestimmt, so kann man für sonstige Farben oft die Cauchysche Annäherungsformel $n = A + Bh^2 + \dots$ gebrauchen, deren Konstanten A und B man aus zwei bekannten Größen für n herleitet.

1) Für den allgemeinen Fall anisotroper Medien ist die sinus-Beziehung nicht gültig.

109

Anomale Erscheinungen zeigen Körper mit kräftigen Absorptionsstreifen im Spektrum. In der Nähe eines solchen Streifens a steigt der Brechungsindex (vom Rot aus gerechnet) stark an, um alsbald wieder zu fallen oder ganz auszuseten und dann wieder zu steigen (Fig. 359).

Beim Erhitten bewirkt die Volumvergrößerung eine Abnahme von n; doch kann eine zunehmende Absorption im entgegengesetzten Sinne wirken, so daß dann insgesamt eine Zunahme von n statthat.



Fig. 359. Brechung und Absorption.

a) Das Mikroskop als Refraktometer.

Bei den zu erörternden Methoden kommt es wesentlich auf die Beobachtung von Gegensätjen zweier gleichzeitig im Mikroskop sichtbarer Körper an. Um diese Unterschiede möglichst stark heraustreten zu lassen, ist die Beleuchtung durch einen weiten Lichtkegel, also grelles Licht, zu vermeiden. Man schnürt es durch eine Blende oder durch Senken des Kondensors ein.

Umhüllungsmethode. Taucht man einen farblosen Körper mit dem Brechungsindex n in eine farblose Flüssigkeit mit gleichem n, so verschwindet der Umriß des eingetauchten Gegenstandes. Man sieht seine Umrandung nicht, gerade wie man die Konturen eines Wassertropfens, den man in Wasser fallen läßt, nicht mehr erkennt. Weichen die Brechungsindizes der beiden Körper voneinander ab. taucht man z. B. einen Quarzkristall (n = 1,54) in Wasser (n = 1,33), so erkennt man die Umgrenzung der festen Substanz; noch besser ist das der Fall in Luft (n = 1). Durch Probieren einer Anzahl von Flüssigkeiten findet man eine, deren n mit dem des zu untersuchenden Körpers wenigstens nahezu übereinstimmt, so daß seine Umrisse bei der Betrachtung unter dem Mikroskop sehr zart werden. Vom bekannten n der Flüssigkeit schließt man dann auf den Brechungsgrad des zu untersuchenden Körpers. Wegen der verschiedenen Dispersion der Probe und der Flüssigkeit ist strenge Übereinstimmung nur für monochromatisches Licht möglich; man beobachtet also am besten in solchem.

Brechung.

In folgender Tabelle sind die Brechungsindizes einer Anzahl von Flüssigkeiten angegeben (Temperatur 15^o).

n für Na-L	Licht n für Na-Licht
Methylalkohol 1,33	Kreosot 1,54
Wasser 1,33	Anisöl 1,55
Äthylalkohol 1,36	Anilin 1,58
Hexan	Bittermandelöl 1,60
Amylalkohol 1,40	Schwefelkohlenstoff 1,63
Chloroform 1,45	Monobromnaphthalin 1,66
Glyzerin 1,47	1 Vol. Monobromnaphtha-
Olivenöl 1,47	lin und 1 Vol. Methylen-
Rizinusöl 1,48	jodid 1,70
Benzol 1,50	Kaliumquecksilberjodid,
Zedernöl 1,51	konz. Lösung 1,73
Monochlorbenzol 1,52	Methylenjodid 1,74
Nelkenöl 1,54	

Man kann bei den in Rede stehenden Versuchen auch so verfahren, daß man einer Flüssigkeit mit bekanntem Brechungsverhältnis n(z. B. Wasser) so lange eine andere Flüssigkeit mit Brechungsexponent n' (z. B. Kaliumquecksilberjodidlösung) zuseßt, bis der zu untersuchende Körper möglichst wenig sichtbar ist. Es berechnet sich dann der Brechungsindex n'' der Mischung nach n v + n' v' = n'' v'', wo v, v', v'' die betreffenden Volumina bezeichnen.

K. Spangenberg fand besonders praktisch: Methylenjodid mit Bromoform (Bereich 1,742—1,589); Monobromnaphthalin + Chinolin (Bereich 1,658—1,624); Chinolin + Diäthylanilin (Bereich 1,624—1,542); Chinolin + Glyzerin (Bereich 1,624—1,47).

Auch hat man Tabellen aufgestellt, die den Brechungsindex aus dem spezifischen Gewicht einer Flüssigkeitsmischung erschließen lassen. Bezüglich wäßriger Kaliumquecksilberjodidlösung liegen diese Verhältnisse wie folgt:

Spez. Gew.	п	Spez. Gew.	12	Spez. Gew.	12
3,2	1,73	2,5	1,60	1,9	1,49
3,0	1,70	2,4	1,58	1,8	1,47
2,9	1,68	2,3	1,57	1,7	1,46
2,8	1,66	2,2	1,55	1,6	1,44
2,7	1,64	2,1	1,53	1,5	1,42
2,6	1,62	2,0	1,51	,	,

Eine Westphalsche Wage gestattet eine schnelle Bestimmung des spezifischen Gewichts nach der Schwebemethode.

Am meisten zu empfehlen ist die Benutzung eines Flüssigkeitsrefraktometers oder eines Pulfrichschen Kristallrefraktometers; es ist sehr bequem, nach Auffindung der passenden Flüssig-F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. 8 keit ihren Brechungsindex mit einem derartigen Apparat zu bestimmen, wie denn auch sonst stets eine Kontrolle der zu verwendenden Flüssigkeiten mit dem Refraktometer anzuraten ist.

Bemerkung. Zu beachten ist, daß die Wärme den Brechungsindex von Flüssigkeiten nicht unwesentlich beeinflußt. Nach dem Vorschlag von R. Nacken kann man diesen Wechsel zur genauen Einstellung auf Übereinstimmung der Brechungsquotienten einer Probe und einer sie umgebenden Flüssigkeit ausnuten, falls deren Brechung für wechselnde Wärmegrade bekannt ist. Man stellt auf Gleichheit beim Abkühlen ein und mißt die Temperatur.

Außer der Beobachtung des Randes zwischen Probe und Flüssigkeit kann man, im Falle blättchenförmige Körper vorliegen (wie im



Fig. 360. *n* der Probe \geq als *n'* der Umgebung.



Fig. 361. n der Probe annähernd = n' der Umgebung.

Fig. 362. Gaseinschlüsse.

Fig. 263. Flüssigkeitseinschlüsse, zwei mit Libelle.



Dünnschliff), auch das Aussehen der Oberfläche (das Relief) in Betracht ziehen. Bei einer Differenz der Brechung von Präparat und Hüllmasse (im Dünnschliff Kanadabalsam mit n = 1,54) sieht man bei starker Vergrößerung die wohl immer etwas rauhe Oberfläche der Probe. Stimmen die beiden Brechungen überein, so gewahrt man die runzelige Oberfläche nicht; man sieht glatt hindurch. Fig. 360/61.

B e m e r k u n g. Anwendung auf E i n s c h l ü s s e. Fig. 362/64. Der starke Gegensatz der Brechung tritt bei Einschlüssen von Gasen in festen Körpern oder Flüssigkeiten durch kräftigen Totalreflexionsrand heraus; es ist letzterer im Verhältnis dazu schmäler bei Einschlüssen von Flüssigkeiten in festen Körpern und noch mehr bei solchen von Fest (z. B. Glas) in Fest.
Feinerer Ausbau der Umhüllungsmethoden.

1. Beckesche Linie. Stoßen zwei Medien verschiedener Brechbarkeit mit etwa sehkrechter Grenzfläche aneinander, so beobachtet man unter dem Mikroskop nach der scharfen Einstellung dieser Grenze beim Heben des Tubus mittels der Mikrometerschraube einen hellen Lichtstreifen, der von der Grenzlinie nach dem stärker brechenden Medium wandert. Hierdurch ist ein wertvolles Mittel zur Entscheidung gegeben, welches der beiden aneinanderstoßenden Medien das stärker brechende ist, was zu bestimmen bei der oben geschilderten einfachen Umhüllungsmethode nicht möglich ist (Beispiele Olivin [n = c. 1, 67] und anderseits Flußspat [n = c. 1, 48]in Kanadabalsam [n = c. 1, 54]). Fig. 365/66.



Fig. 365. Beckesche Linie. n der Probe > n' der Umgebung.



Fig. 366. Beckesche Linie. n der Probe < n' der Umgebung.

Die Deutlichkeit der Beckeschen Linie nimmt zu, wenn das Licht des Beleuchtungskegels eingeengt wird. Man blende also die ganz schrägen Strahlen durch eine Irisblende oder durch Senken des Kondensors ab. Auch hier wird erst die Untersuchung in monochromatischem Licht genau. Ein starkes Objektiv ist von Vorteil. Das *n* der passenden Flüssigkeit bestimmt man am ehesten mit einem Refraktometer.

Die Erklärung der im Grunde recht verwickelten, mit Beugungseffekten verknüpften Erscheinung¹) beruht im großen ganzen darauf, daß alle Lichtstrahlen aus dem schwächer brechenden Medium in das stärker brechende übergehen, nicht aber umgekehrt. Unter flachem Winkel auf die Grenzfläche treffende Strahlen werden im stärker brechenden Medium total reflektiert. An der Grenze beider Substanzen ist also der Grenzteil an der Seite der mit höherem Brechungsexponenten in bezug auf Lichtmenge begünstigt, also heller als der Grenzteil im Medium mit kleinerem n.

¹) Ausführliche Erläuterung der Umhüllungsmethoden durch K. Spangenberg, Fortschr. d. Mineralogie, Bd. 7, 1920.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

2. Methode von Schroeder van der Kolk.

Der oft keilförmige Rand von pulverigen Teilchen wirkt ähnlich wie eine Linse, und zwar bei Einbettung in eine Flüssigkeit mit einem niedrigeren Brechungsgrad, als ihn die Probe hat, wie in Fig. 367; im umgekehrten Falle gilt Fig. 368. In beiden Fällen fängt ein schwaches (in den Fig. 367/68 durch den Strich angedeutetes) Objektiv die Randstrahlen der Probe nicht mehr auf; sie erscheint dunkel umrahmt. Läßt man das Licht schräg seitlich einfallen, so hat man die Erscheinung wie in Fig. 369 und 370, d. h. der rechte oder linke Rand der Probe ist dunkel, der andere hell.





Fig. 367. n der Probe > n' der Umgebung. Fig. 363. n der Probe < n' der Umgebung.





Fig. 369. n der Probe > n' der Umgebung. Fig. 370. n der Probe < n' der Umgebung.



Fig. 371. *n* der Probe > n' der Umgebung. Fig. 372. *n* der Probe < n' der Umgebung.

Methode: Man benuţt paralleles, gerade auffallendes monochromatisches Licht (Kondensor senken oder Irisblende einschnüren und schwache Vergrößerung). Weichen n der Probe und n' der Flüssigkeit ab, so hat erstere dunklen Rand. Durch Einschieben eines dunklen Blättchens als Lichtschirm über den wieder gehobenen Kondensor bis zu dessen Mitte stellt man schräge Beleuchtung her. Regel: heller Rand im mikroskopischen Bilde, in welchem man auch den Schirm sieht, auf der Schirmseite: n > n'; dunkler Rand auf der Schirmseite n < n' (Fig. 371/72).

Brechung.

Für den Fall naher Übereinstimmung von n und n' erscheint die Probe im schrägen Tageslicht an einer Seite rot, an der anderen Seite blau umrandet. Es beruht das darauf, daß die Brechungsexponenten von Präparat und Umhüllung streng genommen nur für eine Lichtsorte gleich werden können. Ist dies für mittleres Licht der Fall, so ist es das nicht für Rot und für Blau als extreme Lichtarten. Für sie müssen dann die Erscheinungen entgegengesetzt ausfallen, d. h. der eine Rand ist hell für Blau und dunkel für Rot (also erscheint er blau), der andere umgekehrt. Beispiel: Schwerspatpulver (n = c. 1,64) in einer Mischung von Methylenjodid (n = c. 1,74) und Benzol (n = c. 1,50). Bei reichlich Benzol ist n' der Flüssigkeit < n des Schwerspats; durch Verdunsten des Benzols kommt es zur Gleichheit von n und n' für mittleres Licht. Schließlich kehrt sich gegenüber dem Antang die Erscheinung um, wenn durch weiteres Verdunsten von Benzol n' > ngeworden ist.

3. Methode der farbigen Ränder.

Bei festen Stoffen ist die Dispersion der Brechung im allgemeinen weit geringer als für Flüssigkeiten. Benutzt man also unter Anwendung von Pulver eine einhüllende Flüssigkeit mit starker Dispersion, so ist ein ungefähres Zusammenfallen von n der Probe und n' der Flüssigkeit nur für gewisse Lichtsorten möglich. Die Teilchenränder erscheinen farbig, eventuell schwarz, Verhältnisse, die zur Materialerkennung benutzt werden können (Beispiele: Salze in Kreosot).

b) Bestimmung mittels des Pulfrichschen Refraktometers.

Die mit einer ganz glatten Fläche versehene Probe wird unter Benetsung der Auflageseite durch eine Flüssigkeit (z. B. Monobromnaphthalin), deren Brechungsindex größer als der des Kristalls ist, auf eine Glashalbkugel mit starker Brechung gelegt. Man beleuchtet streifend (parallel der ebenen Fläche der Halbkugel) oder von unten durch entsprechende Spiegelstellung und liest den Winkel der Totalreflexion α ab. Bei streifendem Einfall ist die Grenze der Totalreflexion am besten ausgeprägt. Die Möglichkeit, in der Art zu beobachten, hängt von der seitlichen Beschaffenheit des Probekörpers ab. Vorquellende Flüssigkeit ist abzutupfen.

Es gilt die Formel: das gesuchte $n = n' \sin \alpha$, wo n' der Brechungsindex der Halbkugel und α der Totalreflexionswinkel ist. n' bestimmt man durch einen Körper bekannter Brechung, z. B. mittelst auf die Halbkugel gebrachten destillierten Wassers; bei ihm ist n_{Na} $(20^{\circ}) = 1,33381.$

c) Bestimmung der Brechung mittels Prismas.

Ein Reflexionsgoniometer gestattet die Ablenkung zu messen, die das Licht durch ein Prisma erfährt. Man stellt zunächst Kollimator und Beobachtungsfernrohr genau gegenüber, sucht dann mit letzterem das

Kristallographisch-optische Untersuchungen.



Fig. 373. Refraktometer nach Pullrich. T Glashalbkugel, F Fernrohr zum Ablesen der Totalreflexionsgrenze mittels Teilkreises V, Sp Beleuchtungsspiegel, H Teilkreis für die Drehung der Platte in ihrer Ebenc.



Fig. 374. Kleines Refraktometer. H Glashalbkugel, S Skala zum Ablesen der Brechungsquotienten, h Scheibe zum Drehen der Platte in ihrer Ebene, M Mantel mit Schliß t für von unten einfallendes Licht, m Drehteil zum Verschließen von t.



Fig. 375 Minimalablenkung des Lichtes in einem Prisma. φ Prismenwinkel. δ Winkel der Minimalablenkung, Strahlengang symmetrisch.

Brechung.

Signal in der Minimalablenkungsstellung auf (kenntlich am Rücklauf des Signalbildes beim Drehen des Prismas über diese Stellung hinaus) und mißt außer δ den Winkel φ (Fig. 375). Man erhält *n* aus $n = \sin \frac{\varphi + \delta}{2} : \sin \frac{\varphi}{2}$. Genaue Ergebnisse erfordern vollkommen ebene Prismenflächen, wie man sie mit dem Wülfingschen Schleifapparat erzielt. Um die Dispersion der Brechung festzustellen, ver-



Fig. 376. Kleiner Monochromator für Goniometer. R Einsteckrohr für den Kollimator des Goniometers (besser ist ein Trägerarm), W Austrittspalt, L Einstellupe, P Prisma mit Einstellvorrichtung M, Sp Eintrittspalt.

wendet man verschiedene Sorten monochromatischen Lichtes. Ein lichtstarker Monochromator für das Goniometer ist in Fig. 376 abgebildet.

Die Brechungsindizes von Flüssigkeiten bestimmt man mittels des erwähnten Pulfrichschen bzw. eines anderen Re-

fraktometers oder mittels eines Hohlprismas aus Glas, in welches man die Flüssigkeit bringt.

Die Veränderung der Brechungsindizes mit der Temperatur beobachtet man vermittels am Goniometer anzubringender Erhitzungs- und Abkühlungsapparate. Am besten ist für Erwärmungen (bis 800°) elektrische Heizung. In Fig. 377 ist ein vom Verfasser erprobter Apparat im schematischen Querschnitt dargestellt.



Fig. 377. Querschnitt ciner Erhitzungsvorrichtung für Goniometer.

Er besteht aus einem zentralen Rohr mit innerer oder äußerer Heizspirale aus Platin oder Nickel und einem weiten Mantel. In horizontaler Richtung verlaufen drei Rohre, die als Eingang für das Licht (R_1) , zur Ein stellung der Minimalablenkung (R_2) und zum Gegenüberstellen von Kollimator und Beobachtungsfernrohr dienen (R_3) . Die Prismen werden so geschliffen, daß sie eine Minimalablenkung von 40° ergeben, entsprechend



Fig. 378. Abkühlungsvorrichtung für Goniometer. SKA Ansatystück, M Messinggefäß, J Isolierschicht, G Metallrohr mit horizontalen Rohren R wie in Fig. 377, F Füllraum für Kältemischung.

ⁿ 40° ergeben, entsprechend dem festen Winkel von R_2 und R_3 . Der Abkühlungsapparat (Fig. 378) zeigt ein Innenrohr, umgeben von einem Gefäß zur Aufnahme von Kältemitteln (Eis, feste Kohlensäure, flüssige Luft, flüssiger Sauerstoff). Im übrigen ist er dem Erhitzungsapparat ähnlich.

Nach dem Vorschlage von V. M. Goldschmidt umgibt man den unteren Teil des Apparates mit einem Blecheimer oder Dewarschen Gefäß, um auch hier zu kühlen.

3. Einfache und doppelte Brechung.

In optischer Hinsicht zerfallen die Substanzen in zwei Gruppen. 1. optisch isotrope — einfachbrechende: amorphe Körper und isometrische Kristalle;

2. optisch anisotrope == doppelbrechende: trigonale, tetragonale, hexagonale, rhombische, monokline, trikline Kristalle.



Fig. 379a. Einfache Brechung.



Fig. 379b. Doppelte Brechung.

Fig. 379 a zeigt den Fall der einfachen, Fig. 379 b den Fall der doppelten Brechung.

Bei dem einfachbrechenden Körper (Fig. 379 a) sendet jeder Punkt der Unterseite nur einen Lichtstrahl aus. Fig. 379 b läßt erkennen, daß jeder Punkt der Unterfläche des doppelbrechenden Körpers, durch den Licht geschickt ist, zwei Lichtbewegungen in derselben Richtung entläßt. Erkennung der einf. u. doppelten Brechung. - Gewöhnliches usw. Licht. 110

Demonstration der Doppelbrechung an Kalkspat: Durch eine Kalkspatplatte nach (1011) gesehen erscheint ein unter ihr befindlicher, auf Papier gezeichneter schwarzer Punkt doppelt. Der Abstand der Bilder beträgt etwa 1/10 der Plattendicke.

4. Erkennung der einfachen und doppelten Brechung.

Der charakteristische Umstand, daß aus jedem Punkte eines vom Lichte durchdrungenen einfachbrechenden Körpers, Fig. 379 a, nur ein Lichtstrahl, aus jedem Punkte eines doppelbrechenden Körpers hingegen zwei Lichtbewegungen kommen, Fig. 379 b, kann zur Unterscheidung zwischen einfacher Brechung und Doppelbrechung benutst werden. Wo zwei von der nämlichen Lichtquelle stammende Lichtimpulse denselben Weg verfolgen, kann man ihr Vorhandensein an ihrer Interferenz (Verstärkung, Schwächung, Vernichtung) zu erkennen suchen, nachdem man sie auf dieselbe Schwingungsebene gebracht hat. Wo nur eine Lichtbewegung vorhanden ist, ist Interferenz ausgeschlossen.

Zwei Lichtbewegungen, die eine ganze Wellenlänge Gangunterschied bei gleicher Schwingungsebene haben, verstärken sich. Zwei Lichtbewegungen, die eine halbe Wellenlänge Gangunterschied haben, vernichten sich, gleiche Schwingungsweiten vorausgesetzt. Vgl. aber Kap. 16 S. 130.

5. Gewöhnliches und linear polarisiertes Licht.

Gewöhnliches Licht besitst eine verwickelte Schwingungsweise. Wie immer beim Licht, gehen die Schwingungen (der Ätherteilchen) senkrecht zur Fortpflanzungsrichtung des Lichtstrahls (transversal) vor sich; die Schwingungsebene wechselt jedoch schnell hintereinander.



Man denke sich auf den Lichtstrahl L (Fig. 380) einen Ring mit einer Speiche SS gezogen, so möge SS der Schwingungsebene (durch L und SS gelegt) entsprechen. Man versete nun den Ring um L als Achse in schnelle Drehung, so hat man in Fig. 381 ein Bild der beim gewöhnlichen Lichte rasch wechselnden Schwingungsrichtung (die stets durch L und SS geht).

Das linear polarisierte Licht besitst nur eine Schwingungsebene. Man denke sich den Ring in Fig. 380 festgeklemmt, so entspricht S.S. der ständigen Schwingungsebene des linear polarisierten Lichtes. In Fig. 380 b und 381 b steht die Fortpflanzungsrichtung der Lichtbewegung L senkrecht zum Papier.

Das linear polarisierte Licht, das wir im folgenden benutten, stellt somit eine viel einfachere Wellenbewegung dar als die des gewöhnlichen Lichtes.

6. Unterscheidung des linear polarisierten Lichtes vom gewöhnlichen Lichte.

Diese Unterscheidung geschieht am einfachsten vermittels eines Nicolschen Prismas (Nicol), dessen Bau später (S. 124/25) erörtert werden soll. Einstweilen stelle man es sich als ein Lichtgitter vor (Fig. 382), das Lichtschwingungen parallel zu den Gitterstäben NN hindurchläßt, jedoch nicht solche senkrecht zu den Gitterstäben.

Aus Fig. 383 a ist ersichtlich, daß linear polarisiertes Licht, das sich in L fortpflanzt und parallel SS schwingt, durch das Nicolsche Prisma NN hindurchgelangt, denn SS und NN sind parallel. Dreht man das Nicolsche Prisma um 90° in die Lage der Fig. 383 b, so wird das linear polarisierte Licht nicht durch das



Nicol hindurchgehen (es wird ausgelöscht), denn SS und NN stehen senkrecht aufeinander. An diesem Wechsel von Helligkeit und Dunkelheit bei der Betrachtung durch ein Nicol ist linear polarisiertes Licht leicht zu erkennen.

Das gewöhnliche Lichtwechselt sehr schnell seine Schwingungsebene. Betrachtet man es durch ein Nicolsches Prisma, wie in Fig. 384, so gehen die vertikalen Schwingungen durch das Nicol, und da diese Schwingungen wegen der Drehung der Schwingungsebene in sehr schneller Folge wiederkehren, so gewinnt das Auge den Eindruck ständigen Lichtes. Dasselbe ist der Fall bei einer beliebigen

Bestimmung der Schwingungsebene linear polarisierten Lichtes. 121

anderen Stellung des Nicols, z. B. bei der in Fig. 385. Ein Drehen des Nicols bewirkt mithin keine Veränderung der Helligkeit des Lichtstrahls.

Zwischenlagen.

Wenn SS des linear polarisierten Lichtes parallel NN des Nicols geht (Fig. 383 a), so wird die Lichtschwingung vom Nicol, wie erwähnt, vollständig durchgelassen, hingegen wenn NN senkrecht zu SS verläuft (Fig. 383 b), gänzlich vernichtet. Eine Zwischenlage stellt Fig. 386 dar. SS und NN bilden einen Winkel α . In



diesem Falle gibt die Lichtbewegung SS eine Komponente auf NN ab, nämlich r. Sett man LS = 1, so ist $\cos \alpha = r/1 = r$. Die Intensität r^2 des durchgelassenen Lichtes entspricht somit dem \cos^2 des Winkels, den SS und NN miteinander bilden.

Dieser allgemeine Fall umfaßt die oben erörterten speziellen. Ist SS parallel NN, so ist $\alpha = 0^{\circ}$, also cos $\alpha = \cos 0^{\circ} = 1$, d. h. das Licht kommt vollständig durch das Nicol hindurch. Ist SS senkrecht NN, so ist $\alpha = 90^{\circ}$, also cos $\alpha = \cos 90^{\circ} = 0$, d. h. das Licht wird ausgelöscht.

7. Bestimmung der Schwingungsebene linear polarisierten Lichtes.

Kennt man die Schwingungsebene NN eines Nicols, so kann man die Schwingungsebene eines linear polarisierten Lichtstrahles leicht ermitteln, wenn man ihn durch ein Nicolsches Prisma betrachtet, das man vor dem Auge dreht. Erscheint das Gesichtsfeld ganz hell, so verläuft die Schwingungsebene des zu untersuchenden Lichtes parallel zu dem bekannten NN; ist das Gesichtsfeld dunkel, so steht die gesuchte Schwingungsebene senkrecht zu NN. In Fig. 383 a und b würde man z. B. erkennen, daß die Schwingungsebene des zu untersuchenden Lichtes vertikal verläuft.

Umgekehrt kann man mit Hilfe der bekannten Lage der Schwingungsebene polarisierten Lichtes leicht die Schwingungsebene eines Nicols bestimmen. Würde man in Fig. 383 a und b SS kennen, so würde man NN auf dieselbe Weise wie oben ermitteln.

8. Vollständige und unvollständige lineare Polarisation.

Vollständig linear polarisiertes, also nur in einer Ebene schwingendes Licht läßt sich durch ein Nicol gänzlich auslöschen. Bei unvollständig linear polarisiertem Lichte sind noch andere Schwingungen vorhanden; man erhält bei der Betrachtung des Lichtes mit dem Nicol keine vollständige Auslöschung, sondern nur Helligkeitsunterschiede.

9. Herstellung linear polarisierten Lichtes.

1. Polarisation durch Reflexion.

Eine Lichtbewegung R (Fig. 387), die z. B. von einer Glasplatte, Wasser usw. (Metalle sind nicht geeignet) reflektiert worden ist, ist teilweise linear polarisiert. Nachweis wie oben durch ein Nicol.

2. Polarisation durch Brechung.

Die durchgelassene Lichtbewegung D ist gleichfalls teilweise linear polarisiert. Nachweis wie oben durch ein Nicol.



Fig. 357. Herstellung linear polarisierten Lichtes durch Reflexion und Erechung.

Bemerkung 1. Die Schwingungsrichtungen des reflektierten Lichtes R und des austretenden Lichtes D stehen senkrecht aufeinander, wie Fig. 387 zeigt. L ist gewöhnliches, R reflektiertes, D durchgelassenes Licht, R schwingt senkrecht zur Einfallsebene, Dihr parallel.

Da durch Reflexion leicht linear polarisiertes Licht herzustellen ist (z. B. vermittels einer Glasplatte), so kann man die Schwingungsebene eines Nicols alsbald bestimmen. Man muß beachten, daß das reflektierte.

linear polarisierte Licht senkrecht zur Einfallsebene, bei Benutjung einer horizontalen Glasplatte also horizontal schwingt. Betrachtet man den Reflex durch ein Nicol und dreht dieses vor dem Auge, so verläuft, wenn der Glanz voll durch das Nicol gelangt, dessen Schwingungsebene horizontal.

Bemerkung 2. Das reflektierte Licht $L_1 L_2$ ist vollständig linear polarisiert, wenn die zugehörige gebrochene Lichtbewegung $L_1 L_3$ senkrecht auf ihm steht (Fig. 388), d. h. wenn $e + i = 90^\circ$ ist. Dann ist $n = \sin e \sin i$ $= \sin e / \sin i$ (90 - $e) = \sin e \cos e = tg e$ (Brewstersches Geset). e nennt man den Polarisationswinkel).

¹) Der reflektierte Tageslichtstrahl steht natürlich nur auf einem der (dispergierten) gebrochenen Strahlen senkrecht; nur für dessen Lichtsorte findet vollständige Polarisation durch Reflexion statt. Reflektiertes Tageslicht ist, genau genommen, also nicht in seiner Gesamtheit polarisiert.

Herstellung linear polarisierten Lichtes.

Das durchgelassene Licht ist niemals vollständig polarisiert. Durch vielfache Brechung (Durchgang durch einen Glasplattensat) wird die Polarisation verbessert. Es ist ziemlich gut polarisiert bei sehr schrägem Durchfallen durch die Glasplatte, am besten bei sog. streifendem Ausfallen (Fig. 389).

3. Polarisation infolge Durchganges des Lichtes durch einen doppelbrechenden Kristall.

Die durch Doppelbrechung aus einer Lichtbewegung entstandenen zwei Lichtbewegungen (Fig. 379 b, S. 118) sind beide für alle Farben vollständig linear polarisiert. Ihre Schwingungsebenen stehen senkrecht aufeinander.





Fig. 388. L₂ vollständig linear polarisiert.

Fig. 389. Lineare Polarisation eines streifend ausfallenden Lichtstrahls.

Bei einer dicken Spaltungsplatte von Kalkspat ist das sehr leicht nachzuweisen. Legt man sie auf eine Öffnung, durch welche Licht fällt, oder auf einen schwarzen Punkt, so erblickt man infolge der sehr starken Doppelbrechung des Kalkspats, wie schon S. 119 erwähnt ist, die beiden Lichtbündel *a*



brechung auf {1011}

doppelbrechenden Platte.

Fig. 392. Verhalten einer doppelbrechenden Platte gegen gewöhnliches Licht.

und e getrennt (Fig. 390). Ihre Polarisation und Lage der Schwingungsebene kann man mit einem Nicol untersuchen. Man erkennt vollständige Polarisation von o und e, und daß o von links nach rechts (parallel SS, also senkrecht zum vertikalen Hauptschnitt des Kalkspats), e von vorn nach hinten (parallel RR, d. h. im Hauptschnitt) schwingt.

Wie die Kalkspatplatte, kann man sich jede doppelbrechende Kristallplatte (zwecks Versinnbildlichung dieser Erscheinungen) als ein Doppelgitter mit rechtwinklig aufeinanderstehenden Gitterrichtungen vorstellen (Fig. 391). Aus der doppelbrechenden Platte werden nur Schwingungen parallel RR und SS hinausgelassen. Fällt auf sie gewöhnliches Licht (mit unendlich vielen Schwingungsrichtungen, Fig. 392), so sondert sie gewissermaßen Schwingungen RR und SSaus. Aus der Kristallplatte treten mithin zwei in derselben Richtung sich fortpflanzende Lichtbewegungen mit senkrecht aufeinanderstehenden Schwingungsebenen aus.

10. Wegschaffen eines der beiden durch Doppelbrechung entstandenen linear polarisierten Lichtstrahlen.

Um die gewünschte einfachste Lichtsorte, linear polarisiertes Licht mit nur einer Schwingungsebene, zu gewinnen, ist es nötig, einen der zwei durch Doppelbrechung entstandenen linear polarisierten Lichtstrahlen fortzuschaffen.

a) Entfernung eines Lichtstrahls durch Absorption.

Eine doppelbrechende Turmalinplatte (Fig. 393) liefert, wie oben erwähnt, zwei Lichtstrahlen, die sich in Richtung von L_1L_2 fort-





Fig. 393. Verhalten einer doppelbrechenden Platte gegen gewöhnliches Licht.

Fig. 394. Lichtdurchgang in einem Nicol.

pflanzen und senkrecht aufeinander schwingen. Von den entsprechenden beiden Lichtbewegungen im Turmalin wird die eine allmählich im Kristall absorbiert, d. h. bei ziemlich großer Plattendicke tritt fast nur noch die zweite Schwingung (SS) aus.

Da die Absorption der einen Lichtschwingung im Turmalin jedoch nicht vollständig, das austretende Licht überdies (meist gelblich) gefärbt ist, so verwendet man Turmalin zur Herstellung von linear polarisiertem Licht nur in besonderen Fällen.

b) Entfernung einer Lichtbewegung durch Totalreflexion.

Tritt gewöhnliches Licht LL_1 in eine Kalkspatplatte (Fig. 394), so entstehen, wie erwähnt, zwei vollständig linear polarisierte Lichtbewegungen $L_1 o$ und $L_1 e$. $L_1 o$ schafft man durch Totalreflexion an einer durchsichtigen, schwachbrechenden Kanadabalsamschicht CCfort. Zu dem Zwecke hat man das Kalkspatrhomboeder (außer einer kleinen Veränderung seiner Form) schräg durchschnitten und die

Verhalten zweier Nicols zueinander.

beiden Hälften mit Kanadabalsam (n = 1,54) wieder zusammengekittet. Während $L_1 o$ (n = 1,66) an der passend gelegenen schwächer brechenden Balsamschicht total reflektiert und von der Hülse des kleinen Apparates verschluckt wird, gelangt $L_1 e$ durch sie und den Kalkspat hindurch (Nicolsches Prisma).

Ein Nicol kann man sich, wie schon früher erwähnt, wie ein Lichtgitter vorstellen (Fig. 382, S. 120), das linear polarisiertes Licht einer Schwingungsebene liefert.

Anmerkung. Die Konstruktion des Nicols ist in mannigfacher Art verändert worden, teils, um an dem kostbarer werdenden Kalkspat zu sparen, teils um die Lichtöffnung des Apparates möglichst groß zu machen. Das Nicol der Fig. 394 hat schräge Endflächen. Vorteilhafter sind Polarisationsprismen mit geraden Endflächen. Großen Öffnungswinkel (bis 60 °) und geringe Länge haben die Prismen von Ahrens.

11. Verhalten zweier Nicols zueinander.

1. Legt man zwei Nicols so übereinander, daß, wie in Fig. 395, ihre Schwingungsrichtungen NN und N_1N_1 parallel sind, und sieht man durch diese Kombination nach einer Quelle gewöhnlichen Lichtes, so wird der optische Vorgang wie folgt verlaufen.



Das Nicol NN läßt von den vielen Schwingungen des gewöhnlichen Lichtes nur solche parallel NN durch (bzw. wandelt sie in solche um). Es schafft linear polarisiertes Licht. Dies gelangt durch die Luft an das zweite Nicol N_1N_1 , findet einen offenen Weg, da seine Schwingungsebene und die des Nicols N_1N_1 parallel sind, und geht somit durch das zweite Nicol hindurch. Das Gesichtsfeld erscheint also bei »parallelen Nicols« ($\parallel N$) hell.

Bei gekreuzten Nicols (+N) ist der optische Vorgang folgender (Fig. 396). Das Nicol NN schafft linear polarisiertes Licht, das parallel NN schwingt. Durch N_1N_1 wird es vollständig vernichtet (ausgelöscht), da seine Schwingungsebene senkrecht zu der des zweiten Nicols steht. Das Gesichtsfeld ist bei +N dunkel. Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Untersuchungen im parallelen polarisierten Lichte.

Hierbei ist das Präparat dem Beobachter im Mikroskop sichtbar. Es soll in seinen Eigenschaften senkrecht zur Platte gekennzeichnet werden (Fig. 397); die Abbildung muß also mit Strahlenbündeln geringer Öffnung erfolgen (orthoskopische Untersuchung).

12. Verhalten optisch isotroper Körper zwischen gekreuzten Nicols.

Amorphe Körper und isometrische Kristalle¹) sind beide einfach brechend (optisch isotrop). Sie ändern die Schwingungsebene linear polarisierten Lichtes nicht, in welcher Richtung auch das Licht die



Fig. 398. Kristallplatte zwischen gekreuzten + Nicols.

Substanzen durchsetzt. Fig. 398 möge das versinnbildlichen. Die Schwingung NNsetzt durch die Platte P hindurch, ohne die Schwingungsebene zu ändern, und wird durch $N_1 N_1$ vernichtet. Das dunkle Gesichtsfeld bleibt also nach dem Einschieben der Platte P zwischen die + N dunkel. Auch beim Drehen des Präparats in seiner Ebene oder nach anderen Richtungen im Drehapparat ändert sich nichts.

Regel: Optisch isotrope Körper lassen in jeder Lage das dunkle Gesichtsfeld der + N dunkel.

13. Verhalten optisch anisotroper Körper zwischen gekreuzten Nicols.

Trigonale, tetragonale, hexagonale, rhombische, monokline und trikline Kristalle sind doppelbrechend (optisch anisotrop).

Wie erwähnt, kann man sich eine doppelbrechende Platte zur Erleichterung des Verständnisses ihres optischen Verhaltens wie ein Doppelgitter (Fig. 391, S. 123) vorstellen, dessen senkrecht aufeinanderstehende Gitterrichtungen wie die Systeme RR und SS verlaufen. Das Verhalten einer solchen Platte gegen linear polarisiertes Licht ist leicht verständlich. In den beiden Lagen der Fig. 399 und Fig. 400 jäßt sie das ankommende linear polarisierte Licht hindurch, denn die Schwingungen NN finden sozusagen in Fig. 399 den Weg RR, in Fig. 400 den Weg SS offen und kommen ohne Änderung ihrer Schwingungsebene aus der Platte heraus. Die Zwischenlage der Platte zwischen der in Fig. 399 und der in Fig. 400 gezeichneten sei durch Fig. 401 wiedergegeben. Das zur Platte kommende, linear

¹) Abgesehen von zirkularpolarisierenden Körpern.

Verhalten optisch anisotroper Körper zwischen gekreuzten Nicols. 127

polarisierte, parallel NN schwingende Licht findet keinen Durchlaß ohne Änderung seiner Schwingungsebene. Es zerlegt sich in die zwei Komponenten r und s, so daß aus jedem Punkte der Platte zwei Lichtstrahlen hinausgelangen, die denselben Weg verfolgen und in Ebenen senkrecht aufeinander schwingen.

Benutsen wir nun (Fig. 402) außer dem Nicol NN (dem Polarisator) ein zweites Nicol $N_1 N_1$ (den Analysator), um das aus der Platte herauskommende Licht zu untersuchen. Die Schwingungsrichtung des Analysators ist

parallel $N_1 N_1$; die Schwingungen des ankommenden Lichtes r und s gehen, wie gesagt, in Ebenen parallel RR und SS; somit wird jede dieser Lichtbewegungen eine Komponente auf $N_1 N_1$ abgeben. Diese Komponenten werden durch m und n dargestellt.

Es pflanzen sich also jeht im zweiten Nicol zwei Lichtbewegungen fort, die auf dieselbe Schwingungsebene $N_1 N_1$ gebracht sind. Ihre Interferenzerscheinungen werden beobachtet.

Es ist zu bedenken, daß die beiden Lichtbewegungen r und s, welche die Platte durchsetzen, in der letzteren

verschieden schnell erfolgen,



durchseten, in der letsteren Verhalten einer doppelbrechenden Platte gegen linear polarisiertes Licht.

so daß sie eine Wegdifferenz¹) (Gangunterschied) bekommen, die in der Luft unverändert beibehalten wird. Ein solcher in der Platte entstandener Gangunterschied kommt natürlich zur Geltung, wenn die Schwingungen, wie es im Analysator geschieht, auf dieselbe Ebene gebracht sind: die Lichtbewegungen m und n interferieren, d. h. verstärken oder schwächen bzw. vernichten sich je nach dem

¹) Diese Wegdifferenz läßt sich in Millimetern ausdrücken oder auch (indem man anstatt Millimeter eine optische Längeneinheit zum Ausmessen benutzt) in Wellenlängen einer bestimmten Lichtsorte (Phasendifferenz). F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. Grade des in der Platte gewonnenen Gangunterschiedes. Für gewöhnlich beobachtet man im Tages- oder Lampenlichte, das sich bekanntermaßen aus sehr verschiedenen Lichtsorten zusammenset, die verschiedene Wellenlängen besiten und somit verschiedene Phasen des Gangunterschiedes erhalten. Falls nun auch für eine Farbe Vernichtung der interferierenden Wellen eintritt, so ist das doch nicht bei den anderen der Fall. Letztere werden sich vielmehr nach Ausfall der durch Interferenz vernichteten Lichtsorte zu einer Mischfarbe zusammensetzen, und die zu untersuchende Platte wird in dem dunklen Felde der + N farbig erscheinen. Diese Aufhellung des dunklen Gesichtsfeldes der gekreuzten Nicols durch die Platte ist ein sicheres Zeichen für Doppelbrechung.

Beim Drehen einer doppelbrechenden Platte in ihrer Ebene zwischen gekreuzten Nicols kommt folgendes in Betracht. Wir wieder-



holen, daß eine solche Platte, wenn ihre Schwingungsrichtungen RRund SS schief zu den gekreuzten Schwingungsrichtungen der Nicols liegen, aus dem erwogenen Grunde bei Anwendung von Tageslicht hell bzw. farbig erscheint (Fig. 402). Beim Drehen der Platte in ihrer Ebene kommt sie unter anderem in zwei

bemerkenswerte Lagen (Fig. 403 und Fig. 404). In Fig. 403 fallen die Schwingungsrichtungen RR der Platte mit der Schwingungsrichtung NN des Polarisators zusammen und SS der Platte mit $N_1 N_1$ des Analysators. Das vom Polarisator ausgehende, parallel NN schwingende Licht findet einen Weg durch RR der Platte, geht also ohne Zerlegung hindurch, erreicht den Analysator, dessen Schwingungsrichtung senkrecht zu den ankommenden Schwingungen steht, und kann somit dieses Nicolsche Prisma nicht passieren. Folglich erscheint die Platte in der Lage der Fig. 403 dunkel (ausgelöscht). Drehen wir sie um 90° nach links oder rechts, so fällt nunmehr ihre Schwingungsrichtung SS mit NN des Polarisators und ihr RR mit N_1N_1 zusammen (Fig. 404). Das vom Polarisator ausgehende und parallel NN schwingende Licht findet einen Weg durch SS der Platte ohne Zerlegung, kommt zum Analysator, dessen $N_1\,N_1$ senkrecht zu $S\,S$ steht, und wird von letterem deshalb nicht durchgelassen. Die Platte wird auch in dieser Lage dunkel (ausgelöscht) erscheinen.

Somit ergibt sich als Regel: Eine doppelbrechende Platte erscheint zwischen gekreuzten Nicols dunkel, wenn

Abhängigkeit der Wegdifferenz usw. -- Höhe der Polarisationsfarbe. 129

ihre Schwingungsrichtungen mit den Schwingungsrichtungen der Nicols zusammenfallen, in den Zwischenlagen hell.

14. Abhängigkeit der Wegdifferenz von der Plattendicke und der Stärke der Doppelbrechung.

Die beiden Lichtbewegungen, welche eine doppelbrechende Platte durchsetzen, sind, wie erwähnt, verschieden geschwind, lassen also, wie zwei verschiedene Boten, einen Zwischenraum (eine Wegdifferenz Δ) zwischen sich entstehen, der um so größer ist, 1. je verschiedener die Geschwindigkeit der beiden Bewegungen ist, und 2. je länger der Weg *d* ist, den sie durchmessen. Ein Maß für die Differenz der Geschwindigkeiten ist der Unterschied $n_2 - n_1$ der Brechungsquotienten. Man hat also $\Delta = (n_2 - n_1) d$.

15. Höhe der Polarisationsfarbe. (Stärke der Doppelbrechung.)

Wir müssen uns nach obigem vorstellen, daß aus der Platte (Fig. 402, S. 127) die verschiedenen Lichtsorten jeweils in zwei Schwingungen parallel RR und SS herausgelangen, daß aber die Phasendifferenz zwischen diesen beiden Schwingungen für die verschiedenen Lichtsorten verschieden groß ist, da sie ja verschiedene Wellenlängen haben. Daraus folgt, daß auch die Interferenzerscheinungen (Verstärkung, Schwächung oder Vernichtung) für die verschiedenen Farben nicht dieselben sind. Bei einer Lichtsorte (z. B. Grün) kann gerade Vernichtung stattfinden, während bei einer anderen (z. B. Gelb) Verstärkung eintritt.

Nehmen wir nun eine bestimmte Plattendicke an, so ist vorauszusehen, daß für eine (oder mehrere) der vielen verschiedenen Lichtsorten Vernichtung eintritt. Diese Farbe würde also aus der Interferenzerscheinung vollständig ausfallen, und hätte man gerade mit ihr (und zwar nur mit ihr) die Platte beleuchtet, so würde letztere immer, auch in der Zwischenstellung (Fig. 402, S. 127), dunkel erscheinen.

Die übrigen Lichtsorten, für die eine Vernichtung nicht stattfindet, setzen sich zu einer Mischfarbe zusammen. Daher das farbige Aussehen der Platte. Welche Farben fehlen, erkennt man durch spektroskopische Zerlegung.

Es wechselt die Polarisationsfarbe natürlich mit der Dicke des Präparats, denn bei verschiedener Dicke fallen immer andere Farben durch Interferenzvernichtung aus, und die Restfarben geben deshalb immer andere Polarisationstöne.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Am bequemsten ist diese Erscheinung an einem doppelbrechenden Quarz- oder Gipskeil (Fig. 405) zu beobachten. Man erkennt auf einem solchen, der zwischen gekreuzten Nicols in Zwischenstellung gehalten wird, Farbenbänder parallel zur Schneide. Nach der Wiederkehr bestimmter Farbentöne gliedert man die Farbenfolge in solche 1., 2., 3. usw. Ordnung. Schließlich gehen sie in das Weiß höherer Ordnung über. Im wechselnden monochromatischen Lichte beachte man die Verschiebung der dunklen Streifen.

An merkung. Die Polarisationsfarben sind im allgemeinen von der Art Newtonscher Farben. Andere Farben stellen sich natürlich bei an sich gefärbten Kristallen ein und bei farblosen dann, wenn die Doppelbrechung $n_2 - n_1$ für verschiedene Lichtsorten wesentlich verschieden ist. Diese Dispersion der Doppelbrechung läßt sich kennzeichnen durch $v = \frac{(n_2 - n_1)v}{(n_2 - n_1)r}$, also als das Verhältnis der Doppelbrechung für Violett und Rot. Je mehr v von 1 abweicht, um so



Fig. 405. Doppelbrechender Keil im polarisierten Lichte. stärker ist der Unterschied der Farbenfolge von der Newtonschen Skala.

Wenn $(n_2 - n_1)$ für Rot kleiner als für Blau ist, so erscheinen die Polarisationstöne 1. Ordnung besonders lebhaft (übernormale Farben, Beispiel: Epidot), umgekehrt [wenn $(n_2 - n_1)r > (n_2 - n_1)v$] matter (unternormale Farben, Beispiel: Klinochlor). Es kommt auch vor, daß die Doppel-

brechung für mittlere Farben = 0 ist. Dann kehrt sich das Verhältnis der Lichtgeschwindigkeit für Rot und für Blau um: dieselbe Schwingungsrichtung (z. B. *RR*) ist für Rot die der schnelleren, für Blau die der langsameren Bewegung. In dem Falle erscheinen sog. anomale Farben (Beispiel: Melilith). Ähnlich ist es, wenn die Auslöschungsrichtungen nicht für alle Farben zusammenfallen. Die Platte kann dann nicht für sämtliche Lichtsorten gleichzeitig dunkel werden.

Die gebräuchlichen Keile werden aus Quarz oder Gips gefertigt. Bei ihnen ist die Dispersion der Doppelbrechung gering (bei Quarz z. B. $(n_2 - n_1) r = 0,0090, (n_2 - n_1) v = 0,0096$. Die Farben entsprechen also ziemlich genau der Newtonschen Skala.

16. Unterschied des optischen Effektes bei gekreuzten und bei parallelen Nicols.

Die in einer doppelbrechenden Platte entstandenen Gangunterschiede der beiden Lichtbewegungen RR und SS kommen bei gekreuzten und bei parallelen Nicols in verschiedener Weise zur Geltung.

Sei die Phasendifferenz für eine bestimmte Farbe z. B. gleich einer Wellenlänge λ , so läßt sich das nach P. Groth durch Fig. 406 versinnbild-

Unterschied des optischen Effektes bei gekreuzten und parallelen Nicols. 131

lichen, in der die Schwingungen r und s im nämlichen Moment von O in positiver Richtung gehen sollen. Man erkennt, daß nach der Zurückführung auf die Schwingungsebene von $N_1 N_1$ (senkrecht zu NN) die Lichtbewegungen m und n in einander entgegengesetzten Richtungen erfolgen, m nach \pm , n



Doppelbrechende Platte zwischen gekreuzten und parallelen Nicols.

nach —. Der in der Platte erlangte Gangunterschied λ ist also um eine halbe Wellenlänge verschoben, d. h. zu $\frac{1}{2}\lambda$ geworden. Es tritt daher Vernichtung ein. Ebenso würde ein Gangunterschied von $\frac{1}{2}\lambda$ zu einer solchen von λ im Analysator verwandelt.

Sind die Nicols parallel, so wird, wie Fig. 407 zeigt, der Gangunterschied, der in der doppelbrechenden Platte entstanden ist, beibehalten; wie r und s, so schwingen m und n nach der positiven Seite.



Fig. 408 a und 408 b. Quarzkeil zwischen +- und ||- Nicols im monochromatischen Lichte. Nach Hauswaldt.

Der optische Effekt zwischen gekreuzten und parallelen Nicols ist also ein entgegengesetter. Tritt zwischen gekreuzten Nicols für eine Lichtsorte Dunkelheit (bzw. Helligkeit) ein, so wandelt sie sich durch Parallelstellen der Nicols in Helligkeit (bzw. Dunkelheit). Die Interferenzfarben zwischen gekreuzten Nicols und zwischen parallelen Nicols sind zueinander komplementär (Tabelle S. 158). (Vgl. Quarzkeil zwischen +- und \parallel -Nicols Fig. 408 a. u. b, S. 131.) Benutst man an Stelle des Analysators eine Kalkspatplatte nach $\{10\overline{1}1\}$, so erkennt man nebeneinander zwei Bilder in komplementären Farben; an den Überdeckungsstellen herrscht Weiß.

Bemerkung. Aus diesem Gegensat, des optischen Effektes bei gekreuzten und parallelen Nicols erklärt sich die Notwendigkeit, einen Polarisator, also Licht konstanter Schwingung, bei den Untersuchungen von Interferenzen im polarisierten Lichte zu benuten. Auch das gewöhnliche Licht wird zwar in der Kristallplatte in Schwingungen RR und SS zerlegt, man muß indes dennoch bereits linear polarisiertes Licht in sie einfallen lassen, weil das gewöhnliche Licht schnell hintereinander Schwingungen liefert, die parallel und alsbald senkrecht zu $N_1 N_1$ verlaufen, so daß die Effekte sich aufheben und keine Interferenzerscheinungen beobachtet werden

Ehe wir die Verhältnisse der Doppelbrechung weiterverfolgen, sei im Anschluß an die Erörterungen über Untersuchungsapparate, S. 79, auf nunmehr verständliche

17. Polarisationseinrichtungen am Mikroskop

hingewiesen. Man bedient sich des bereits S. 79 genannten Mikroskops, das für die Polarisationsuntersuchungen unter dem drehbaren Objekttisch mit einem am besten vom Kondensor unabhängig bewegbaren (also nicht fest mit ihm verbundenen) Polarisator versehen wird



sprechend den Nicolschwingungsrichtungen. und im Tubus oder auf dem Okular einen Analysator trägt. Es ist praktisch, zwei Analysatoren zu besitzen, einen zum Einschieben, einen zum Aufsetzen auf das Okular. Letzterer wird nur in gewissen Fällen gebraucht, für gewöhnlich ersterer. Der aufgesetzte Analysator verhindert das Auge, den aus dem Mikroskop austretenden Strahlenkegel ganz aufzunehmen.

Bei eingeschaltetem Analysator soll das Gesichtsfeld möglichst dunkel sein. Eine scharfe Kontrolle in der Hinsicht ist bei sehr starkem

Licht zu machen, nachdem alle Linsen aus dem Instrument entfernt sind. (Mikroskop gegen die Sonne richten. Bei gekreuzten Nicols erscheint sie als matte Scheibe auf dunklem Grunde.) Man stellt die Nicolhauptschnitte NN und $N_1 N_1$ von links nach rechts und von vorn nach hinten. Das Fadenkreuz im Okular geht mit seinen Kreuzesarmen den Nicolhauptschnitten parallel¹) und projiziert gewissermaßen diese Hauptschnitte in das Gesichtsfeld des Mikroskops (Fig. 409).

¹) Bezüglich der Kontrolle hierüber wird später (s. Anm. S. 139) berichtet.

Es ist sehr bequem, die erwähnten Erscheinungen der einfachen und doppelten Brechung mit einem solchen Mikroskop zu studieren. Die Drehungen des Präparats in seiner Ebene werden mit Hilfe des Objekttisches ausgeführt, auf welchem die zu untersuchende Substanz auf einem Objektträger liegt bzw. auf den man einen Drehapparat

(S. 89) stellt, wenn man die optischen Eigenschaften desselben Präparats nacheinander in verschiedenen Richtungen beobachten will.

Bemerkung. In neuerer Zeit hat man nach dem alten Vorschlage von Allan B. Dick Mikroskope konstruiert, bei denen an Stelle des Tisches die beiden Nicols gleichzeitig gedreht werden können. Die Vorteile hierbei sind: 1. Die Beobachtungen sind sehr einfach, weil nur ein Wechsel der Interferenzfarbe des Präparats erfolgt und es nicht zugleich seine Lage verändert. 2. Sperrige Apparate (wie über den Objekttisch hinausragende Erhitzungsvorrichtungen) können im gewöhnlichen Mikroskop oft nicht ausgiebig genug gedreht werden; bei dem in Rede stehenden Mikroskop ist ihre Drehung nicht nötig.

Eine starre Verbindung ist der durch Zahnräder vorzuziehen, wenn auch dann die Drehung der Nicols nicht um volle 360° geschehen kann; Zahnräder bekommen leicht toten Gang, so daß die Genauigkeit der Bestimmung

Da das Einschieben des Analysators ein erneutes scharfes Einstellen Fig. 410. Wrightsches Mikroskop mit gleichdes Bildes verlangt, hat man vor-zeitig drehbaren Nicols P und A. Drehung durch Stange s; t und t' Teilkreise für Nicolgeschlagen, ihn statt des Polarisators ständig im Mikroskop zu lassen und



drehung.

letsteren aus- und einzuschalten. Auch kann man durch eine besondere Linse über dem Analysator einen Ausgleich vornehmen und das Nachfokusieren vermeiden.

18. Lage der Schwingungsrichtungen (Auslöschungsrichtungen).

Eine doppelbrechende Platte erscheint dunkel (ausgelöscht), wenn ihre Schwingungsrichtungen RR und SS (Fig. 403 u. 404, S. 128) mit den Nicol-Hauptschnitten im Mikroskop, also mit den Armen des

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Fadenkreuzes zusammenfallen. Dreht man somit eine solche Platte auf dem Objekttische bis zur Dunkelstellung, so zeichnen die Arme des Fadenkreuzes unmittelbar die Lage der Schwingungsrichtungen in die Platte hinein. In Fig. 411 liegen die Schwingungsrichtungen der Platte schief zur Kante x. Man sagt, es herrscht in bezug auf xSchiefe der Auslöschung. Bei einer auch in Dunkelstellung befindlichen anderen Platte (Fig. 412) geht eine Schwingungsrichtung steht also auf y senkrecht. Man sagt dann, die Auslöschung erfolgt parallel und senkrecht zu y (gerade Auslöschung zu y).



Die Schwingungsrichtungen (Auslöschungsrichtungen) bilden ein rechtwinkliges Kreuz, das Auslöschungskreuz.

19. Bestimmung der Auslöschungsrichtungen.

Man ermittelt die Auslöschungsschiefe durch Messung des Winkels, den eine charakteristische Richtung (Kante x, Fig. 411, oder ein Spaltriß) mit einem Arm des Fadenkreuzes macht, wenn die Schwingungsrichtungen RR und SS der Platte mit den Nicol-Hauptschnitten NNund N_1N_1 zusammenfallen. Zu dem Zwecke stellt man Kante xparallel einem Faden und dreht bis zur völligen Dunkelheit der Platte. Beide Tischstellungen werden abgelesen; ihr Unterschied in Winkelgraden ist die Schiefe der Auslöschung. Natürlich gibt es zwei (sich zu 90^o ergänzende) Schiefen: 1. Winkel von x mit RR und 2. Winkel von x mit SS.

Um gute Werte zu erhalten, empfiehlt es sich, durch allmählich immer kleinere Drehungen über die Auslöschungslage nach links und rechts hinaus die Stellung größter Dunkelheit genau aufzufinden; auch müssen die Messungen natürlich mehrmals wiederholt werden. Um Fehler zu vermeiden, die beim Nichtzusammenfallen des Fadenkreuzes

Bestimmung der Auslöschungsrichtungen.

mit den Nicol-Hauptschnitten entstehen, mißt man auch nach Umkehrung des Präparats (obere Seite nach unten). Auf die Platte muß paralleles Licht fallen (Kondensor senken oder Strahlenkegel durch Blende einschnüren).

Verfeinerte Meßmethoden. 1. Grelle Beleuchtung, z. B. durch Bogenlicht.

2. Ist die Platte genau in Auslöschung, so wird sie mit dem übrigen Gesichtsfeld beim ganz geringen Drehen eines Nicols gleichmäßig hell; ist sie es nicht, so wird sie beim Drehen des Nicols heller oder dunkler als das sonstige Gesichtsfeld erscheinen.

3. Bertrandsche Doppelquarzplatte. Sie besteht aus vier in ein Okular gesetzten zirkularpolarisierenden, abwechselnd rechts und links drehenden Quarzplatten. Ihre Grenzen zueinander bilden ein Kreuz parallel den Nicol-Hauptschnitten. Der Analysator wird auf das Okular



Fig. 413. Anwendung einer Bertrandschen Doppelquarzplatte. Fig. 414. Drehungsquarzplatte.

gesetzt. Bei Tageslicht sind die vier Felder zwischen gekreuzten Nicols ohne Präparat gleichmäßig gefärbt, ebenso in der Auslöschungslage einer Platte. Ein Abweichen des Auslöschungskreuzes vom Quarzplattenkreuz verursacht kräftige Farbenunterschiede in den Quadranten, Fig. 413. Um die Auslöschungslage der Platte zu finden, stellt man sie auf Farbengleichheit der vier Felder ein.

4. Wrightsche Drehungsquarzplatte. Die links- und rechtsdrehenden Quarzplatten von Fig. 414 sind von rechts- und linksdrehenden Quarzkeilen überlagert. Wo Platte und Keil sich kompensieren, durchzieht zwischen gekreuzten Nicols ein schwarzes Band das Ge« sichtsfeld. An den Seiten des Bandes sind allmählich ansteigende Werte der Kombination zur Verfügung. Beim Durchziehen der Apparatur durch das Mikroskop kann man die am besten zur Platte passende Interferenzfarbe aussuchen. Man stellt auf Gleichheit der Hälften oder Wiederhellstellung des einheitlichen Kompensationsbandes ein.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

5. Calderonsche Platte. Sie ist zwillingsmäßig aus zwei Kalkspatplatten zusammengesett, deren Auslöschungsrichtungen symmetrisch zu ihrer Grenzlinie liegen. Lettere fällt mit der Schwingungsrichtung eines der gekreuzten Nicols zusammen. Die beiden Gesichtshälften des mit Calderonscher Platte versehenen Okulars erscheinen ohne Präparat gleichmäßig grau, bei eingefügter doppelbrechender Platte erst dann wieder so, wenn die Auslöschungslage genau erreicht ist.

6. Auf ähnlichem Prinzip beruhen Apparate aus zwei entgegengesetst drehenden Quarzkeilen (Maçé de Lépinay) sowie aus zwei nebeneinander verwendet liegenden Quarzplatten, die mit darüber befindlichen, unter sich und zu den Quarzplatten verwendet liegenden Quarzkeilen verbunden



Fig. 415. Doppelter Quarzplattenkeil.

sind (Wrightscher doppelter Quarzplattenkeil, Fig. 415). Er gestattet die Benußung einer Reihe von Polarisationsfarben, von denen man die empfindlichste aussucht.

Verwendung monochromatischen Lichtes ist nötig, wenn die Auslöschungsrichtungen einer Platte für verschiedene Farben auseinanderfallen. Sollte für eine

Farbe die Platte auch in Diagonalstellung dunkel sein (z. B. für Na-Licht, wenn sie im Tageslicht einen violetten Polarisationston mit Wegdifferenz $= \lambda$ Na zeigt, vgl. S. 129), so wechselt man die Präparatdicke. Die oben gegebenen Kontrollen auf Auslöschungslage sind z. T. auch im einfarbigen Lichte anwendbar.

20. Bestimmung der optischen Gruppe nach der Lage der Auslöschungskreuze.

Die Lage der Auslöschungskreuze auf den Flächen eines doppelbrechenden Kristalls ist ganz entsprechend der optischen Symmetrie,







Fig. 417. Auslöschungslagen auf Flächen eines monoklinen Kristalls.

die der Fläche des betreffenden Systems zukommt. Handelt es sich (Fig. 416) z. B. um das erste Pinakoid eines rhombischen Kristalls, Gruppierung der Kristallsysteme. - Verhalten der Kristalle usw. 137

auf welcher Fläche zwei optische Symmetrieebenen MM und OO senkrecht stehen, so kann das Auslöschungskreuz RR, SS nur in MM, OO fallen; läge es schräg, etwa wie die punktierten Linien angeben, so würde das nicht mit orthotrimetrischer Symmetrie übereinstimmen. Durch Vergleich der Lage der Auslöschungskreuze auf den verschiedenen Flächen eines Kristalls kann man mithin auf seine Symmetrieverhältnisse, also auf die optische Gruppe schließen, der er angehört. Fig. 417 würde z. B. das Vorhandensein nur einer Symmetrieebene nachweisen. Der Kristall erweist sich links wie rechts gebildet, ist also optisch monosymmetrisch, d. h. monoklin.

Die optische Symmetrie der Kristallsysteme, die hier in Betracht kommt, ist schon S. 106/108 erwähnt.

Ehe wir auf die Lage der Auslöschungskreuze bei den Kristallen der verschiedenen Systeme eingehen, sei noch eine andere Einteilung in optische Gruppen gegeben.

21. Gruppierung der Kristallsysteme.

I. Optisch isotrop sind außer den amorphen Körpern die isometrischen Kristalle.

II. Optisch anisotrop sind alle übrigen Kristalle. Bei ihnen gliedert man weiter:

- 1. optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale und hexagonale Kristalle;
- 2. optisch zweiachsige Kristalle: rhombische, monokline und trikline Kristalle.

Optisch einachsige Kristalle haben eine Richtung einfacher Brechung (optischer Isotropie), das ist die Richtung der Hauptachse, Achse c. Sie heißt optische Achse. In allen anderen Richtungen sind die optisch einachsigen Kristalle doppelbrechend.

Optisch zweiachsige Kristalle haben zwei optische Achsen. In allen anderen Richtungen sind sie doppelbrechend.

Bemerkung. Wie noch besonders hervorgehoben sein soll, handelt es sich bei optischen Achsen um Richtungen (die man also durch jeden Körperpunkt des Kristalls legen kann), nicht aber um eine Linie.

22. Verhalten der Kristalle der verschiedenen optischen Gruppen bezüglich Isotropie und Lage der Auslöschungsrichtungen zwischen gekreuzten Nicols.

I. Optisch isotrope Körper hellen das dunkle Gesichtsfeld nicht auf; sie sind dunkel bei voller Tischdrehung und in jeder Richtung des Kristalls. II. Optisch anisotrope Kristalle.

1. Optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale, hexagonale Kristalle.

Denkt man sich aus einem solchen Kristall ein Rotationsellipsoid gedreht, dessen Drehachse parallel Achse c geht (Fig. 418), so kann man sich jede Fläche des Kristalls als Tangentialebene oder als kleinsten ebenen Flächenteil am Rotationsellipsoid vorstellen. Die Durchschnittslinie einer Ebene durch die Achse c und durch die Normale auf der Fläche gibt einen Arm des Auslöschungskreuzes an; der andere steht zu ihm senkrecht.

a) Platten senkrecht zur Achse *c* sind senkrecht zur optischen Achse. In Richtung der letzteren gibt es keine Doppel-



brechung. Solche Schnitte hellen das dunkle Gesichtsfeld nicht auf; sie sind dunkel bei voller Tischdrehung. Isometrische Kristalle in beliebigen Schnitten und Schnitte tri-



Fig. 418. Auslöschungslagen auf einem Rotationsellipsoid wirteliger Kristalle.

Fig. 419. Fig. 420. Auslöschungslagen auf den Flächen wirteliger Kristalle.

gonaler, tetragonaler und hexagonaler Kristalle senkrecht zur optischen Achse verhalten sich also gleich.

b) Platten parallel zur Achse c sind vertikale Tangentialebenen am Rotationsellipsoid (Fig. 418). Ein Auslöschungsarm fällt also auf ihnen in die Richtung parallel Achse c. Vgl. auch die senkrechten Flächen in Fig. 419/20.

c) Platten aus der Zone der Prismen zur Endfläche. Die Arme des Auslöschungskreuzes liegen parallel und senkrecht zur Projektion der Achse c auf die betreffende Fläche.

In Fig. 419/20 sind ein tetragonaler und ein hexagonaler Kristall wiedergegeben und die Lagen der Auslöschungsrichtungen eingetragen.

d) Bei beliebig schief gelegenen Platten findet man die Lage des Auslöschungskreuzes entsprechend der oben angegebenen allgemeinen Regel.

2. Optisch zweiachsige Kristalle.

a) Rhombische Kristalle.

Verhalten der Kristalle der verschiedenen optischen Gruppen usw. 130

Sie besitzen drei senkrecht aufeinanderstehende optische Symmetrieebenen, die mit den geometrischen Symmetrieebenen der höchst symmetrischen Klasse zusammenfallen. Diesen Symmetrieverhältnissen entsprechend liegen die Auslöschungskreuze. In Fig. 421 erkennt man Flächen, auf denen das zweite Pinakoid (eine der drei Symmetrieebenen) senkrecht steht. Die Auslöschungskreuze liegen auf diesen Flächen mit ihren Armen parallel und senkrecht zu dem Einschnitt des zweiten Pinakoids. Entsprechend sind die Auslöschungsrichtungen in Fig. 422 auf den Flächen senkrecht zum ersten Pinakoid und in Fig. 423 auf Flächen senkrecht zum dritten Pinakoid dargestellt.



Schema: Pinakoide bzw. pediale Flächen (Flächen zwei kristallographischen Achsen parallel): Auslöschung parallel und senkrecht zu den beiden kristallographischen Achsen im Pinakoid bzw. Pedion¹).

Prismatische bzw. domatische Formen (Flächen einer kristallographischen Achse parallel): Auslöschung parallel und senkrecht zur Achse in der prismatischen (bzw. domatischen) Fläche.

Pyramiden: Schiefe Auslöschung.

b) Monokline Kristalle.

Sie besitzen nur eine optische Symmetrieebene parallel dem zweiten Pinakoid.

Alle Flächen senkrecht zu dieser Symmetrie- Fig. 424. Auslöschungsebene müssen parallel und senkrecht zu dem monoklinen Kristalls. Einschnitt der letzteren auslöschen. Fig. 424. Auf

den anderen Flächen herrscht Schiefe der Auslöschung. Besonders sei auf die Schiefe der Auslöschung auf dem zweiten Pinakoid aufmerksam gemacht. Infolge der Optik »links wie rechts« müssen sich

¹) Mit Hilfe einer rhombischen Pinakoidplatte (z. B. eines Spaltblättchens von Anhydrit, Coelestin oder Anthophyllit), die parallel und senkrecht zu



lagen auf Flächen eines

natürlich zusammengehörige Flächen, wie z. B. linke und rechte Flächen eines Prismas, entgegengesetst symmetrisch verhalten (vgl. Fig. 417, S. 136).

c) Triklines System.

Der unsymmetrische Charakter des triklinen Systems zeigt sich auch in der schiefen Lage der Auslöschungskreuze auf den verschiedenen Flächen der triklinen Kristalle.

Anmerkung 1. Schnitte senkrecht zu einer optischen Achse bei optisch zweiachsigen Kristallen verhalten sich insofern eigenartig, als sie zwischen gekreuzten Nicols auch bei voller Tischdrehung nicht dunkel werden, sondern stets hell erscheinen.



Fig. 425. Dispersion der

Man faßt das als Erscheinung der sog, inneren konischen Refraktion auf, derzufolge in Richtung einer optischen Achse eines optisch zweiachsigen Kristalls ein Strahlenzylinder mit unendlich vielen Schwingungsrichtungen austritt, so daß diese Lichtbewegung wie gewöhnliches Licht durch ein Nicol nicht ausgelöscht werden kann (S. 156). Dabei hängt die Erscheinung aber auch damit zusammen, daß die gewöhnlichen Mikroskope nicht genau paralleles Licht liefern. Die stete Hellig-Auslöschungsrichtungen, keit solcher Schnitte ist ein wertvolles Kennzeichen

optischer Zweiachsigkeit. Anmerkung 2. Dispersion der Auslöschungsrichtungen.

Die Lage des Auslöschungskreuzes auf einer Fläche richtet sich, wie erwähnt, nach der optischen Symmetrie, die dieser Fläche in dem betreffenden System zukommt. Wo es nun diese Symmetrie erlaubt, kann eine Dispersion (ein Auseinanderfallen) der Auslöschungsrichtungen für die verschiedenen Farben statthaben.

Auf Pinakoiden und prismatischen Flächen des rhombischen Systems ist das nicht möglich, wohl auf Pyramidenflächen. Stellt z. B. Fig. 416, S. 136, ein rhombisches vorderes Pinakoid dar, auf dem mithin zwei Symmetrieebenen MM und OO senkrecht stehen, so muß das Auslöschungs» kreuz für alle Farben in RR, SS liegen; denn würde es z. B. für eine Farbe aus dieser Lage abweichen, vielleicht wie das gestrichelte Kreuz angibt, so würde das die rhombische Symmetrie stören.

Im monoklinen System kann auf den Flächen parallel Achse b keine Dispersion der Auslöschungsrichtungen vorkommen, wohl aber sonst, z. B. auf dem seitlichen Pinakoid, denn hier verträgt es sich mit der monoklinen optischen Symmetrie, daß z. B. eine Auslöschungsrichtung für Rot, Gelb, Blau so liegt, wie in obenstehender Fig. 425 angegeben ist.

den in ihr liegenden kristallographischen Achsen auslöschen muß, kann man sich vergewissern, ob die Fäden des Okulars parallel den Nicolhauptschnitten gehen. Eine scharfe Kontrolle ist gegeben, wenn man das Mikroskop (ohne Kondensor) direkt gegen Sonnenlicht hält und die Auslöschung bestimmt.

Beziehung zwischen der Lage der optischen Achsen usw.

Im triklinen System kann infolge mangelnder optischer Symmetrieebenen auf allen Flächen Dispersion der Auslöschungsrichtungen erscheinen.

Deutliche Dispersion der Auslöschungsrichtungen kommt selten vor. Wo sie vorhanden ist, wird man im Tages- oder Lampenlicht keine rasch eintretende, bestimmte Auslöschung erhalten, da diese ja nicht für alle Farben gleichzeitig eintritt. Auch können abnorme Polarisationstöne auftreten. Man stellt die Lage der Auslöschungsrichtungen im monochromatischen Licht fest. Beispiele: titanhaltige Auglite (Schnitte || 010); Anilin-Nickelchlorür (Lösung von Nickelchlorür mit Anilin verdunsten lassen); Borax (Dispersion auf $\{010\}$ 3° 12' zwischen $\lambda = 439,6$ und 614,9).

23. Beziehung zwischen der Lage der optischen Achsen und den Auslöschungsrichtungen beliebiger Flächen (Biot-Fresnelsche Regel).

Man lege senkrecht zur Kristallfläche durch die optischen Achsen zwei Ebenen und konstruiere deren Winkelhalbierungsebenen. Ihre Durchschnittslinien mit der Kristallfläche geben die Lage des Aus-





löschungskreuzes an. In Fig. 426 bezeichnen P die Projektion der Kristallfläche, A und A_1 die der optischen Achsen. Die Kreise PA und PA_1 sind die erwähnten Ebenen durch die optischen Achsen. Zur Halbierung des Winkels dieser Ebenen dient der Äquatorkreis BC des Pols P. DE wird von F halbiert. PF stellt die eine Auslöschungsrichtung dar.

Sucht man die Neigung der Auslöschung zu einer Kante, so kennzeichnet man letztere durch den zu ihr senkrechten Zonenkreis

und mißt den Winkel zwischen ihm und der erwähnten Halbierungsebene. Er entspricht der Ergänzung der gesuchten Auslöschungsschiefe zu 90°, also der zweiten Auslöschungsschiefe. Beispielsweise ist in Fig. 427 die Schiefe der Auslöschung für einige Flächen der Zone $\{010\}$: $\{100\}$ bei Augit graphisch bestimmt.

Noch anschaulicher läßt sich die Lage des Auslöschungskreuzes auf einer Fläche eintragen, wenn man ihren Pol in der stereographischen Projektion durch entsprechende Drehung in den Projektionsmittelpunkt bringt; die Fläche liegt dann dem Grundkreis parallel (vgl. S. 22). Die optischen Achsen haben entsprechend ihre Lage geändert. Man konstruiert ganz wie oben die Auslöschungs-





richtungen, indem man Ebenen durch den Mittelpunkt und die optischen Achsen A' und A'_1 legt und den Winkel halbiert. Die Einschnitte der Kreisebenen erscheinen jetzt als gerade Linien. Die Umgrenzung der Fläche wird wie üblich (S. 21) gezeichnet. In Fig. 428 ist in der Weise die Auslöschung auf {110} eines Augits konstruiert. RR und SS bilden das Auslöschungskreuz.

24. Auslöschungskurven.

Die Dreh- bzw. Umhüllungsapparate (S. 89) bieten die Möglichkeit, die Lage des Auslöschungskreuzes z. B. in einer Zone fortlaufend zu verfolgen, indem man die Kristallplatte bzw. den ganzen Kristall entsprechend wendet und jeweils nach kleinen Veränderungen beobachtend die Auslöschungsrichtungen feststellt. Es lassen sich dann

Auslöschungskurven.

Diagramme wie z. B. das der Fig. 429 aufstellen, in welchen die Abszisse den Drehwinkel und die Ordinate die Auslöschungsschiefe zur Zonenachse angibt¹). Auch kann man mittels der Drehapparate Kurven gleicher Auslöschung in stereographischer Projektion entwickeln, d. h. die Richtungen im Kristall eintragen, welche bestimmte Auslöschungsschiefen (z. B. 5^o, 10^o usw.) etwa zu einer Kante aufweisen. Alle diese Kurven gehen durch die Projektion der optischen Achsen, die man auf die Weise auffinden kann. Besonderes Interesse hat natürlich die Feststellung von Zonen, in welchen keine Auslöschungsschiefe zur Drehachse statthat, und die kristallographische Orientierung dieser Zonen.



In der Hinsicht sind folgende Umstände wichtig.

1. Isotrope Körper.

Stete Dunkelheit in beliebigen Zonen; beim Drehen in der Ebene des Objekttisches niemals Aufhellung.

2. Optisch einachsige Körper.

Auslöschungsschiefe zur Drehachse stets $= 0^{\circ}$, wenn diese parallel oder senkrecht zur Hauptachse verläuft. Im letzteren Fall stete Dunkelheit beim Tischdrehen, wenn das Licht den Kristall in Richtung der optischen Achse durchläuft.

¹) Die Lichtbewegung ist im Kristall infolge der Brechung anders gerichtet als außen. Man findet sie angenähert durch Anwendung des Brechungsgesetses sin $e/\sin i = n$, wo n den mittleren Brechungsexponenten bedeutet. Benutzt man als Umhüllungsmedium eine Flüssigkeit, deren Brechung mit der des Präparats übereinstimmt, so fällt die Reduktion fort. Man verwendet am besten monochromatisches Licht.

F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. 10

3. Optisch zweiachsige Kristalle.

a) Rhombische Kristalle. Auslöschungsschiefe zur Drehachse stets $= 0^{0}$, wenn lettere mit einer der drei kristallographischen Achsen (Durchschnittslinien der drei optischen Symmetrieebenen) zusammenfällt. In einem dieser drei Fälle machen sich die beiden optischen Achsen durch Aufhellung und (beim Tischdrehen) stete Helligkeit des Gesichtsfeldes geltend.

b) Monokline Kristalle. Auslöschungsschiefe zur Drehachse stets $= 0^{\circ}$, wenn letztere mit der Achse b (der Senkrechten auf der optischen Symmetrieebene) zusammenfällt.

c) Trikline Kristalle. Im allgemeinen stets Schiefe der Auslöschung in kristallographischen Zonen.

Durch geeignete Überlegungen gelingt es schon durch qualitative Beobachtungen, die Zugehörigkeit eines Kristalls zu einem bestimmten der fünf optischen Systeme festzulegen bzw. die Unterscheidung zwischen z. B. zwei möglichen zu treffen, etwa, wenn es sich darum handelt, ob das erste Pinakoid eines monoklinen oder rhombischen Kristalls vorliegt. Beim Drehen um Achse c wird sich im monoklinen Fall bald Auslöschungsschiefe zeigen (nach rechts und links gleich groß), im rhombischen Falle nicht.

Die Konstruktion und Berechnung der Auslöschungskurven geschieht mit Hilfe der Biot-Fresnelschen Regel (S. 141).

25. Bestimmung des optischen Plattencharakters (Schwingungsrichtung der langsameren und der schnelleren Welle).

Die Arme eines Auslöschungskreuzes sind nicht gleichwertig. Der eine entspricht der Schwingungsrichtung der geschwinderen, der andere der Schwingungsrichtung der langsameren der Lichtbewegungen, welche die Platte durchseten. Oft ist es zweckmäßig, diese Richtungen zu unterscheiden, da eine weitere Einteilung der Kristalle hiermit verknüpft ist.

Um festzustellen, ob RR (Fig. 430/31, S. 145) Schwingungsrichtung größerer oder kleinerer (mithin SS Richtung kleinerer bzw. größerer) Lichtgeschwindigkeit ist, verwendet man Präparate bekannter optischer Orientierung, die man mit der zu untersuchenden Platte optisch kombiniert.

a) Benutzung des Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung, d. h. eines Gipsspaltblattes, welches gerade das Rot 1. Ordnung als Polarisationsfarbe zwischen gekreuzten Nicols aufweist. Es wird zwischen Glasplättchen eingelegt. Die Gipsplatte habe ihre Schwingungsrichtungen (Auslöschungskreuz) in kk, gg (Fig. 430/31), und es sei bereits bekannt, daß kk Schwingungsrichtung der Lichtbewegung mit kleinster, gg Schwingungsrichtung der Lichtbewegung

Bestimmung des optischen Plattencharakters usw.

mit größter Geschwindigkeit in der Gipsplatte ist¹). Wir legen den Gips in Diagonalstellung, in der er seine rote Polarisationsfarbe zeigt, und zwar so, daß kk wie in Fig. 430 und 431 von unten links nach oben rechts schräg im Gesichtsfelde verläuft (Regelstellung des Gipsblättchens). Am besten schiebt man das Gipsblättchen unmittelbar über dem Polarisator ein; bei den meisten Mikroskopen ist aber dafür ein Schlitz über dem Objektiv vorgesehen; seltener legt man es unter den aufgesetzten Analysator auf das Okular.

Die zu untersuchende Platte bringt man nunmehr durch Tischdrehen in die beiden Lagen Fig. 430 und 431, so daß einmal SS, das andere Mal RR mit kk zusammenfällt, und beobachtet in den beiden Lagen die Polarisationsfarbe, die das eine Mal hoch, das andere Mal niedriger ist. Wenn der höhere Polarisationston erscheint, so



Anwendung des Gipsblättchens vom Rot 1. O. zur Bestimmung der Schwingungsrichtung der schnelleren und langsameren Welle.

liegt die Schwingungsrichtung der langsamen Lichtbewegung in der zu untersuchenden Platte parallel kk des Gipses, so daß man hieraus erschließen kann, ob RR oder SS der Platte Schwingungsrichtung der Lichtbewegung mit kleinster Geschwindigkeit ist.

Anmerkung. Die Benutjung des Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung erscheint besonders in folgenden Fällen durchaus zuverlässig. a) Der Polarisationston der zu untersuchenden Platte für sich ist ein Grau 1. Ordnung. Mit dem Gipsblättchen zusammengeschaltet erscheinen in den beiden Lagen Blau bzw. Gelb. Blau ist der höhere Polarisationston. b) Polarisationston der Platte Rot 1. Ordnung. Kombinationsfarben: Rot und Schwarz. Schwarz

¹) Gewöhnlich ist die Richtung k k vom Mechaniker mit einem Pfeil bezeichnet. Man tut natürlich gut, mit Hilfe eines bekannten Präparats [z. B. Quarz nach (1010), c = k] nachzuprüfen. Auch kann man folgenden Umstand benutzen. Dreht man ein Gipsblättchen vom Rot 1. Ordnung um die eine und die andere Auslöschungsrichtung derart, daß die Drehachse 45° mit den Nicolhauptschnitten bildet, so geht die rote Polarisationsfarbe einmal in Blau, das andere Mal in Gelb über. Im Falle sie sich in Blau verändert, dreht man um k k.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

(niedriger Polarisationston) läßt keinen Zweifel bezüglich der Ordnung zu und ist deshalb besonders kennzeichnend. Eine von diesen einfach zu benutgenden Polarisationsfarben (Grau bzw. Rot 1. Ordnung) kann man oft bei starker Vergrößerung an einzelnen Stellen, z. B. am auskeilenden Rande oder an Löchern des Präparats, erkennen, auch wenn der übrige Plattenteil höhere Töne aufweist, deren Benutgung gelegentlich täuscht.

b) Benutyung eines doppelbrechenden Keils.

Bei jeder ebenen einheitlichen Platte, so also auch beim Gips vom Rot 1. Ordnung, hat man zur Kombination mit dem des zu untersuchenden Körpers nur eine Polarisationsfarbe zur Verfügung. Ausgiebiger sind natürlich doppelbrechende Keile (Quarzkeil, Gipskeil). Sie stellen ganze Reihen von Polarisationsfarben bis zu höheren Ordnungen hinauf dar. Insbesondere bei der Untersuchung stark doppelbrechender Substanzen ist ein solcher Hilfsteil des Mikroskops nicht zu entbehren. Meist liegt in den Keilen die Schwingungsrichtung der Lichtbewegung kleinster Geschwindigkeit kk parallel der Keilschneide (Kontrolle z. B. durch Addition des Gipsblättchens unter Benutzung des Grau oder Rot 1. Ordnung vom Keil). Recht sehr zu empfehlen ist es, die Polarisationsfarbe der zu untersuchenden Platte durch den Keil bis zum Schwarz zu kompensieren. Bei Benutzung dieser Subtraktionsfarbe ist ein Irrtum ausgeschlossen, insbesondere wenn man sich überzeugt, daß beim langsamen Bewegen des Keils nach beiden Seiten von der Kompensationslage (Doppelbrechung = 0) die Interferenzfarben symmetrisch steigen.

Anmerkung. Der Fedorowsche Glimmerkeil bietet zufolge treppenartig übereinandergelegter Glimmerblättchen eine um je $1/4 \lambda$ wechselnde Folge von Polarisationsfarben dar.

c) Benutsung der Wrightschen Quarz-Gipskombination. Es handelt sich um einen Quarzkeil 1.—3. Ordnung, über den ein Gipsblättchen oder eine Quarzplatte vom Grün 2. Ordnung (oder einer anderen Farbe niederer Ordnung) derart gekittet ist, daß der Gips den Quarz an der Stelle gleicher Wegdifferenz kompensiert. Hier lagert also ein dunkler Streifen. Nach rechts und links steigen die Polarisationsfarben allmählich vom Dunkel an. (Beim gewöhnlichen Quarzkeil fehlt das Schwarz, weil man ihn nicht dünn genug zu schleifen vermag.) Am Ende des Apparats hat man noch ein Gipsblättchen vom Rot 1. Ordnung für sich angebracht. Zudem gestattet eine Lücke freie Durchsicht.

Bemerkung. Außer dem Tisch mit der zu untersuchenden Platte läßt sich bei neueren Mikroskopen die Kompensationsvorrichtung drehen.

Zur Erklärung obiger Verhältnisse sei darauf hingewiesen, daß bei gleichartiger Überlagerung zweier doppelbrechender Platten (Schwingungsrichtung schneller und langsamer Lichtbewegung in den Platten parallel)

Nachweis sehr schwacher Doppelbrechung. - Optischer Charakter usw. 147

sich die Vergrößerung des in der ersten Platte entstehenden Gangunterschiedes durch die zweite Platte in einem hohen Polarisationston kennzeichnet gegenüber dem entgegengesetsten Fall (Schwingungsrichtung schneller Lichtbewegung der einen Platte parallel der Schwingungsrichtung langsamer Lichtbewegung der anderen), bei dem der verringerte Gangunterschied sich in einem niedrigeren Polarisationston geltend macht.

Anmerkung. Dispersion der Doppelbrechung kann die Kompensation mehr oder weniger verwischen.

26. Nachweis sehr schwacher Doppelbrechung.

Für gewöhnlich erkennt man die Doppelbrechung an der Aufhellung bzw. an den Farben, welche ein Kristall im dunklen Gesichtsfelde der gekreuzten Nicols hervorruft. Bei sehr schwacher Doppelbrechung ist diese Aufhellung gering, und sie entgeht dann wohl dem Auge. Grelle Beleuchtung des Präparats, event. durch Bogenlicht, hilft in solchem Falle. Noch besser ist die Benutgung von doppelbrechenden Platten, deren Polarisationsfarbe durch die schwache Doppelbrechung einer mit ihnen kombinierten Substanz stark verändert wird. Geeignet in der Hinsicht ist das Gipsblättchen vom Rot 1. Ordnung. Seine rote Polarisationsfarbe wird in Blau oder Gelb umgeändert, wenn die auch nur sehr schwache Doppelbrechung eines anderen Körpers sich mit der des Gipses vereinigt. Hat man es also mit Fällen zweifelhafter Doppelbrechung zu tun, so schiebt man das Gipsblättchen über dem Objektiv oder bei aufgesetstem Analysator unter letteren in den Gang der Strahlen so ein, daß es dem Gesichtsfelde die rote Polarisationsfarbe gibt, und untersucht das Präparat auf dem Objekttisch unter Drehen auf etwaige Änderung dieser Polarisationsfarbe. Auch kann man zum nämlichen Zwecke das Calderonsche oder Bertrandsche Okular benutzen (S. 135/36).

Objektträger sind zuweilen schwach doppelbrechend durch Spannungen infolge zu schneller Abkühlung des Glases; sie sind zu verwerfen. Hingegen ist das schwarze Kreuz starker Objektive zwischen + Nicols keine Spannungserscheinung, sondern Folge der Polarisation durch Brechung und nicht zu vermeiden.

27. Optischer Charakter der Kristalle (optisch positive und optisch negative Kristalle).

1. Optisch einachsige Kristalle (trigonale, tetragonale und hexagonale Kristalle).

Bei allen optisch einachsigen Kristallen verlaufen die Schwingungs-

richtungen der außerordentlichen Lichtbewegung im Hauptschnitt, die der ordentlichen jeweils senkrecht dazu (Fig. 432).

Man nennt optisch einachsige Kristalle optisch positiv, wenn die Richtung der Achse c Schwingungsrichtung der Lichtbewegung kleinster Geschwindigkeit ist; $c = k = \gamma$; optisch negativ, wenn



Fig. 432. Schwingungsrichtungen von o und e auf dem Rotationsellipsoid eines optisch einachsigen Kristalls. die Richtung der Achse c Schwingungsrichtung der Lichtbewegung größter Geschwindigkeit ist; $c = g = \alpha^{-1}$).

Durch Beobachtungen auf Flächen parallel oder auch schräg zur Achse c kann man mit Hilfe

einer Kompensationsplatte oder eines Keils diese Unterscheidung leicht treffen. Fig. 433 möge z. B. eine Platte parallel zur Achse cund die Lage des Auslöschungskreuzes darstellen. Würde sich RR als Richtung kk ergeben, so wäre der Kristall positiv, würde RR als Richtung gg erkannt, so wäre der Kristall negativ doppelbrechend.



Fig. 433. Auslöschungskreuz.

2. Optisch zweiachsige Kristalle.

Es seien AA (Fig. 434) die Richtungen der beiden optischen Achsen. Man nennt die durch sie gelegte Fläche die »Ebene der optischen Achsen«, die Senkrechte auf dieser Ebene die «optische



Fig. 434. Schema der Lage von optischen Achsen und Mittellinien.

Fig. 435. Positive Doppelbrechung.

Fig. 436. Negative Doppelbrechung.

Normale«, die Halbierungslinie $M_1 M_1$ des spitten Winkels der optischen Achsen die »erste Mittellinie« (oder 1. Bisektrix), die Halbierungslinie

¹) Die Schwingungsrichtung der Lichtbewegung kleinster Geschwindigkeit k liefert den größten Brechungsexponenten γ , die der Lichtbewegung größter Geschwindigkeit g den kleinsten Brechungsexponenten α . Für k ist auch der Buchstabe c, für g die Bezeichnung α gebräuchlich.
Strahlengeschwindigkeiten und Indikatrixflächen.

 $M_2\,M_2$ des stumpfen Winkels der optischen Achsen die »zweite Mittellinie« (oder 2. Bisektrix). Erste und zweite Mittellinie stehen natürlich aufeinander senkrecht.

Stets sind die Mittellinien die Schwingungsrichtungen von Lichtbewegungen mit absolut kleinster und absolut größter Geschwindigkeit im Kristall. Die Senkrechte auf der Ebene der optischen Achsen, die sog. optische Normale, ist die Schwingungsrichtung einer Lichtbewegung mit mittlerer Geschwindigkeit.

Man nennt einen optisch zweiachsigen Kristall

optisch positiv, wenn die Schwingungsrichtung der langsamsten Lichtbewegung, also $k k = \gamma$, mit der ersten Mittellinie zusammenfällt (Fig. 435), und

optisch negativ, wenn die Schwingungsrichtung der schnellsten Lichtbewegung, also $gg = \alpha$, mit der ersten Mittellinie dieselbe Richtung hat (Fig. 436).

Auf einer Platte parallel zur Ebene der optischen Achsen (Fig. 434/36) stimmen die Schwingungsrichtungen (Auslöschungsrichtungen) stets mit der Richtung der Mittellinien überein, und man kann also mit Hilfe einer kompensierenden Vorrichtung (S. 144) erkennen, wie die Mittellinien verlaufen. Auf beliebigen Flächen hat man es natürlich nicht mit γ und α , sondern mit anderen Werten γ' und α' zu tun. Welche Auslöschungsrichtung γ' bzw. α' ist, ermittelt man durch die Additions- und Subtraktionsmethode S. 144. Die Biot-Fresnelsche Regel sagt gleichfalls über die Lage von γ' und α' aus. In Fig. 426, S. 141 ist der Winkel zwischen A und $A_1 \leq 90^{\circ}$; dann gilt: $PR = \gamma'$, falls 1. $M = \gamma$, hingegen $= \alpha'$, wenn 1. $M = \alpha$. Entsprechendes hat statt für optisch einachsige Kristalle.

Das Verständnis für diese Gruppierung und für das Verhalten der Glieder der einzelnen Gruppen wird sehr wesentlich gefördert durch die Kenntnis der sog. Strahlengeschwindigkeitsflächen und der Indikatrixflächen.

28. Strahlengeschwindigkeitsflächen und Indikatrixflächen.

Man denke sich eine monochromatische Lichtquelle in einer durchsichtigen Substanz und die Ausbreitung des Lichtes in Strahlen durch Linien nach allen Richtungen gekennzeichnet. Ein Punkt auf jeder Linie gebe an, wie weit der Lichtstrahl in der Zeiteinheit gelangt ist. Die Gesamtheit dieser Punkte bildet die

Strahlengeschwindigkeitsfläche.

1. Einfach brechende (optisch isotrope) Körper.

Die Geschwindigkeit des Lichtes ist bei ihnen nach allen Richtungen gleich; ihre Strahlengeschwindigkeitsfläche ist also eine Kugel.









Fig. 438. Strahlengeschwindigkeitsfläche. Optisch einachsig

Fig. 439. Strahlengeschwindigkeitsfläche. Optisch einachsig negativer Kristall.

Fig. 440. Konstruktion der Lichtbewegung in Kalkspat. Lichtstrahlen parallel zur optischen Achse einfallend.





Fig. 441. Konstruktion der Lichtbewegung in Kalkspat. Lichtstrahlen schräg "zur" optischen Achse (senkrecht auf $\{10\bar{1}1\}$)" einfallend.

Fig. 442. Konstruktion der Lichtbewegung in Kalkspat. Lichtstrahlen senkrecht zur optischen Achse [einfallend.

Strahlengeschwindigkeitsflächen und Indikatrixflächen.

Nach dem Huygensschen Prinzip findet man den Weg der Lichtstrahlen, indem man die Punkte der Strahlengeschwindigkeitsfläche zum Ausgang neuer Lichtbewegungen nimmt, d. h. um sie wiederum Strahlengeschwindigkeitsflächen konstruiert, sodann die gemeinsame Tangentialebene zieht und die Tangentialpunkte mit dem Ausgangspunkte verbindet. Vgl. Fig. 437. Sie stellt die Ausbreitung des Lichtes in einem isotropen Medium dar.

2. Doppelbrechende (optisch anisotrope) Körper.

Weil sich bei doppelbrechenden Körpern in derselben Richtung im allgemeinen zwei Lichtbewegungen von verschiedener Geschwindigkeit fortpflanzen, so ist ihre Strahlengeschwindigkeitsfläche doppelschalig.

a) Optisch einachsige Körper.

Die Strahlengeschwindigkeitsfläche besteht aus einer Kugel und einem Rotationsellipsoid, die sich im Durchstichpunkt der Vertikalachse berühren. Es gibt also bei Körpern dieser Gruppe eine (ordentliche) Lichtbewegung o mit nach allen Richtungen gleicher Geschwindigkeit und eine (außerordentliche) Lichtbewegung e, deren Geschwindigkeit mit der Richtung wechselt. In Richtung der Achse c stimmen die Geschwindigkeiten der ordentlichen und außerordentlichen Lichtbewegung überein (Achse der Isotropie).

Untergruppen: 1. optisch positive Körper: *o* geschwinder als *e* (Fig. 438), 2. optisch negative Körper: e geschwinder als o (Fig. 439).

Die Konstruktion der Lichtbewegung in Kalkspat zeigen die Figuren 440-442 für drei wichtige Fälle.

Fig. 440. Lichtstrahlen fallen parallel der Achse der Isotropie (senkrecht zur Endfläche) ein; keine Brechung, keine Doppelbrechung.

Fig. 441. Lichtstrahlen fallen senkrecht zu einer Rhomboederfläche ein: keine Brechung für o, Brechung für e, deutliche Doppelbrechung.

Fig. 442. Lichtstrahlen fallen senkrecht zur Achse c ein: o- und c-Strahlen behalten beide ihre Richtung, Doppelbrechung also nicht sichtbar. b) Optisch zweiachsige Körper.

Die Strahlengeschwindigkeitsflächen sind durch Fig. 443 und in einem besonders wichtigen Schnitt in Fig. 444, S. 152 gekennzeichnet. In dieser Schnittebene, in welcher sich ein Kreis und eine Ellipse durchschneiden, sind OA und OA die Richtungen der optischen Achsen (auch Binormalen genannt), St. A. die Richtungen der Strahlenachsen oder «Biradialen».

Anmerkung. Natürlich entsprechen die Strahlengeschwindigkeitsflächen bezüglich ihrer allgemeinen Gestalt und ihrer Lage im Kristall den Anforderungen der optischen Symmetrie, wie sie S. 106/8 zusammengestellt sind.

Sehr anschaulich wird die optische Eigenart der doppelbrechenden Kristalle auch durch die Kennzeichnung der Schwingungsrichtungen, welche die Hauptbrechungsindizes liefern. Letztere sind die Halbachsen der sog.

Indikatrix.

1. Optisch einachsige Kristalle. Indikatrix ein Rotationsellipsoid mit Achse *c* als Drehachse. a) mit positiver Doppelbrechung: Schwingungen parallel Achse c (optische Achse) liefern den größten Brechungsindex ,, solche senkrecht Achse c den kleinsten Brechungsindex α (Fig. 445); b) mit negativer Doppelbrechung $c = \alpha$, alle Richtungen senkrecht $c = \gamma$ (Fig. 446).

Bemerkung. Da die Hauptbrechungsquotienten den Geschwindigkeiten der Lichtbewegungen umgekehrt proportional sind, so ist bei positiven einachsigen Kristallen $n_o < n_e$, bei negativen $n_o > n_e$ (z. B. Quarz, positiv, für Gelb $n_o = 1,5442 n_e = 1,5533$; Kalkspat negativ $n_o = 1,6585, n_e = 1,4863$).













Fig. 445. Schema der Indikatrix eines optisch Fig. 446. Schema der Indikatrix eines optisch einachsig positiven Kristalls.

einachsig negativen Kristalls.

2. Optisch zweiachsige Kristalle. Indikatrix ein dreiachsiges Ellipsoid. Die Figuren 447/49 stellen gewissermaßen rechtwinklige optische Achsenkreuze $\alpha \beta \gamma$ dar ($\alpha \angle \beta \angle \gamma$). Schwingungen parallel $\alpha \alpha$ liefern α , solche parallel $\beta \beta$ geben β und die parallel $\gamma \gamma$ geben γ . Vor allem wichtig ist die Ebene durch die Achsen α und γ .

Strahlengeschwindigkeitsflächen und Indikatrixflächen.

In ihr muß es vier Werte β' geben, die gleich β sind. Diese Richtungen β' kennzeichnen mit der von β im Achsenkreuz zwei Kreisebenen, in denen also Durchmesserverschiedenheiten nicht bestehen. Die Lotrichtungen AA auf den beiden Ebenen $\beta\beta'$ sind die optischen Achsen.

Liegt β' nahe an α (Fig. 448), so sind die optischen Achsen nahe an $\gamma\gamma$, d. h. $\gamma\gamma$ ist dann erste Mittellinie. Der Kristall ist optisch positiv. Liegt β' nahe an γ (Fig. 449), so herrscht negative Doppelbrechung.



Fig. 447. Indikatrix eines optisch zweiachsigen Kristalls. Dreiachsiges Ellipsoid mit zwei Kreisschnittebenen, zu denen senkrecht je eine optische Achse *O* A (Binormale) verläuft.



Fig. 448. Schema der Indikatrix eines optisch zweiachsig positiven Kristalls.

Zu jeder Wellennormalen N gehören im allgemeinen Fall zwei Schwingungsrichtungen α' und γ' . Es sind die senkrecht aufeinanderstehenden Halbdurchmesser der Ellipse, welche eine zur Wellennormalen senkrechte und durch O gelegte Ebene mit der Indikatrix bildet (Fig. 450, S. 154).

Bemerkung. Wird $\beta' = \alpha$, erreicht also die Annäherung an β' an α ihr Maximum, so hat man den Fall optischer Einachsigkeit mit positiver Doppelbrechung (optische Achse in $\gamma \gamma$), wird $\beta' = \gamma$, so liegt optische Einachsigkeit negativer Art vor (optische Achse in $\alpha \alpha$). Bei rhombischen, monoklinen und triklinen Kristallen sind solche Verhältnisse der Gleichheit nur für eine Lichtsorte möglich, bei trigonalen, tetragonalen und hexagonalen Körpern trifft die Einachsigkeit für alle Farben zu.

Anhang. Wellenlängenflächen. Die Wellenlängen für eine Farbe sind bei isotropen Körpern nach allen Richtungen gleich, bei doppelbrechenden Kristallen nur für die ordentliche Lichtbewegung, bei der außerordentlichen wechselnd mit der Richtung. Dementsprechend lassen sich Wellenlängenflächen konstruieren. Sie stehen den Strahlengeschwindigkeitsflächen nahe:





Fig. 449. Schema der Indikatrix eines optisch zweiachsig negativen Kristalls.

Fig. 450. Wellennormale N und zugehöriger Schnitt durch die Indikatrix.

doch haben sie z. B. bei der außerordentlichen Lichtbewegung optisch einachsiger Körper nicht die Gestalt eines Rotationsellipsoids, sondern eines Ovaloids. Die eigenartige Veränderlichkeit von λ in einer Hauptebene eines optisch zweiachsigen Kristalls ist in Fig. 451 erläutert.

Das Fortschreiten einer Lichtbewegung im allgemeinen Fall eines



Fig. 452.

Fig. 451. Schnitt durch die Wellenlängenfläche eines optisch zweiachsigen Kristalls.

anisotropen Kristalls stellt Fig. 452 vor. Ist O der Ausgangspunkt einer Lichtbewegung einer bestimmten Schwingungszahl (Lichtfarbe)

Äußere und innere konische Refraktion.

so sei die langsamere Bewegung in einer Zeiteinheit bis zur Wellenfläche W, die schnellere bis W' gelangt. Die Strecke SS' stellt somit den Wegunterschied zweier in derselben Richtung verlaufenden Lichtstrahlen dar. Tangentialebenen W und W' in S und S' versinnbildlichen das Voranschreiten ebener Wellenflächen. Die Brechungs-



indizes n beziehen sich auf die Geschwindigkeiten in Richtung der Wellennormalen, und zwar ist n zur Normalengeschwindigkeit reziprok.

Aus der Fig. 453 erhellt ohne weiteres die Beziehung der Wellen-



Fig. 453. Konstruktion der Normalenfläche aus der Strahlengeschwindigkeitsfläche eines optisch einachsigen Kristalls.

Fig. 454. Strahlengeschwindigkeits- und Normalenfläche eines isotropen Stoffes.

normalenfläche zur Strahlengeschwindigkeitsfläche, erstere ist die Fußpunktfläche letzterer. Die Fig. 453 gilt für einen optisch einachsigen Kristall. Man erkennt das Zusammenfallen von Strahl und Wellennormale in Richtung der optischen Achse und senkrecht dazu; bei isometrischen Kristallen ist das in jeder Richtung der Fall (Fig. 454).

29. Äußere und innere konische Refraktion.

Strahlen, die in Richtung einer Biradialen (S. 151) verlaufen, liefern die Erscheinung der äußeren, solche in Richtung der Binormalen (optischen Achsen) die der inneren konischen Refraktion.

1. Äußere konische Refraktion.

Die Raumfigur der Strahlengeschwindigkeitsfläche optisch zweiachsiger Kristalle hat um den Ausstich der Biradialen R je eine nabelförmige Vertiefung. Hier können also unendlich viele Tangentialebenen an die Strahlenfläche gelegt werden. Zu diesen Ebenen gehören entsprechend viele Normalen; sie bilden einen Kegel, dessen Grenznormalen N_1 und N_2 in Fig. 455 (S. 156) vermerkt sind. Zufolge ihrer verschiedenen Lichtgeschwindigkeiten stellen sich beim Austritt der Lichtbewegungen aus dem Kristall in den Außenraum abweichende Brechungen ein, so daß hier ein Lichtkegel der äußeren konischen Refraktion entsteht. Seine Öffnung beträgt bei Gips 18', bei Aragonit 1 º 42', beim α -Äthylpyruvat-Hydrazon 12° 23'.

2. Innere konische Refraktion.

An den Durchstichpunkten der Binormalen läßt sich an die Strahlengeschwindigkeitsfläche zufolge der hier einsetgenden nabelförmigen Einbuchtung jeweils eine Tangentialebene mit kreisförmiger Berührung legen.



Fig. 455. Äußere konische Refraktion.

Die Verbindung der Kreispunkte mit O ergibt den Kegel der inneren konischen Refraktion. Ihm gehören die Strahlen an, welche der in Binormalenrichtung fortschreitenden Welle entsprechen. Der Strahlenkegel wandelt sich beim Austritt der Lichtbewegung in einen Strahlenzylinder um, dessen Achse auf der Tangentialebene senkrecht steht. In Fig. 456 sind zwei Begrenzungsstrahlen 1 und 2 gezeichnet.



Fig. 456. Innere konische Refraktion.

30. Wechsel der Stärke der Doppelbrechung mit der Richtung.

1. Optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale, hexagonale Kristalle.

Die Strahlengeschwindigkeits- und die Indikatrixflächen (Fig. 438/39 u. 445/46) zeigen, daß ein optisch einachsiger Kristall in der Richtung der Achse c (optischen Achse) keine Doppelbrechung hat; die Differenz der Geschwindigkeiten von o und e ist hier = o. Das Maximum der Doppelbrechung besitzen Strahlen, die senkrecht zur Achse cden Kristall durchdringen. Zwischen diesen beiden Extremen liegen die anderen Werte in allmählichem Übergang.

2. Optisch zweiachsige Kristalle: rhombische, monokline, trikline Kristalle.

In Richtung der optischen Achsen ist die Doppelbrechung = o; ihr Maximum erreicht sie auf Flächen parallel zur Ebene der optischen Achsen, denn dann schwingen die beiden durch die Platte gewonnenen Lichtbewegungen parallel α und γ , sie haben also die absolut größte und absolut kleinste der im Kristall vorkommenden Geschwindigkeiten.

Allgemein und angenähert kann man die Doppelbrechung $\gamma' - \alpha'$ einer beliebigen Platte aus einer Substanz mit den extremen Werten γ und α ausdrücken als $\gamma' - \alpha' = (\gamma - \alpha) \sin \varphi_1 \cdot \sin \varphi_2$, wo φ_1 und φ_2 die Winkel zwischen der Flächennormale und den optischen Achsen sind. Entsprechend trifft die Formel für optisch einachsige Kristalle zu.

Da bei letzteren $n_o = \omega$ konstant ist, so kommt es zur Berechnung der Doppelbrechung in beliebiger Richtung (mit Winkel y

Messung der Doppelbrechung.

zur Achse c) nur auf den Brechungsexponenten ε' in dieser Richtung an. Setzt man $n_c = \varepsilon$, so findet sich aus ω , ε und ν

$$\varepsilon' = rac{\varepsilon \, \omega}{\sqrt{\omega^2 \, \sin^2 \nu + \varepsilon^2 \, \cos^2 \nu}}.$$

Vom Wechsel der Doppelbrechung überzeugt man sich beim Studium entsprechend orientierter Schliffe oder mit Hilfe eines Drehapparates, in welchem man Kristalle oder Platten nach verschiedener Richtung dreht. Statt die Platten zu drehen, kann man auch das Licht durch eine ruhende, in Polarisationsstellung befindliche Platte mehr oder minder schräg hindurchschicken. Zu dem Zwecke schlug Schneiderhöhn vor, mit eingeschobener Kondensorlinse über dem Polarisator zu arbeiten. Diese schickt einen Lichtkegel in das Präparat. Durch eine dem Okular aufgesetzte verschiebbare Blende mit Loch (Blendenschieber) kann man Strahlen gewünschter Neigung heraussondern und die Veränderung der Polarisationstöne studieren. Bei schwacher Doppelbrechung fügt man zur Verstärkung ein Gipsblättchen vom Rot 1. Ordnung zu.

31. Messung der Doppelbrechung.

1. Messung der Doppelbrechung aus Plattendicke und Höhe des Polarisationstones.

Der Gangunterschied der beiden Lichtbewegungen in einer doppelbrechenden Platte hängt, wie erwähnt, ab: 1. von der dem Material in Richtung der Plattennormale eigenen Differenz der Lichtgeschwindigkeiten, die man in den (letzteren reziproken) Werten der Brechungsexponenten ausdrücken kann, also von $\gamma' - \alpha'$, und 2. von der Plattendicke d. Je stärker die Doppelbrechung $\gamma' - \alpha'$ und je größer die Plattendicke d, um so größer ist der Gangunterschied Δ . Es ist also $\Delta = (\gamma' - \alpha') d$, wo $\Delta =$ Wegdifferenz in Millimetern ¹).

Einen Anhalt für diese Wegdifferenz hat man in der Polarisationsfarbe der Platte. Ist die Farbe in ihrer Höhe festgestellt, so kann man in einer Tabelle (s. S. 158) die zugehörige Größe Δ aufsuchen und aus ihr und dem *d*-Wert ($\gamma' - \alpha'$) = Δ/d berechnen oder einem Diagramm entnehmen. Die Dispersion von $\gamma' - \alpha'$ ist dabei vernachlässigt.

Eine Platte sei 0,015 mm dick befunden und zeige als Polarisationsfarbe Rot 1. Ordnung. Dann ist $\Delta = 0,000551 = 0,015$ ($\gamma' - \alpha'$). Man findet ($\gamma' - \alpha'$) = 0,037.

¹) Aus $\Delta = (\gamma' - \alpha') d$ läßt sich bei bekannten Δ und $(\gamma' - \alpha')$ leicht die Dicke einer Platte als $d = \frac{\Delta}{\gamma' - \alpha'}$ berechnen, z. B. die Dicke eines Dünnschliffes. Weiter kann man nun aus dem jetzt bekannten d und aus der Höhe des Polarisationstons eines unbekannten Minerals im Schliff seine Doppelbrechung in bezug auf die vorliegende Schliffrichtung erschließen.

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Wegdifferenz Δ in MillimeternPolarisationsfarbe bei gekreuzten Nicolsfür Licht mit $\lambda = 0,000551 \text{ mm}$	Polarisationsfarbe bei parallelen Nicols
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Hellweiß Weiß Gelblichweiß Bräunlichweiß Braungelb Braun Hellrot Karminrot Dunkelrotbraun Tiefviolett Indigo Blau Graublau Bläulichgrün Bläßgrün Gelblichgrün Helles Grün Grünlichgelb Goldett Indigo Dunkelblau Grün Gelblichgrün Graublau Meergrün Gelblichgrün Grünlichgelb Gelblichgrün Grünlichgelb Gelblichgrün
1744 Image: Constraint of the second sec	Lila Karmin Graurot Blaugrau Jrün

Anmerkung. Tabelle der Wegdifferenzen und zugehöriger Polarisationsfarben.

Messung der Doppelbrechung.

Eine bloße Abschätung der Höhe der Polarisationsfarbe ist oft ungenau. Man kontrolliere dabei auf Grund der Überlegung, daß zu einer Interferenzfarbe zwischen gekreuzten Nicols eine bestimmte zwischen parallelen Nicols gehört (Tabelle S. 158). Gelegentlich kann man die Ordnung der Farbe am keilförmigen Rande von Präparaten abzählen. Sonst benutzt man einen kompensierenden Keil (S. 146). Ist die Doppelbrechung durch ihn auf Null zurückgeführt, so entfernt man das Präparat und vermerkt die Polarisationsfarbe des Keils; er ist gleich dem der Platte; die zugehörige Wegdifferenz findet man in der Tabelle oder auch gleich auf dem Keil in einer Skala angegeben.

Genauere Werte als bei Benutzung von Tageslicht (wie oben vorausgesetzt) erhält man durch folgende Methoden, bei denen monochromatisches Licht verwandt wird.

2. Messung der Doppelbrechung mittels des Babinetschen Kompensators.

Die Hauptteile des Kompensators, der als Okular gebaut ist, sind zwei Quarzkeile K und K' mit gleichem Winkel; sie werden durch umgekehrtes Übereinanderlegen zu einer Platte vereinigt. Obere und untere Fläche dieser Vereinigung sind parallel Achse c vom Quarz; doch liegt sie in den Keilen um 90° verwendet, also γ von K parallel α von K' und umgekehrt. Wo die Dicken der beiden übereinanderliegenden Keile gleich sind, tritt mithin Aufhebung der Doppelbrechung ein, was sich zwischen gekreuzten Nicols in der Diagonalstellung durch einen schwarzen Streifen kennzeichnet. Zu beiden Seiten hat man im Tageslicht farbige Interferenzstreifen, in monochromatischem Lichte weitere dunkle Streifen.

Eine doppelbrechende Platte, deren Auslöschungsrichtungen man mit den gekreuzten Achsen c des Kompensators parallel stellt, verändert natürlich die Lage des Kompensationsstreifens. Es bedarf einer Verschiebung des unteren beweglichen Keils, um die frühere Lage des Streifens wiederherzustellen, und zwar eine um so größere, je stärker die Doppelbrechung und die Dicke der zu untersuchenden Platte ist. Als Marke der Verschiebung dient ein Kreuz auf dem oberen Keil. An einer seitlichen Trommel kann man die Größe der Bewegung ablesen. Für genaue Bestimmungen ist paralleles Licht erforderlich; zu diesem Zwecke wird der Kondensor gesenkt oder entfernt.

Man eicht den Kompensator, indem man ohne Präparat im Natriumlicht die Verschiebung T (in Teilstrichen der Trommelteilung) mißt, die nötig ist, um den zweiten Streifen an die Stelle des ersten zu bringen. Diese Verschiebung entspricht einer Wegdifferenz λ_{Na} , also von 0,000589 mm⁻¹).

F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall -opt. sowie röntgen. Untersuchung. 11

¹) Es ist zweckmäßig, auch die Verschiebungen auszumessen, welche für den 3., 4., 5. und weitere Streifen nötig sind, um sie in die Lage des ersten zu brungen. Die Daten werden in Kurvenform verwertet.

Damit hat man einen Anhalt für die Messung der Doppelbrechung einer zu untersuchenden Platte, deren Dicke d bekannt ist, gewonnen. Erfordert lettere eine Verschiebung von T', um den ersten Streifen an seine Anfangslage zu bringen, so ist die dadurch von der Platte verursachte Wegdifferenz = $\frac{T'\lambda}{T}$. Die Doppelbrechung der Platte, gegeben durch $(\gamma' - \alpha')$ in $\Delta = d (\gamma' - \alpha')$ findet sich aus $\frac{T'\lambda}{T} = d (\gamma' - \alpha')$ zu $(\gamma' - \alpha') = \frac{T'\lambda}{Td}$

Wo sich der erste schwarze Streifen befindet, ermittelt man im Tageslicht. Ohne wesentlichen Fehler läßt sich die für Na-Licht gewonnene Konstante auch für Tageslicht übertragen. Zur größeren Genauigkeit kann man, statt die einfache Verschiebung des ersten Streifens zu messen, die doppelte Verschiebung in Betracht ziehen, indem man die zu untersuchende Platte in die zwei um 90° verschiedenen Diagonalstellungen bringt. Der Kompensationsstreifen wird dann in entgegengesetzter Richtung verschoben.

3. Der Kompensator von M. Berek besteht aus einer meßbar zu drehenden Kalkspatplatte; jede Stellung entspricht einer für die Kompensation zu verwendenden tabellarisch festgelegten Doppelbrechung. Ein



Fig. 457. Kompensator nach Berek.

besonderer Vorteil ist gegenüber dem Babinetschen Kompensator das hier vorgesehene Einschieben der Vorrichtung in den Schlit; über dem Objektiv.

4. Messung der Doppelbrechung mittels des Pulfrichschen Refraktometers.

Die S. 115 erwähnte Methode der Bestimmung der Brechungsquotienten mittels des Pulfrichschen Refraktometers liefert bei doppelbrechenden Kristallen selbst bei Anwendung nur einer Platte alle Brechungsexponenten, also $\omega = n_o$ und $\varepsilon = n_e$ bei optisch einachsigen und α , β und γ bei optisch zweiachsigen Kristallen.

Zur Ermittlung dieser Werte dreht man die der Halbkugel unter Benutsung einer stark brechenden Flüssigkeit aufgelegte Platte in ihrer Ebene vermittels der Rotationseinrichtung des Apparates und verfolgt dabei die zwei Totalreflexionsgrenzen. Man kann auf diese Weise Kurven aufstellen,

Messung der Doppelbrechung.

die Maxima und Minima erkennen lassen. Bei optisch einachsigen Kristallen beobachtet man im allgemeinen Fall zwei Grenzen, von denen die für ω konstanten Wert hat, die für ε zwei Extreme aufweist, von denen der im Verhältnis zu ω entfernteste Wert zu verwenden ist. Platten senkrecht Achse *c* liefern zwei Kreiskurven für ω und ε . Bei optisch zweiachsigen erhält man im allgemeinen zwei Kurven mit vier extremen Werten. Von ihnen sind der größte und kleinste Wert für α und γ zu verwerten, einer von den beiden mittleren für β . Welcher Wert für β zu entnehmen ist, ersieht man am einfachsten durch Benutgung einer zweiten, anders orientierten Platte, die wieder α und γ und zwei mittlere Werte liefert, von denen einer mit einem mittleren der ersten Platte übereinstimmt; er ist für die Berechnung von β zu benutgen. Bei besonderen Lagen der Kristallplatte vereinfacht sich dies allgemein anwendbare Verfahren entsprechend.

5. Messung der Doppelbrechung mittels der Prismenmethode.

a) Optisch einachsige Kristalle.

Ein Prisma mit brechender Kante parallel Achse *c* liefert $\omega = n o$ (Schwingung senkrecht *c*) und $\varepsilon = n e$ (Schwingung parallel *c*), ein solches mit brechender Kante senkrecht Achse *c* und mit einem zur Achse *c* nach Art einer Pyramide symmetrisch gelegenen Flächenpaar liefert ebenfalls n o und n c.

b) Optisch zweiachsige Kristalle.

Man bedenke, daß die drei zu einer Farbe gehörenden Hauptschwingungsrichtungen α , β und γ senkrecht aufeinander stehen (Fig. 458). Im rhombischen



Fig. 458. Schwingungsrichtungen eines optisch zweiachsigen Kristalls.



Fig. 459. Doppelbrechung eines Prismas.

System fallen sie für alle Lichtsorten mit den drei kristallographischen Achsen zusammen. Im monoklinen System liegt eine Hauptschwingungsrichtung in der Achse b; die beiden anderen befinden sich im zweiten Pinakoid, auf dem man ihre Lage an den Auslöschungsrichtungen auf {010} erkennt. Im triklinen System hat man keine allgemeine Beziehung der Lage von z, β und γ zum geometrischen Achsenkreuz. Man erkundet sie mit Hilfe von Umhüllungsapparaten als die Richtungen, zu denen sich beim Drehen des Kristalls keine Schiefe der Auslöschung zeigt.

Bei der Herstellung der Prismen legt man die brechende Kante des Prismas parallel einer der Richtungen α , β , γ und zudem meist das Flächenpaar des Prismas symmetrisch zu der auf der Prismenkante senkrechten Hauptschwingungsrichtung (Beispiel Fig. 459): die Prismenkante sei parallel γ , das Flächenpaar symmetrisch zur Achse α . Die durch das Prisma symmetrisch parallel β gegangenen Strahlen schwingen parallel α und γ (Betrachtung mit einem Nicol).

Ersichtlich erhält man mit zwei verschiedenen solcher Prismen vier Werte, also einen Brechungsexponenten doppelt.

Bemerkung. 1. Statt ein Prismenpaar symmetrisch zu einem Hauptschnitt (Schnitt durch zwei Hauptschwingungsrichtungen) zu benutzen, kann man auch eine Fläche des Prismas parallel diesem Hauptschnitt legen und das Licht auf ihn senkrecht einfallen lassen. Dann verlaufen die Licht-

bewegungen wie im ersten Fall. Die Formel $n = \frac{\sin \frac{\varphi + \delta}{2}}{\sin \frac{\varphi}{2}}$ (vgl. S. 115) vereinfacht sich dann zu $n = \frac{(\sin \varphi + \delta)}{\sin \varphi}$ (Fig. 460).





N

5

0

S

N

2. Mit Prismen, die lediglich so orientiert sind, daß ihre Kante parallel einer Hauptschwingungsrichtungsachse geht, erzielt man nur je einen Hauptbrechungsexponenten, nämlich mittels der Schwingung parallel zur Prismenkante. Zur Erlangung von α , β und γ sind also drei solcher Prismen nötig.

3. Eine Bestimmung der Brechung und damit der Doppelbrechung bei erhöhter oder erniedrigter Temperatur läßt sich bei Benutjung von Erhitjungsund Kälteapparaten für das Goniometer machen. (Vgl. S. 117).

6. Messung der Doppelbrechung vermittels der Einbettungsmethode.

Wie S. 110–115 geschildert ist, kann man Brechungsquotienten fester Körper durch deren Einbettung in Flüssigkeiten mit Hilfe der Beckeschen Linie oder der Methode nach Schroeder van der Kolk bestimmen. Bei doppelbrechenden Platten hat man es natürlich bei den betreffenden Untersuchung mit je zwei Quotienten zu tun. Ihre Differenz ergibt die Doppelbrechung.

Pleochroismus

Um die Bestimmung für die beiden aus einer doppelbrechenden Platte austretenden Schwingungen zu machen, muß man sie durch ein Nicol isolieren. Liegt z. B. eine Platte Kalkspat nach (1010) vor (Fig. 461a), so würde bei der Benutzung lediglich des Polarisators die Schwingung parallel RR (parallel Achse c, also die außerordentliche Lichtbewegung) untersucht werden. Es würde eine Flüssigkeit mit n = 1,487 für Na-Licht passen, entsprechend dem Brechungsindex ne beim Kalkspat. Bei der Stellung Fig. 461 b fände man n = 1.657, entsprechend n_0 des Kalkspats. Die Differenz $n_0 - n_e$ ergibt die Doppelbrechung der Platte.

Bemerkung. Als mittleren Wert der Brechung bei optisch zweiachsigen Kristallen bezeichnet man die Größe $\frac{\alpha + \beta + \gamma}{3}$, bei optisch einachsigen den Wert $\frac{\varepsilon + 2\omega}{2}$

Anhang. Dispersion der Doppelbrechung (vgl. S. 130).

Die Differenz der Brechungsquotienten, also die Doppelbrechung, ist mit der Lichtsorte veränderlich, wenn auch meist unbedeutend; im allgemeinen nimmt sie mit abnehmender Wellenlänge zu. Beispiel: Kalkspat.

	no	ne	$n_0 - n_e$
D-Licht	1,6584	1,4865	0,1719
H-Licht	1,6832	1,4977	0,1855

Der Quotient $v = \frac{(n_o - n_e)}{(n_o - n_e)} \frac{D}{H}$ ist hier $= \frac{0,1719}{0,1855}$, also fast gleich 1. Abnorm groß ist er z. B. bei Strontiumdithionat, fast 1,7.

32 Pleochroismus.

Wie die Lichtgeschwindigkeit wechselt bei doppelbrecheuden Substanzen auch die Lichtabsorption: 1. mit der Richtung und 2. mit der Schwingungsebene des Lichtes.

Zuweilen lassen sich beim Durchgang des Lichtes durch verschiedene Flächen eines Kristalls solche Absorptionsunterschiede sehr deutlich wahrnehmen. So mögen z. B. beim Durchsehen in der



Fig. 462.

Richtung der drei Achsen a. b, c, also in drei senkrecht aufeinanderstehenden Richtungen eines rhombischen Körpers, die Farben Blaugrün, Gelb und Blau erscheinen (Fig. 462).



strahlen mit senkrecht aufeinanderstehenden Schwingungen kommen, so kann man die Flächenfarben noch weiter nach den beiden Schwingungen zerlegen und letztere gesondert untersuchen.

Legen wir z. B. eine rhombische farbige Platte parallel dem ersten Pinakoid auf den Objekttisch des Mikroskops (Fig. 463, S. 163) und senden vermittels des Polarisators Licht, das parallel NN schwingt, in die Platte, so geht es ganz als Schwingung parallel cc hindurch und erscheint vielleicht grün. Drehen wir die Platte um 90° (Fig. 464), so geht das vom Polarisator kommende und parallel NN schwingende Licht ganz parallel bb durch die Platte, die dann etwa blau aussieht. Ähnlich würde man auf dem zweiten und dritten Pinakoid verschiedene Farben bei wechselnder Schwingungsrichtung des Lichtes beobachten. Der Analysator ist bei solchen Bestimmungen auszuschalten.

Bei Angaben über Pleochroismus ist natürlich zu vermerken, welche Schwingungen (der kristallographischen Lage nach) es sind, die einem bestimmten Farbenton entsprechen, z. B. bei einem Pleochroismus in Braun und Gelb auf einer Prismenplatte eines hexagonalen Kristalls, ob die Schwingung parallel Achse c braun oder gelb erscheint.

Außer Unterschieden nach der Farbe (Pleochroismus) läßt sich oft verschiedene Absorption derselben Farbe je nach der Schwingungsrichtung beobachten. Man erkennt das im monochromatischen Lichte. Auch kommt solche nach der Schwingungsrichtung verschieden starke Durchlässigkeit bei farblosen Substanzen vor.

Anmerkung. 1. Optisch isotrope Körper (amorphe Substanzen und reguläre Kristalle) zeigen keinen Pleochroismus.

2. Optisch einachsige Kristalle können Pleochroismus aufweisen. Die extremen Farben bei der Durchsicht nach verschiedenen Richtungen zeigen sich parallel und senkrecht zur Achse c. Farbenverschiedenheiten nach den Schwingungsrichtungen des Lichtes auf einer Fläche findet man natürlich nicht auf Platten senkrecht c, da hier keine Doppelbrechung vorhanden ist.

3. Optisch zweiachsige Kristalle. Rhombische Kristalle besitten in den Achsen a, b, c die Richtungen der Absorptionsextreme; monokline haben eine solche Richtung parallel der Achse b; die beiden anderen liegen im zweiten Pinakoid; bei triklinen Kristallen besteht eine allgemeine Beziehung in der Hinsicht nicht.

33. Zwillingsbildungen im polarisierten Lichte.

Da die beiden Individuen eines Zwillings nicht parallel liegen, heben sie sich in optischer Hinsicht, falls Doppelbrechung vorhanden ist, meist sehr deutlich voneinander ab, besonders durch die verschiedene Lage der Auslöschungsrichtungen. So kennzeichnet sich z. B. die Verwachsung von I und II (Fig. 465) sofort durch die Beobachtung im polarisierten Lichte. Wenn z. B. in einem Schnitt (Fig. 466)

Sphärolithe im polarisierten Lichte.

Individuum I in Auslöschungslage gebracht ist, erscheint II noch hell, und umgekehrt. Steht der betreffende in Untersuchung befindliche Schnitt (bzw. die betreffende Fläche) senkrecht zur Zwillingsebene, so ist die Auslöschung der beiden Individuen symmetrisch zur Zwillingsgrenze gelegen (Fig. 466), sonst unsymmetrisch. Fig. 467 stellt einen schiefen in Fig. 465 angedeuteten Schnitt dar.



Zuweilen erkennt man sogenannte polysynthetische Zwillingsbildung; dann haben sich eine sehr große Zahl von Individuen zwillingsmäßig vereinigt (Beispiel Plagioklas). Bei der Untersuchung, welche Individuen parallel liegen, nützt wesentlich die Anwendung des Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung. Sind zwei Individuen parallel, so müssen nicht nur ihre Auslöschungsrichtungen zusammenfallen,

sondern es müssen auch die Farbentöne, die durch Einschieben des Gipsblättchens entstehen, bei beiden Individuen während voller Tischdrehung übereinstimmen.

34. Sphärolithe im polarisierten Lichte.

Der Aufbau der Sphärolithe wird unter dem Mikroskop zwischen gekreuzten Nicols klargelegt. Besonders häufig kommt bei natürlichen



Fig. 468. Sphärolithe im parallelstrahligen linear polarisierten Lichte.

und künstlichen Kristallisationen ein radialstrahliger Bau vor (Fig. 468). Liegt die Auslöschung der Nädelchen, welche den Sphärolith zusammenseten, parallel zur Längsrichtung, so erscheinen alle die Nadeln dunkel, die von vorn nach hinten und die von links nach rechts liegen; es zeigt sich ein dunkles, beim Tischdrehen stehen-

bleibendes Auslöschungskreuz mit hellen Quadranten. In letzteren kann man mit Hilfe z. B. eines Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung oder eines Quarzkeils den optischen Charakter in der Längsrichtung der Nadeln feststellen.

Ähnliche Erscheinungen erkennt man bei Glaskügelchen mit Spannungserscheinungen.

Andere Sphärolithe sind schalig aufgebaut, wiedere andere feinkörnig. Lettere zeigen dann sogenannte Aggregatpolarisation.

35. Kristalle mit Drehungsvermögen. (Zirkularpolarisation.) Allgemeines.

Gewisse isometrisch kristallisierende Substanzen, z. B. NaClO_a, sowie eine Anzahl optisch einachsiger und auch zweiachsiger Kristalle haben die Eigentümlichkeit, die Schwingungsebene des durch sie hindurchgehenden linear polarisierten Lichtes zu drehen. Die betreffenden isometrischen Körper haben diese Eigenschaft in allen Richtungen, die hierhergehörigen nicht isometrischen in Richtung der optischen Achsen.

Es handelt sich bei der Zirkularpolarisation um eine Art Doppelbrechung, nämlich um die Zerlegung eines linear polarisierten Lichtstrahls in zwei



Fig. 469. Strahlengeschwindigkeitsflächen eines zirkular polarisierenden optisch einachsigen Kristalls.

zirkularpolarisierte (einen rechts- und einen linkszirkularen, d. h. aus kreisförmigen Schwingungen bestehenden), die sich mit verschiedener Ge-



Fig. 470. Zirkularpolarisation. (Drehung der Schwingungsebene linear polarisierten Lichtes.)

schwindigkeit fortpflanzen und beim Austritt wieder zu linear polarisiertem Licht zusammenseten. Daher berühren sich z. B. bei hierhergehörigen geometrisch wirteligen Kristallen die Strahlengeschwindigkeitsflächen o und e nicht im Durchschnittspunkt der Achse c (Fig. 469, in welcher zum Vergleich auch die gewöhnliche Form der Strahlengeschwindigkeitsfläche punktiert eingezeichnet ist). Beim zirkularpolarisierten Quarz ist also in Richtung der optischen Achse nicht $n_o = ne$. Der (sehr geringe) Unterschied ist aus den Zahlen $o = 1,544\,1884$ $e = 1,544\,260\,2$ ersichtlich.

Dringt linear polarisiertes, z. B. parallel *NN* (Fig. 470) schwingendes, gelbes Licht in eine zirkular polarisierende Platte etwa von Quarz

Erkennung d. Zirkularpolarisation. - Dispersion durch Zirkularpolarisation. 167

vtrigonal), so findet man die Schwingungsebene des aus ihr heraustretenden Lichtes gedreht, so daß sie nicht mehr parallel *NN*, sondern z. B. parallel *N' N'* geht. Sei der Drehwinkel bei einer 1 mm dicken Platte für Na-Licht = α , so dreht eine 2 mm dicke Platte derselben Substanz die Schwingungsebene um 2 α usw. Für Quarz ist α_{Na} = 21,67 °, für Zinnober α für Rot 619 µµ = 365 °.

36. Erkennung der Zirkularpolarisation.

Das an die Platte kommende monochromatische, linear polarisierte Licht eines Nicols schwinge parallel NN (Fig. 470). Wäre die Platte nicht vorhanden, so würde ein Nicol, dessen Schwingungsebene parallel $N_1 N_1$ geht, dieses vom ersten Nicol kommende Licht vernichten: das Gesichtsfeld würde dunkel erscheinen. Bei zwischengeschobener zirkularpolarisierender Platte kommen nun Schwingungen parallel N'N' an das zweite Nicol. Um sie zu vernichten, muß man natürlich $N_1 N_1$ senkrecht zu diesen Schwingungen N'N' stellen, mithin gleichfalls um den Winkel α , also bis zur Lage $N'_1 N'_1$, drehen. Die zwischengeschobene Platte wird somit bei gekreuzten Nicols hell erscheinen und erst dunkel werden, wenn man das obere Nicol, den Analysator, um den entsprechenden Winkel α gedreht hat. Die Größe dieses Winkels liest man an einer Teilung ab, an der sich der Rand des zweiten Nicols bewegt.

Um deutliche Resultate zu erzielen, muß man dafür sorgen, daß das Licht senkrecht auf die Platte fällt. Das wird (bei Benutjung des Mikroskops) in die Wege geleitet, wenn man zur Beleuchtung den Planspiegel gebraucht und die Linse, die gewöhnlich über dem Polarisator sitzt, abschraubt. Man benutzt ein schwaches Objektiv.

Für genaue Untersuchung der Zirkularpolarisation hat man besondere Apparate konstruiert (Katalog von Fueß, Stegliß, oder Schmidt & Haensch, Berlin).

37. Dispersion durch Zirkularpolarisation.

Der Drehwinkel α ist für die verschiedenen Lichtsorten sehr verschieden groß. Bei einer 1 mm dicken Quarzplatte bzw. Natriumchloratplatte hat α folgende Werte.

Linie..BCDEFGHQuarz..15,30°17,24°21,67°27,46°32,50°42,20°50,98°Natriumchlorat2,27°2,50°3,13°3,94°4,67°6,00°7,17°

Aus dieser Verschiedenheit von α für die verschiedenen Lichtsorten folgt, daß man bei Benutzung von Tages- oder Lampenlicht nie völlige Dunkelheit der zirkularpolarisierenden Platten erzielen kann; denn vernichtet man z. B. die roten Strahlen durch entsprechende Stellung des Analysators, so gehen doch andere Lichtsorten durch ihn hindurch. Die Platte wird farbig sein und ihre Farbe sich mit der Drehung des oberen Nicols ändern.

Stellt man im Falle der Fig. 471, in welcher die verschiedene Drehung der Schwingungsebene für eine Anzahl Lichtsorten eingezeichnet ist, die Schwingungsebene des Analysators parallel RR, so werden hauptsächlich die roten Strahlen ins Auge gelangen; dreht man den Analysator bis GG, so wird die Platte gelb erscheinen; dreht man ihn bis GrGr, so erbllickt man sie grün usw.

Man kann den Drehwinkel α für verschiedene Farben berechnen aus $\alpha = Ah^2 + Bh^4$, wo die Konstanten A und B aus zwei Messungen abzu leiten sind.

38. Rechtsdrehung und Linksdrehung.

Die zirkularpolarisierenden Kristalle derselben Substanz zerfallen in zwei Abteilungen: a) rechtsdrehende, b) linksdrehende. Kristalle der einen Art drehen die Ebene des polarisierten Lichtes nach rechts herum, die der anderen Art nach links herum, im übrigen aber um



Fig. 471. Rechtsdrehung.

Fig. 472. Linksdrehung.

die gleiche Größe bei gleicher Plattendicke. So gibt es z. B. rechtsdrehende und linksdrehende Quarze. Fig. 471 und 472 stellen Rechts- und Linksdrehung dar. Man erkennt, daß die Schwingungsebene z. B. für Rot in Fig. 471 nach rechts, in Fig. 472 nach links gedreht ist.

Folgt man bei Benutsung des Tages- oder Lampenlichtes den Farben im Sinne des Spektrums (d. h. in der Reihenfolge: Rot, Gelb, Grün, Blau), so muß man im Falle der Fig. 471 das obere Nicol von der Stellung RR aus (in der die Platte rot erscheint) nach rechts drehen, während bei Fig. 472 diese Drehung von RR aus nach links erfolgen muß, wenn man die Farben in derselben Reihe nacheinander erblicken will. Dies dient zur schnellen Unterscheidung der rechtsund linksdrehenden Modifikationen.

Untersuchungen im konvergenten polarisierten Lichte.

Untersuchungen im konvergenten polarisierten Lichte. 39. Wesen der Untersuchung im konvergenten polarisierten Lichte.

Bei den erwähnten optischen Untersuchungen wurde durch entsprechende Einrichtung des Mikroskops darauf Bedacht genommen, die optischen Eigenschaften der zu studierenden Objekte in der mit der Mikroskopachse zusammenfallenden Richtung LL (Fig. 473) zu kennzeichnen (Untersuchung im parallelen Lichte, orthoskopische Beobachtung). Es ist nun aber durch geringe Abänderung der optischen Anordnung möglich, mit einem Blick nicht nur die optischen Verhältnisse senkrecht zur Platte, sondern auch in sämtlichen anderen



Fig. 473. Orthoskopische Untersuchung.

Fig. 474. Konoskopische Untersuchung.

innerhalb eines Lichtkegels fallenden Richtungen zu beobachten (Untersuchung im konvergenten Lichte, konoskopische Beobachtung, Fig. 474).

Bemerkung. Jede Stelle eines konoskopischen Interferenzbildes entspricht also einer bestimmten Richtung im Kristall; sie wechselt im Bilde von Punkt zu Punkt. Die Bildmitte stellt die Verhältnisse in der Richtung senkrecht zur Platte dar: nach außen kommen immer schrägere Richtungen zur Geltung, und zwar im Verhältnis einer »orthographischen Projektion«. Diese kennzeichnet sich gegenüber der ihr im Prinzip ähnlichen stereographischen Projektion durch die Annahme eines in Richtung des Lotes auf der Projektionsebene unendlich fern gelegenen Augenpunktes.

40. Konoskopische Beobachtungsmethoden.

1. Das zum Konoskop umgewandelte Mikroskop.

Zur Umwandlung des Mikroskops in ein Konoskop benußt man Objektive von hoher Apertur. Entsprechend sind Kondensorsysteme großer Öffnung anzuwenden. Zwecks schnellen Wechsels hat man bei besseren Mikroskopen bequeme Einschaltvorrichtungen für die zur Verstärkung der Kondensorvorrichtung einzufügende Linse; sie muß einzuschalten sein, ohne das Präparat zu entfernen.

Man benutzt meist ein starkes Objektiv, bei sehr stark doppelbrechenden Substanzen bzw. dicken Schliffen indes schwächere

Kristallographisch-optische Untersuchungen.



Fig. 475. Polarisationsmikroskop von E. Leit, Wetslar. Schema des Strahlenganges bei orthoskopischer und bei konoskopischer Beobachtung.

Es sind jeweils vier das Gesichtsfeld begrenzende Strahlen eingezeichnet.

Orthoskop. Die Apertur der in einer K-Ebene abbildenden Büschel wird durch die Blende in einer *B*-Ebene eingeschränkt. Das Objekt in K_2 wird durch das Objektiv und die Kollektivlinse des Okulars in der Fadenkreuzebene K_3 abgebildet, wo man es,

mittels der Augenlinse des Okulars in der Hatenkreitet. Konoskop. Es ist (etwa in der Mitte der Tubuslänge) die Bertrandsche Linse ein-geschaltet. Das Bild des Objektes in K_2 entsteht vor der Kollektivlinse des Okulars in Ka. Das Auge benöbachete, mittels der Augenlinse des Okulars als Lupe, die Fadenkreuz-ebene in B_3 . Den Punkten dieser Ebene entsprechen Parallelstrahlenbündel verschiedener Richtung in K_2 . Die Apertur der in den *B*-Ebenen abbildenden Büschel wird durch die Blende in einer *K*-Ebene eingeschränkt,

Konoskopische Beobachtungsmethoden.

Systeme, und kann nun auf verschiedene Weise verfahren. Entweder beobachtet man die Erscheinungen vermittels einer auf das Okular gesetzten Lupe (Kleinsches Verfahren), oder man entfernt das Okular (Lasaulxsches Verfahren). Schließlich kann man auch das Okular im Tubus lassen und unter ihm eine zweite (Amici-Bertrandsche) Linse einfügen (Bertrandsches Verfahren). Die zwei Linsen bilden ein Hilfsmikroskop zur Betrachtung der hinteren Brennebene B_2 des Objektivs (Fig. 475). Mit dem gegenseitigen Verschieben von Okular und Bertrandlinse wechselt die Vergrößerung des Interferenzbildes. Durch eine Irisblende unter oder über der Bertrandschen Linse isoliert man bei nebeneinanderliegenden Objekten die Erscheinungen eines wenn auch kleinen, einzelnen Körpers durch Abblenden der übrigen.

Bei den dem Chemiker bzw. Anfänger in der Mineralogie meist zur Verfügung stehenden einfacheren Mikroskopen empfiehlt sich die

Lasaulxsche Methode wohl am meisten (Kondensor über dem Polarisator, starkes Objektiv, Entfernung des Okulars). Die Interferenzbilder sind dann zwar klein, aber recht scharf. Die eventuelle optische Isolierung geschieht bei diesem Verfahren nach Wright durch einen Blendendoppelschieber mit Schliß, den man an die Stelle des Okulars bringt und mittels Lupe auf die zu untersuchende Probe einstellt. Danach wird die Lupe weggeklappt und das Interferenzbild beobachtet (Fig. 476).

Johannsen empfahl, zur konoskopischen Betrachtung ein sehr kleines Glaskügelchen (her-

gestellt durch Schmelzen des vorderen Endes eines Glashaares) über das Objekt zu bringen und mit schwachem Objektiv zu beobachten.

2. Nörrenbergsches und Grothsches Konoskop.

Diese Apparate sind für dickere Platten gut geeignet. Der Nörrenbergsche Apparat (Fig. 477, S. 172) hat eine Spiegel-Polarisationsvorrichtung und ein analysierendes Nicol. Beim Grothschen Instrument (Fig. 478, S. 172) wird die Polarisation durch ein Nicol hergestellt.

41. Verhalten durchsichtiger Körper im konvergenten polarisierten Lichte.

I. Optisch isotrope Körper (amorphe Körper und isometrische Kristalle).

Sie sind in allen Richtungen einfach brechend. Eine Aufhellung des Gesichtsfeldes der gekreuzten Nicols ist mithin auch im kon-



Fig. 476. Wrightscher Blendendoppelschieber. Kristallographisch-optische Untersuchungen.



Fig 477. Nörrenbergsches Konoskop. R Tubus, A Auszugsrohr mit Fixierschraube k, s Schlig für Gipsblatt usw., T Teller zum Aufsetgen einer photographischen Stülpe, c Kondensorsystem in Rohr r, z Fassung für Beleuchtungslinse.

Fig. 478. Grothsches Konoskop. A Stativ, B u. C Träger, S Spiegel, p Polarisator e e' Linsensystem für paralleles Licht, n Kondensorsystem, k Objektträger, hi Teilkreis, o Objektivsystem, t Okularlinse, q Analysator, z Schliß für Gipsblatt usw.

vergenten polarisierten Lichte ausgeschlossen: stete Dunkelheit bei voller Tischdrehung und beliebiger Stellung im Drehapparat.

II. Optisch anisotrope Kristalle.

1. Optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale, hexagonale Kristalle.

a) Besonders charakteristisch sind hier Platten parallel zur Endfläche (senkrecht zur optischen Achse).

Die optische Achse (Achse *c*) ist Richtung einfacher Brechung. Man kann deshalb die in allen Richtungen isotropen amorphen und isometrischen Körper nicht von optisch einachsigen Kristallen, wenn letztere nur parallel der optischen Achse vom Lichte durchsetzt werden, Verhalten durchsichtiger Körper im konvergenten polarisierten Lichte. 173

unterscheiden. Im konvergenten polarisierten Lichte werden die betreffenden Platten nach der Endfläche nicht nur in Richtung der optischen Achse, sondern auch in anderen Richtungen gekennzeichnet. In letsteren herrscht Doppelbrechung, und so tritt der Unterschied solcher Platten gegenüber völlig, d. h. in allen Richtungen isotropen Platten sofort heraus.

Optisch einachsige Kristalle zeigen auf Flächen senkrecht Achse cim einfarbigen Lichte die in Fig. 479 dargestellte Interferenzfigur: ein schwarzes Kreuz (Isogyrenkreuz) mit konzentrischen schwarzen Ringen auf hellem Untergrunde von der Farbe des angewandten Lichtes.

Eine Erklärung der Erscheinung ist folgende. Wir denken uns die Platte senkrecht durchgeschnitten, und zwar sei der Schnitt unter 45° zu den

Kreuzesarmen der Interferenzfigur Fig. 479 geführt (Fig. 480, S. 174). Die Strahlen, die im Lote L durch die Platte gehen, verlaufen in Richtung der optischen Achse und weisen deshalb keine Doppelbrechung auf. Hier im Mittelpunkt der Platte muß somit, wie im parallelen polarisierten Lichte, zwischen gekreuzten Nicols Dunkelheit herrschen. In den Richtungen hingegen, welche von der optischen Achse abweichen. bestehen in der Platte jeweils zwei Schwingungen (o und e); sie müssen also Interferenzerscheinungen (Schwächung oder Verstärkung oder Vernichtung des Lichtes) hervorrufen, und zwar wird die Doppelbrechung mit der Neigung der Strahlen gegen die optische Achse allmählich stärker.



Fig. 479. Konoskopisches Bild eines optisch einachsigen Kristalls auf Platte senkrecht zur optischen Achse.

Die Richtung a möge gerade für Vernichtung passen; es wird daher auf der Platte in a ein dunkler Punkt erscheinen. Das wird sich entsprechend nach links in a^1 wiederholen. Die nächste Vernichtung trete in b und b^1 usw. ein. Hier werden sich also auch dunkle Punkte zeigen. Gleichwertig mit a und a^1 sind aber alle Linien mit gleicher Neigung zu L. Die entsprechenden gleichen Gangunterschiede auf der Platte reihen sich somit zu einem Kreise von a nach a^1 aneinander (Fig. 480/81, S. 174). Das wiederholt sich in einem zweiten Kreise von b nach b^1 usw. Hiernach wird man um den dunklen Mittelpunkt Systeme konzentrischer dunkler Ringe erwarten, zwischen denen Helligkeit herrscht, mit allmählichem Übergang zu den dunklen Kreisen, da ja nicht nur Vernichtung und volle Verstärkung, sondern auch Schwächung des Lichtes durch Interferenz zustande kommt. Schließlich ist das schwarze »Isogyrenkreuz« zu erklären. Die Flächen zwischen den obenerwähnten dunklen Ringen kann man sich in sehr viel schmale Teile, wie in Fig. 482, zerlegt denken. Diese kleinen Felder werden an den verschiedenen Stellen so erscheinen wie ein einzelnes, das man von einer Stellung zur andern wandern läßt, z. B. wie es der Pfeil anzeigt. Ein solches zwischen zwei

dunklen Ringen im Kreise herumbewegtes Feld würde sich zwischen den gekreuzten Nicols wie eine in ihrer Ebene sich drehende Platte im parallelen polarisierten Lichte verhalten, d. h. im allgemeinen hell sein, aber bei voller Drehung in vier Lagen dunkel erscheinen. Diese Auslöschungen treten in den Stellungen 1, 2, 3, 4 ein; in ihnen fallen die Schwingungsrichtungen der



Fig. 480. Fig. 481. Fig. 482. Erklärung der konoskopischen Interferenzerscheinung eines optische einachsigen Kristalls auf Platte senkrecht zur optischen Achse.

Feldchen mit den Nicolhauptschnitten zusammen. Hier muß Dunkelheit herrschen, und da dies an den entsprechenden Stellen zwischen allen dunklen Ringen der Fall ist, müssen letztere von einem schwarzen Kreuze in Richtung der Nicolschwingungsrichtungen NN und $N_1 N_1$ durchzogen sein.



Fig. 483. Skiodrom eines optisch einachsigen Kristalls.

Recht anschaulich werden diese Verhältnisse in dem Skiodrom genannten Schema nach F. Becke dargestellt (Fig. 483). Die Kreise und Radien stellen in orthogonaler Projektion die Schwingungsrichtungen von ound e dar, die feine Quadrierung die Nicolhauptschnitte. Parallelität dieser Richtungen ist an den stark gezogenen Stellen, die sich zum schwarzen Kreuz vereinigen, vorhanden.

Die Neigung der Richtungen *a*, *b* usw., in welcher Vernichtung der beiden durch Doppelbrechung entstandenen Lichtstrahlen eintritt, ist natürlich für die verschiedenen Farben verschieden groß, oder, was dasselbe heißt, der Abstand

des ersten, zweiten usw. dunklen Ringes vom dunklen Mittelpunkte des Interferenzsystems wechselt mit der Farbe. Für grüne Strahlen wird jeder Ring enger sein als für rote Strahlen. Benutzt man mithin Tageslicht, so wird zunächst vom Mittelpunkte ein dunkler Ring für Grün kommen Verhalten durchsichtiger Körper im konvergenten polarisierten Lichte. 175

(Fig. 484), der rot gefärbt wird, da Rot hier noch nicht ausgelöscht ist. Dann wird sich nach außen der dunkle Ring für Rot anschließen, der grün gefärbt erscheint, da hier Grün nicht ausgelöscht ist. Die Ringe werden somit farbig, und zwar innen rot, außen grün erscheinen.

Bei gegebener Plattendicke wird die Weite der Ringe von der Stärke der Doppelbrechung der betreffenden Substanz abhängen. Bei sehr stark doppelbrechenden Körpern werden schon Strahlen, die sich nur wenig von der Richtung der optischen Achse entfernen, den zur Vernichtung nötigen Gangunterschied erhalten und bei wachsender Neigung der Lichtstrahlen zur optischen Achse sehr bald zum zweiten, dritten usw. Mal wiedergewinnen, d. h. die Ringe werden eng erscheinen. Bei schwach doppelbrechenden Körpern werden anderseits die Ringe weit auseinanderliegen. Bei dünnen Platten, wie sie unter dem Mikroskop beobachtet werden, kommt es bei schwach



doppelbrechenden Substanzen oft vor, daß man nur das schwarze Kreuz (breit und verwaschen) und gar keine Ringe sicht¹).

b) Bei Schnitten schief zur optischen Achse erscheinen gewissermaßen nur Teile der Endflächen-Interferenzfigur. (Fig. 485/86). Stets hat man bei solchen schiefen Schnitten einachsiger Kristalle eine gerade Isogyre, die parallel einem Nicol-Hauptschnitt verläuft und beim Drehen des Präparats durch die Mitte des Gesichtsfeldes geht.

¹) Sei beiläufig noch vermerkt, daß der Wechsel der Doppelbrechung für verschiedene Farben von Einfluß auf die Anzahl der Ringe ist. Ist der Wechsel gering, so erscheinen die Ringe 1. bis etwa 9. Farbenordnung. Nimmt die Doppelbrechung nach Violett zu, so ist die Zahl der Ringe geringer (Beispiel Strontiumdithionat, auch Kalkspat); im umgekehrten Falle sieht man sehr viele Ringe mit abnormen Farben (Brucit). Man kann die Erscheinungen nachahmen, wenn man «Interferenzlichtfilter« benuft, d. h. doppelbrechende Platten in Hellstellung zwischen aufgesetztem Analysator und einem noch darüber angebrachten Nicol verwendet.

F. Rinne, Krist. Formenlehre u. Anleitung z. kristall.-opt. sowie röntgen. Untersuchung. 12

c) Platten parallel zur optischen Achse lassen in der Hellstellung eine zweifach symmetrische Interferenzfigur erkennen (Fig. 487, einfarbiges Licht). In der Mitte zeigt sich im Tageslicht eine Polarisationsfarbe, wie sie im Orthoskop über die ganze Platte



Fig. 487. (Nach Hauswaldt.) Konoskopisches Bild eines optisch einachsigen Kristalls auf Platte parallel zur optischen Achse.

le im Orthoskop über die ganze Platte hinweg erscheinen würde. Von hier aus fällt die Polarisationsfarbe in Richtung der Projektion der optischen Achse; senkrecht dazu steigt sie. Man kann hieraus die Lage der optischen Achse erschließen.

Die Erklärung liegt in dem Umstande, daß die Strahlen, welche von dem Zentrum aus gerechnet die Platte immer schräger durchseten, umso schwächere Doppelbrechung haben, je mehr sie sich der Richtung der optischen Achse nähern. In Richtung von der Plattenmitte nach der Achse c muß also der Polarisationston abfallen. In den Richtungen senkrecht zur

Achse c wird der Gangunterschied der Lichtstrahlen im Verhältnis zu dem der Strahlen in der Mitte des Bildes immer stärker, da die Wege für das Licht infolge immer schrägeren Durchsetzens größer werden, ohne daß der Wert der Doppelbrechung herabgemindert wird.

In der Normalstellung erblickt man ein verwaschenes Kreuz; beim Tischdrehen öffnet es sich schnell.



Fig. 488. Optische Achsen und Mittellinien.



Fig. 489. (Nach Hauswaldt.) Konoskopisches Bild eines zweiachsigen Kristalls auf Platte senkrecht zur ersten Mittellinie. Normalstellung.

2. Optisch zweiachsige Kristalle.

In Fig. 488 ist ein Schema dargestellt, in dem man die beiden optischen Achsen AA und die 1. und 2. Mittellinie, M_1M_1 und M_2M_2 , als Halbierungslinien der Winkel der optischen Achsen erkennt.

a) Im konvergenten polarisierten Lichte sind Schnitte senk-

Verhalten durchsichtiger Körper im konvergenten polarisierten Lichte. 177

recht zur 1. und 2. Mittellinie besonders charakteristisch. Ein Beispiel für das Interferenzbild um die 1. Mittellinie stellen die Fig. 489/90 dar. Vergleichbar mit den Systemen bei optisch einachsigen Kristallen, umziehen hier kreisähnliche Kurven zunächst die optischen Achsen. Weiter nach außen schließen sich

Lemniskaten und andere Cassinische Kurven an. In Fig. 489 durchsetst ein schwarzes Kreuz mit einem schmalen und einem sehr breiten Arm die Kurven. Dies »Isogvrenkreuz« bezeichnet die Stellen, an denen die Schwingungsrichtungen in der Platte mit den Nicolhauptschnitten zusammenfallen. Das Bild erhält man, wenn ein Nicolhauptschnitt mit der Ebene der optischen Achsen parallel ist (Normalstellung). Dreht man das Präparat in seiner Fig. 490. (Nach Hauswaldt.) Konoskopisches Bild eines zweiachsigen Kristalls auf Platte Ebene um 45°, so bietet sich die senkrecht zur ersten Mittellinie. Diagonalin Fig. 490 dargestellte Erscheinung



stellung.

dar. Man erkennt ein System Cassinischer Kurven, das von zwei Ästen gleicher Schwingungsrichtungen in Gestalt von Hyperbeln (Isogyrenhyperbeln) durchschnitten wird, deren Scheitelpunkte die Austrittsstellen der optischen Achsen anzeigen (Diagonalstellung). Im Tages- oder Lampenlicht erhält man farbige Interferenzkurven.



Fig. 491. Skiodrom eines optisch zweiachsigen Kristalls. Normalstellung.



Fig. 492. Skiodrom eines optisch zweiachsigen Kristalls. Diagonalstellung. 12*

An den Stellen des dunklen ungleicharmigen Kreuzes in Normalstellung der Platte sowie der Isogyrenhyperbeln in diagonaler Lage des Präparates fallen die Schwingungsrichtungen mit denen der gekreuzten Niccls zusammen. Daher tritt dort Auslöschung ein. Mit Hilfe der Biot-Fresnelschen Regel (S. 141) kann man zum Beweis dafür die Schwingungsrichtungen im Präparat konstruieren. Sehr anschaulich werden diese Verhältnisse durch die Skiodromen (Fig. 491/92) nach F. Becke.

Bei Schnitten senkrecht zur 2. Mittellinie zeigt sich ein ähnliches Bild wie um die erste, jedoch erstreckt sich das beobachtete Interferenzsystem nicht bis zu den optischen Achsen, was bei großem Achsenwinkel übrigens auch an Schnitten senkrecht zur 1. Mittellinie vorkommen kann. Durch Verwendung von Objektiven mit großer Apertur (ev. Immersion) läßt sich die Winkelweite des Interferenzbildes vermehren.



Fig. 493. (Nach Hauswaldt.) Konoskopisches Bild eines optisch zweiachsigen Kristalls auf Platte senkrecht zu einer optischen Achse.

b) Schnitte senkrecht zu einer optischen Achse eines zweiachsigen Kristalls geben auch ein charakteristisches Interferenzbild (Fig. 493). Es unterscheidet sich von dem der optisch einachsigen Kristalle senkrecht zur optischen Achse sehr wesentlich schon durch das Vorhandensein nur einer dunklen Barre (Isogyre), die sich beim Drehen des Präparats auf dem Objekttische im entgegengesetten Sinne dieser Drehung bewegt, also nicht einem Nicolhauptschnitt parallel bleibt. Die Barren-

Isogyre kennzeichnet auch bei schiefem Austritt optisch zweiachsige Kristalle recht gut. Die Stärke ihrer Krümmung in Diagonalstellung wechselt; je mehr gebogen die Isogyre ist, desto kleiner ist der Winkel der optischen Achsen im Kristall. Ist dieser Winkel gleich 90^{0} , so ist die Isogyre bei voller Tischdrehung stets geradegestreckt.

c) Schnitte in anderen Richtungen durch optisch zweiachsige Kristalle geführt, geben natürlich gleichfalls Interferenzkurven, für deren Beobachtung oft monochromatisches Licht zu empfehlen ist. Man kann diese Interferenzfiguren sehr wohl für die Systembestimmung benutzen. Man muß bedenken, daß ihre Symmetrie die optische Symmetrie der betreffenden Kristallfläche wiedergibt, und kann somit besonders aus Beobachtungen auf verschiedenen Flächen Schlüsse auf das Kristallsystem machen. Ein Interferenzsystem wie in Fig. 494 würde z. B. anzeigen, daß die Fläche symmetrisch in Richtung der eingezeichneten Ebene SS ist. Bei Schnitten senkrecht zur optischen Normale treten die Hyperbeln der Interferenzfigur, wenn man das Präparat dreht, in Richtung der ersten Mittellinie aus dem Gesichtsfelde heraus.

Besonders aufmerksam sei auf das Interferenzsystem auf der seitlichen Fläche monokliner Kristalle gemacht. Es ist stets zentrisch¹), entsprechend dem Umstande, daß das Lot auf dieser Fläche (die Achse b) in optischer Hinsicht Digyrencharakter hat. Im übrigen ist die allgemeine Lage der Kurvenschar beliebig zu den Umgrenzungen der Platte (natürlich für jede Substanz in einer bestimmten Weise), Fig. 495. Bei triklinen Kristallen kann man auf keiner Fläche, also auch auf dem seitlichen Pinakoid nicht, ein zentrisches Kurvensystem erwarten. Bei rhombischen Kristallen ist das Kurvensystem auf den Pinakoiden nicht nur zentrisch, sondern es wird auch durch die beiden



Fig. 496. Erhihungsapparat für das Konoskop. H Heizraum, F Fenster, J Isolierung, K Klemmen, D Deckel, Z Einsahzapfen.

auf diesen Flächen jeweils senkrecht stehenden Symmetrieebenen symmetrisch geteilt. (Vgl. z. B. Fig. 489, S. 176.)

Platten parallel zur Ebene der optischen Achsen zeigen im Konoskop in der Hellstellung quadrantenweisen Wechsel von Polarisationsfarben. Durch die Quadranten mit niederen Polarisationsfarben geht die erste Mittellinie (Beispiel: Gipsblättchen von Rot 1. Ordnung benutgen; es zeigt im Konoskop die Polarisationsfarben Gelb 1. Ordnung und Blau 2. Ordnung).

A n h a n g. Der Einfluß der Temperatur auf die Größe des Winkels der optischen Achsen ist zuweilen recht bedeutend, sehr stark z. B. bei Gips (Winkel der optischen Achsen im Kristall für Na-Licht bei 19° C = 58°, bei 91° = 0°).

¹) d. h. der Mittelpunkt des Kurvensystems fällt mit dem Mittelpunkt des Gesichtsfeldes zusammen; das Interferenzbild ist zweizählig (antimetrisch).

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

Man kann das im Nörrenbergschen oder Grothschen Konoskop beobachten, wenn man das Präparat durch einen seitlich herumgelegten Heizdraht elektrisch allmählich erwärmt. Dieselben Dienste tut ein der Form des Präparates angepaßter, platt geschlagener Kupferdraht, durch dessen Verjängerung Wärme mittels einer Spirituslampe zugeführt wird.

Für genauere Messungen kann man einen elektrischen Erhitjungsapparat, etwa den in Fig. 496 abgebildeten, benutjen.

42. Flächen gleichen Gangunterschiedes.

Die Form der im Abschnitt 41 dargestellten Interferenzkurven wird sehr anschaulich erläutert durch räumliche Figuren, die als Flächen gleichen Gangunterschiedes angeben, welche Strecke das Licht bestimmter Sorte von einem Punkte O nach den verschiedenen Richtungen durchlaufen muß, um einen Gangunterschied Δ (etwa 1 λ , 2 λ , 3 λ) der beiden Lichtbewegungen in der betreffenden Richtung zu erhalten.

1. Optisch einachsige Kristalle.

Die Δ -Fläche hat die Gestalt von Fig. 497, bei der $\Delta = 1\lambda$ genommen ist. Sie zeigt, daß in Richtung der optischen Achse dieser Wert 1λ nie



Fig. 497. Fläche gleichen Gangunterschieds. Optisch einachsiger Kristall. Fig. 498. Fläche gleichen Gangunterschieds. Optisch zweiachsiger Kristall. Fig. 499. Flächen gleicher Gangunterschiede 3λ und 4λ . Optisch zweiachsiger Kristall.

erreicht wird, am ehesten indes in den Horizontalrichtungen. Legt man eine Kristallplatte durch die Raumfigur, und zwar in der Höhe D über M, die der Plattendicke gleich ist, und weiterhin in solcher Neigung, daß ihre optische Achse mit der des Schemas zusammenfällt, so gibt die Schnittkurve angenähert die Gestalt der Interferenzkurve an. Man erhält Kreise (Platte senkrecht zur optischen Achse), Ellipsen, Parabeln und schließlich Hyperbeln (Platten parallel zur optischen Achse).

2. Optisch zweiachsige Kristalle.

Man verfährt entsprechend wie unter 1. Die Figur 498 zeigt, daß Schnitte senkrecht zur ersten Mittellinie M bei geringer Dicke (bzw. schwacher

Dispersion der optischen Achsen.

Doppelbrechung) ovale Interferenzkurven liefern, solche von der Dicke OA eine achtförmige Kurve (Lemniskate) und noch stärkere zwei getrennte Kurven um je eine optische Achse. Für verschiedene Werte von Δ ändert sich die Gestalt der Raumfigur. Daher findet man in derselben Interferenzerscheinung (Fig. 490) umeinander verschiedene Kurventypen (Fig. 499). Die innersten Kurven einer Platte von der Dicke D bestehen hier aus je zwei Teilen für sich, die weiter nach außen gelegenen (von 4λ an) verlaufen in einem ovalen Zuge.

Daß Platten senkrecht zu einer der beiden optischen Achsen ein System ungefähr konzentrischer Ringe liefern (Fig. 493, S. 178) tritt gleichfalls aus der Δ -Figur gut heraus, wie auch die Form der Interferenzkurven bei Platten sonstiger Lage.

43. Dispersion der optischen Achsen.

Der Winkel der optischen Achsen wechselt mit der Lichtsorte, bald mehr, bald weniger, und zwar kommt vor, sowohl, daß er um die erste Mittellinie für die roten, als auch, daß er für die blauen



Strahlen der größere ist. Jeder optisch zweiachsige Körper hat seine bestimmte Dispersion. Somit besitzt man in dieser Eigenschaft ein Kennzeichen mehr für eine Substanz.

In Fig. 500 ist der Fall schematisch dargestellt, daß der in Rede stehende Winkel um die erste Mittellinie M_1 für Rot größer ist als für Blau (R > Bl), in Fig. 503 der entgegengesegte Fall (R < Bl). Um die zweite Mittellinie M_2 ist die Dispersion natürlich umgekehrt. Im Achsenbilde kennzeichnet sich der Sinn der Dispersion durch die Farbenverteilung an den optischen Achsen bei der Betrachtung im zusammengesegten Lichte. Man kann die Normalstellung und die Diagonalstellung für die Bestimmung benutjen. In der Normalstellung der Fig. 501 liegt in den beiden innersten Ringen um die optischen Achsen, an der dunklen Barre, jeweils Grün oder Blau (punktiert) nach dem Zentrum des Bildes hin, Rot (gestrichelt) jeweils nach außen. Dispersion R > Bl. Aus der Diagonalstellung (Fig. 502) erkennt man für denselben Fall durch Betrachtung der Farbenverteilung am Scheitel der Hyperbeläste, daß der Winkel für die roten Strahlen größer ist als für die blauen. Hier liegt Rot innen, nämlich dort, wo die dunkle Hyperbel für Grün (Blau) sich befindet, und Grün außen, nämlich da, wo die dunkle Hyperbel für Rot sich zeigen würde. In der Diagonalstellung muß man mithin entgegengesetzt der Farbenfolge schließen. Im Fall einer Dispersion R < Bl (Fig. 503/5) hat man die umgekehrte Lage der Farben wie bei dem soeben erwähnten R > Bl.



Fig. 503. Dispersion r < bl. Fig. 504. Dispersion r < bl. Fig. 505. Dispersion r < bl. Diagonalstellung.

Bemerkung. Bei eng gescharten Interferenzkurven lassen sich die Dispersionsfarben gelegentlich nicht gut erkennen. Man sorgt dann für bessere Farbenentfaltung durch Abschleifen des Präparats zu geringerer Dicke. Auch hilft bei mikroskopischer Betrachtung die Anwendung eines schwächeren Objektivs, falls es noch genügend große Apertur hat, um die optischen Achsen im Gesichtsfelde zu lassen.

Dispersionen der optischen Achsen kommen sowohl im rhombischen als auch im monoklinen und triklinen System vor.

44. Lage der Ebene der optischen Achsen im Kristall.

Die Ebene der optischen Achsen hat stets eine der optischen Symmetrie des betreffenden Systems entsprechende Orientierung im Kristall.

1. Rhombisches System. Drei senkrecht aufeinanderstehende Symmetrieebenen von der Lage der drei Endflächen $\{100\}$; $\{010\}$; $\{001\}$. Die Ebene der optischen Achsen liegt stets parallel einer Endfläche, und die beiden Mittellinien fallen mit den zwei geometrischen Achsen, die in dieser Endfläche verlaufen, zusammen. In Fig. 506 ist z. B. die Ebene der optischen Achsen $\{001\}$; die Mittellinien liegen in Achse *a* und *b*, wobei es für die Symmetrie gleichgültig ist, ob

Lage der Ebene der opt. Achsen im Kristall. – Dispersion der Mittellinien. 183

a oder ob b die erste Mittellinie ist. Ein Abweichen der Ebene der optischen Achsen aus der Endfläche und ein Abweichen der Mittellinien von den Achsen ist nicht möglich, da sonst die Symmetrie des Systems nicht bestehen bliebe. Es sind also nur die folgenden drei Fälle im rhombischen System möglich.

a) Ebene der optischen Achsen die erste Endfläche, Mittellinien in b und c » zweite

>>

b)





» » »

>>

» »





» a » c





2. Monoklines System. Eine Symmetrieebene entsprechend der seitlichen Endfläche {010}.

Dieser Symmetrie kann genügt werden, wenn

a) die Ebene der optischen Achsen in der optischen Symmetrieebene verläuft (Fig. 507),

b) die Ebene der optischen Achsen senkrecht zur optischen Symmetrieebene liegt (Fig. 508).

3. Triklines System, Unsymmetrisch. Die Lage der Ebene der optischen Achsen ist durch keine Symmetrieforderungen beeinflußt.

45. Dispersion der Mittellinien.

Ein fächerstrahliges Entfalten der Mittellinien für die verschiedenen Farben ist im rhombischen System wegen der Symmetrie nach den drei Endflächen nicht möglich. Liegt z. B. die Ebene der optischen Achsen in $\{001\}$, so fallen die Mittellinien für alle Farben in die Achsen a und b (Fig. 506).



Fig. 509. Geneigte Dispersion. Fig. 510. Geneigte Dispersion. Fig. 511. Dispersion $r \perp bl$.

Im monoklinen System hingegen ist eine Dispersion der Mittellinien angängig. Wir betrachten den Fall, daß die Ebene der optischen Achsen in der Symmetrieebene liegt (Fig. 509). Man erkennt, daß sehr wohl unbeschadet der Symmetrie eine Dispersion der Mittellinien für die verschiedenen Farben vorkommen kann. Man nennt sie geneigte Dispersion der Mittellinien. In Fig. 509 findet man z. B. die Mittellinie für Rot (ausgezogen) um einen beträchtlichen Winkel von den für Blau (gestrichelt) abweichend. Im Interferenzbilde macht sich diese geneigte Dispersion dadurch geltend, daß ein Achsenbild lebhaft, das andere blaß gefärbt erscheint (Fig. 510). Es erklärt sich dies daraus, daß, wie Fig. 509 zeigt, im Gesamtbilde der optischen Achsen bei A1 die Farben stark auseinandergebreitet sind, also jede lebhaft zur Geltung kommt (lebhaft gefärbtes Bild), während im Gesamtbilde der optischen Achsen bei A infolge enger Aneinanderlagerung der optischen Achsen für verschiedene Farben diese sich teilweise überdecken und somit ein blasses Bild hervorrufen. Sowohl in Normal- als auch in Diagonalstellung kann man diese Beobachtung machen. Geneigte Dispersion hat man um die erste und um die zweite Mittellinie desselben Kristalls.

46. Dispersion der Ebenen der optischen Achsen.

Die Möglichkeit, daß die Ebenen der optischen Achsen für die verschiedenen Lichtsorten nicht zusammenfallen, ist im rhombischen System gegeben. Die Symmetrie wird nicht gestört, wenn z. B. die Ebene der optischen Achsen für Rot in {010}, die für Blau in {001} liegt (Fig. 511). Für gewisse Farben wird hierbei der Winkel der optischen Achsen gleich 0° sein. Sie bilden den Übergang von einer Achsenlage in die andere. $R \perp Bl$.



Fig. 512. Horizontale und gekreuzte Dispersion.

(Beispiel: manche Brookite.) Auch im monoklinen System findet man Dispersionen der Ebenen der optischen Achsen. Im Falle der geneigten Dispersion (vgl. oben) handelt es sich nur um eine Dispersion der Mittellinien. Die Ebene der optischen Achsen ist für alle Farben dieselbe, und zwar in der seitlichen Endfläche gelegen (vgl. Fig. 509) Liegen die Ebenen der optischen Achsen jedoch senkrecht zur Symmetrieebene, so können sie unbeschadet der Symmetrie auseinanderfallen (Fig. 512). Von vorn gesehen

erscheinen die Achsenebenen für die verschiedenen Lichtsorten dann übereinander, und natürlich fallen auch die in der Symmetrieebene liegenden Mittellinien (es können erste oder zweite Mittellinien sein) auseinander. Man nennt das Verhältnis der Lage der optischen Achsen um diese Mittellinien horizontale Dispersion der Achsenebenen. Im Interferenzbilde kennzeichnet diese sich durch die Farbenverteilung an den optischen Achsen. Liegt z. B. die Ebene der optischen Achsen für Rot, wie in Fig. 512, unter
der für Blau, so findet man in der Normalstellung des Achsenbildes (Fig. 513) das Rot (gestrichelt) im ersten Ringe der optischen Achsen jeweils unten, das Blau (punktiert) oben an der die inneren Ringe durchziehenden Barre. Im umgekehrten Falle ist auch die Farbenverteilung umgekehrt. In ähnlicher Weise kann man in der Diagonalstellung die horizontale Dispersion erschließen.

Bei der Betrachtung der in Rede stehenden Verteilung der Ebenen der optischen Achsen von vorn erscheinen diese Ebenen übereinander gelagert (Fig. 512). Bei einem Blick auf die seitliche Endfläche desselben Kristalls erkennt man, daß die Ebenen sich hier durchkreuzen. Während diejenigen Mittellinien, die in der Symmetrieebene liegen, auseinanderfallen, sind die anderen Mittellinien sämtlich in derselben Linie, nämlich der Senkrechten zur seitlichen Endfläche, also in der Achse b, vereinigt. Wegen der Durchkreuzung der Ebenen der optischen Achsen nennt man die Erscheinung um diese Achse gekreuzte Dispersion der Achsenebenen. Horizontale und gekreuzte Dispersion sind mithin immer vereinigt, und zwar hat man um die Mittellinien, die in der Symmetrieebene liegen, horizontale Dispersion und um die Mittellinien, die für sämtliche Farben mit der Achse h zusammenfallen, gekreuzte Dispersion. Ob b erste oder zweite Mittellinie (für alle Farben) ist, hängt lediglich von der Größe des Winkels der optischen Achsen ab. Die gekreuzte Dispersion erkennt man gleichfalls an der Verteilung der Farben in der Nähe der optischen Achsen. In Fig. 514 (Normalstellung) liegt z. B. Rot an der einen Achse unten, an der anderen oben und Blau umgekehrt. In Diagonalstellung kann man an den Farbenverteilungen die Durchkreuzung der Ebenen der optischen Achsen gleichfalls wahrnehmen.



Fig. 513. Horizontale Dispersion.



Fig. 514. Gekreuzte Dispersion

Wie im rhombischen System, können auch im monoklinen die Ebenen der optischen Achsen für verschiedene Lichtsorten aufeinander senkrecht stehen, z. B. tür Rot senkrecht zur seitlichen Endfläche und für Blau in dieser liegen. $R \perp Bl$. (Beispiel: einige Sanidine.)

Im triklinen System sind die entsprechenden Erscheinungen an keine Symmetrieforderungen mehr gebunden. Hier können die Achsenbilder zugleich geneigte und horizontale oder gekreuzte Dispersion anzeigen.

47. Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung im konvergenten polarisierten Lichte.

Man benutst entweder ein Gipsblättchen von Rot 1. Ordnung, d. i. eine Spaltplatte aus Gips, die für sich zwischen gekreuzten Nicols als Polarisationsfarbe das Rot 1. Ordnung zeigt, oder ein Viertelundulationsglimmerblatt, d. i. ein Spaltblättchen aus Glimmer, bei dem die durch Doppelbrechung entstehenden beiden Lichtbewegungen eine Viertel-Wellenlänge Gangunterschied erlangen.

Das eine oder das andere Blättchen wird in den Gang der Strahlen zwischen die gekreuzten Nicols eingeschaltet, und zwar entweder über dem Objektiv in einen Schlit eingeschoben oder unter dem aufgesetzten Analysator auf das Okular gelegt. Man orientiert die Blättchen so, daß die Schwingungsrichtung der Lichtbewegung kleinster Geschwindigkeit kk von unten links nach oben rechts (kartographisch gedacht NO — SW) geht (Regelstellung Fig. 515 und 516/17).

Ganz entsprechend ist es beim Berekschen Kompensator (S. 160), den man an Stelle von Gips- oder Glimmerblatt benutsen kann.



Es kommen folgende charakteristische Schnitte bzw. natürliche Flächen oder entsprechende Stellungen des Kristalls im Umhüllungsapparat (S. 90) in Betracht.

1. Optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale, hexagonale Kristalle.

a) Schnitt senkrecht zur optischen Achse. Man erhält, wie erwähnt, das in Fig. 479, S. 173 dargestellte Interferenzsystem.

Benutsung des Gipsblättchens. Das Kennzeichen für den Charakter der Doppelbrechung liegt in der Verteilung von blauen und gelben Farben, die sich dicht am Schnittpunkt der beiden Kreuzesarme der Interferenzfigur bei Benutsung von Tages- oder Lampenlicht zeigen. Nennen wir die Quadranten wie üblich + und - (Fig. 515), so herrscht positive Doppelbrechung, wenn Blau in den positiven Quadranten erscheint, negative, wenn Blau in den negativen Quadranten auftritt. Bei Fig. 515 liegt Blau (getüpfelt) in den +-Quadranten, Gelb (gestrichelt) in den negativen.

Die Erklärung für diese Farbenverschiedenheiten ist aus folgenden Verhältnissen abzuleiten.

Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung usw.

Aus jedem Punkte der in Betracht kommenden Quadrantenteile dicht am Mittelpunkte der Erscheinung treten infolge der Doppelbrechung zwei Strahlen aus der Platte, von denen der eine radial, der andere tangential schwingt, wie es in Fig. 515 gezeichnet ist.

Nun erfolgen bei positiven, optisch einachsigen Kristallen, wie ein solcher in Fig. 515 angenommen ist, alle tangentialen Schwingungen parallel gg im Kristall, die radialen immer parallel kk (dessen Größe mit der Richtung wechselt). Schiebt man das Gipsblättchen über alle Quadranten wie in Fig. 515 ein, so liegen in den positiven Quadranten kk sowie gg des Kristalls mit kk und gg im Gips parallel, so entsteht somit durch Addition ein hoher Polarisationston (blau); in den negativen Quadranten liegt kk des Kristalls parallel gg des Gipses und gg des Kristalls parallel kk des Gipses. Hier entsteht durch Subtraktion ein niedrigerer Polarisationston (gelb).

Bei negativen, optisch einachsigen Kristallen liegen die Verhältnisse umgekehrt. Alle tangentialen Schwingungen erfolgen parallel kk im Kristall und die radialen parallel gg (dessen Größe mit der Richtung wechselt). Es müssen somit bei gleicher Lage des Gipsblättchens die Farben in den verschiedenen Quadranten gegen die bei positiven Kristallen vertauscht liegen.

Die optischen Additions- bzw. Subtraktionserscheinungen erstrecken sich natürlich auch auf die vom Mittelpunkt weiter abliegenden Interferenzen des konoskopischen Bildes. In der Hinsicht ist das Auftreten eines schwarzen Ringstückes in den Subtraktionsquadranten an der Stelle vom früheren Rot 1. Ordnung besonders kennzeichnend.

A n w e n d u n g d e s G l i m m e r b l ätt c h e n s. Die zu benutende Veränderung des Achsenbildes beim Einschieben des Glimmerblattes besteht in dem Entstehen zweier dunkler Flecke, die sich als optischer Subtraktionseffekt dort befinden, wo bei Anwendung des Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung sich gleichfalls die niedere Polarisationsfarbe (Gelb) einstellt. Ist kk vom Glimmer wie in Fig. 516, 517 orientiert, so sind die beiden Flecke im Falle positiver Doppelbrechung mithin so gelegen, daß ihre Verbindungslinie mit der Linie kk ein +-Zeichen gibt (Fig. 516); im Falle negativer Doppelbrechung (Fig. 517) liegt diese Verbindungslinie parallel kk (—-Zeichen).

Das Glimmerblatt kann sowohl bei monochromatischem als auch bei Tages- bzw. Lampenlicht gebraucht werden. Ist schwache Doppelbrechung vorhanden, so versagt es leicht, weil die Flecke nicht deutlich erscheinen, während das Gipsblättchen immer zu verwenden ist.

Bemerkung. Auf Schnitten (bzw. Flächen), die von der Lage senkrecht zur optischen Achse beträchtlich abweichen, kann man mit Hilfe des Gipsblättchens noch oft den Charakter der Doppelbrechung bestimmen. Es ist nämlich nicht nötig, alle vier Quadranten zugleich zu beobachten; man kann die Untersuchung auch machen, wenn man nur einen sieht und die charakteristischen Farben erkennt. Durch Drehen des Präparats in seiner Ebene vergewissert man sich über die Lage der Quadranten.

2. Optisch zweiachsige Kristalle: rhombische, monokline und trikline Kristalle.

a) Man benutst meist Schnitte senkrecht zu einer Mittellinie. Sie ergeben das in Fig. 489, 490, S. 176/7 dargestellte Interferenzbild, in welchem der Abstand der optischen Achsen voneinander mit der Substanz wechselt.

Anwendung des Gipsblättchens. Je nach der Größe des Winkels der optischen Achsen sind entweder die innersten Kurven um die optischen Achsen sichtbar oder nicht. Das erstere («Austreten der optischen Achsen«) findet man zumeist bei Schnitten senkrecht zur ersten Mittellinie, das letztere bei Platten senkrecht zur zweiten Mittellinie.

a) Die optischen Achsen treten im Gesichtsfelde aus.

 α) In dem Falle kann man die bei optisch einachsigen Kristallen ausgeübte Methode unmittelbar übertragen. Es entstehen in beliebiger Normalstellung (vgl. S. 177) je im inneren Ringe um die optischen Achsen an der Achsenbarre neue Farben, meist Blau (oder Grün) und Gelb. Liegt das Blau in den positiven Quadranten, so ist die Doppelbrechung positiv, liegt es in den negativen Quadranten, so ist sie negativ. Besonders bei schwacher Doppelbrechung bzw. dünnen Platten ist diese Methode zu empfehlen.

 β) Man benutzt die unter b) beschriebene Methode, die auch im vorliegenden Falle sehr geeignet ist.

b) Die optischen Achsen treten nicht im Gesichtsfelde aus. Man kann leicht feststellen, ob die Verbindungslinie der optischen Achsen (deren Lage stets zu erkennen ist, auch wenn sie selbst nicht im Gesichtsfelde erscheinen) Schwingungsrichtung größter oder kleinster Lichtgeschwindigkeit, also g g oder k k, ist. Man beobachtet dabei das Feld im Innern der Interferenzkurven und verfährt genau so wie bei der Beobachtung im parallelen, polarisierten Lichte (S. 144—147). Natürlich muß man das Feld in die Polarisations-, d. h. in die zwei Diagonalstellungen bringen. Von Nutgen kann es hierbei sein, die Farben der Interferenzkurven zu beobachten. Auch kann man nach Feststellung der Richtung des relativen Wertes der Schwingungsrichtungen übergehen.

Zwecks Entscheidung über den Charakter der Doppelbrechung ist zu bedenken, daß eine Mittellinie senkrecht zur Platte steht, die andere in der Plattenebene, und zwar in der Richtung der Verbindungslinie der optischen Achsen, liegt. Die letztere ist die Richtung, deren Charakter, ob gg oder kk, soeben festgestellt ist. Ist diese Mittellinie z. B. gg, so ist die senkrecht zur Platte stehende Mittellinie kk, ist sie kk, so ist letztere gg.

Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung usw.

Wie bereits früher (S. 147/9) erwähnt ist, nennt man die Doppelbrechung eines Kristalls positiv, wenn die erste Mittellinie (Halbierungslinie des spitsen Winkels der optischen Achsen) die Schwingungsrichtung der Lichtbewegung kleinster Geschwindigkeit $kk = \gamma$, die zweite Mittellinie also $gg = \alpha$ ist. Bei negativer Doppelbrechung ist die erste Mittellinie $gg = \alpha$, die zweite Mittellinie $kk = \gamma$. Man spricht von positiver oder negativer Mittellinie $kk = \gamma$. Man spricht von positiver oder negativer Mittellinie $kk = \gamma$, die andere $gg = \alpha$ ist; welches die eine Mittellinie $kk = \gamma$, die andere $gg = \alpha$ ist; welches die erste Mittellinie ist, hängt vom Winkel der optischen Achsen ab. Ist man nicht sicher, ob man es mit der ersten oder zweiten Mittellinie zu tun hat, so kann man natürlich nicht die Doppelbrechung des Kristalls angeben, stets aber, ob die betreffende Mittellinie, die senkrecht zur Platte steht, Schwingungsrichtung größter oder kleinster Lichtgeschwindigkeit ist.

Auch das Glimmerblatt läßt sich bei Schnitten senkrecht zur ersten Mittellinie zur Doppelbrechungsbestimmung benutgen. Es entstehen an den optischen Achsen zwei Punkte in den abwechselnden Quadranten, wie bei den optisch einachsigen Körpern, und man schließt entsprechend, wie bei letzteren S. 187 angegeben ist.

Schließlich sei die Verwendung einer dicken, senkrecht zur Hauptachse geschnittenen Quarzplatte für den nämlichen Zweck erwähnt. Man stellt das Präparat in Diagonalstellung, schiebt die Quarzplatte unterhalb des Analysators ein und dreht sie um eine horizontale Achse, die parallel, und ein andermal um eine, die senkrecht zur Ebene der optischen Achsen verläuft. Bei einem dieser Versuche laufen die Interferenzkurven von den Achsen nach der Mitte des Präparates. Geschieht das bei einer Drehung der Quarzplatte um eine Achse senkrecht zur Ebene der optischen Achsen, so herrscht positive Doppelbrechung, im anderen Falle negative. Der Versuch ist im Nörrenbergschen Instrument und am besten in monochromatischem Lichte auszuführen.

Erklärung der Erscheinung. Bei einem positiven Präparat ist die Verbindungslinie der optischen Achsen (gleich zweite Mittellinie) die Schwingungsrichtung α der schnelleren Welle, die dazu in der Platte gelegene senkrechte Richtung die der langsameren (β). Beim Drehen des Quarzes um β nähert man seine optische Achse (Schwingungsrichtung der langsameren Welle) mehr und mehr der Richtung α im Präparat. Diese Ungleichsinnigkeit schwächt die resultierende Doppelbrechung. Die Interferenzkurven um die Achsen müssen weiter werden, also von den beiden optischen Achsen nach der Mitte hinlaufen. Bei einem negativen Kristall ist es umgekehrt.

b) Schnitte, auf denen nur eine optische Achse aus-

tritt, lassen sich zur Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung auswerten auf Grund der Überlegung, daß man aus der Krümmung des Hyperbelastes im Interferenzbilde (in der Diagonalstellung der Platte) erkennen kann, nach welcher Richtung hin die erste Mittellinie sich befindet: sie liegt in dem an die konvexe Seite der Hyperbel stoßenden Felde. Daher kann man die Gipsblättchenmethode hier genau so anwenden wie bei Schnitten senkrecht zur ersten Mittellinie. Man stellt die Achse so, daß sie einmal (wie in Fig. 518, 2. Reihe rechts) als rechte, und dann, daß sie als linke (wie in Fig. 518, 3. Reihe links) erscheint, und untersucht auf Entstehung des blauen Farben-



Fig. 518. Bestimmung der Doppelbrechung optisch einachsiger und zweiachsiger Kristalle mittels eines Gipsblättchens vom Rot 1. Ordnung.

tons im Isogyrenwinkel, d. h. an der konkaven Seite der Barre. Erscheint Blau im positiven Winkel, so ist die Doppelbrechung positiv, falls im negativen Winkel, so ist sie negativ. Durch Drehen mag man die optische Achse in eine Normalstellung überführen und sich auch in dieser Lage das Achsenbild in Gedanken ergänzen; dann kann man die nämliche Regel nochmals anwenden.

Die Regel zur konoskopischen Bestimmung der Doppelbrechung mittels des Gipsblättchens lautet also für alle einschlägigen Fälle (Fig. 518) bei einachsigen wie bei zweiachsigen Kristallen: Blau im positiven Isogyrenwinkel Doppelbrechung positiv, Blau im negativen Isogyrenwinkel Doppelbrechung negativ. Benutsung eines doppelbrechenden Keils. Da ein solcher außer anderen Polarisationsfarben auch wie das erwähnte Gipsblättchen das Rot 1. Ordnung sowie entsprechend dem angeführten Glimmerblatt an anderer Stelle Grau zeigt, so kann man ihn unter Anwendung dieser Stellen wie die Blättchen verwerten.

Anderseits erweist es sich als praktisch, ihn durch das konoskopische Gesichtsfeld zu verschieben, also in Bewegung zu benutjen, weil er dann ein Zusammenlaufen oder Auseinanderwandern der Interferenzkurven (besonders deutlich, wenn monochromatisches Licht benutjt wird) verursacht, das ein Anzeichen dafür ist, ob die optischen Elastizitätsachsen in Platte und Keil übereinstimmen oder entgegengesetjt sind.

48. Konoskopische Messungen.

1. Schnitte senkrecht zu einer Mittellinie.

Das Interferenzbild der Fig. 490, S. 177 (senkrecht zur 1. Mittellinie) bietet im Abstande der dunklen Hyperbeln voneinander einen Anhalt für die Größe des Winkels der optischen Achsen. Bei Beobachtungen der Präparate in Luft handelt es sich nicht um 2 V, den

Winkel der optischen Achsen im Kristall, sondern um den Winkel 2 E der Fig. 519. Verwendet man Immersion (etwa Öl), so hat man es natürlich wiederum mit einem anderen Winkel (2 H) zu tun.

a) Die genauesten Ausmessungen des Winkels der optischen Achsen erzielt man mit Hilfe eines Achsen winkelapparates (Konometer). Besonders zu empfehlen ist der von Wülfing



Fig. 519. Wahrer und scheinbarer Winkel der optischen Achsen.

(Fig. 520). Das Instrument gestattet eine stark wechselnde Vergrößerung des Interferenzbildes und ferner, die Richtung der Plattennormale durch Autokollimation festzustellen.

Man dreht die Kristallplatte, welche man der besseren Handhabung wegen auf einen Glasstreifen mit Kanadabalsam aufkitten kann, in Diagonalstellung derart, daß erst die eine Richtung A, dann die andere in die Achsenrichtung des Instrumentes fällt. Die Ablesungen ergeben den Abstand der Hyperbeläste, also den Winkel der optischen Achsen 2 E in Luft (Fig. 519). Zur Messung in Öl (2 H) usw. dient ein Trog mit planparallelen, zur Achse des Instrumentes senkrechten Wänden, in den das Präparat eintaucht.

Bei Platten schief zur Mittellinie erzielt man nur dann kein fehlerhaftes F. Rinne, Krist, Formenlehre u. Anleitung z. kristall-opt, sowie röntgen, Untersuchung, 13 Ergebnis, wenn die Plattennormale in der Ebene von Mittellinie und optischer Normale liegt, die Schiefe also zu den Achsen symmetrisch ist.

Bei einem Schnitt senkrecht zur zweiten Mittellinie erhält man ein ähnliches Bild wie um die erste; jedoch erstreckt sich das beobachtbare Interferenzsystem nicht bis zu den optischen Achsen, da ihr Winkel um diese Mittellinie zu groß ist, als daß sie im Gesichtsfelde in Luft noch austreten würden. Gelegentlich kann man aber



Fig. 520. Wülfingsches Konometer. K Teilkreis mit Lupe L, C Zentrierschlitten, J Justierschlitten, Z Präparatzange, h' Schraube zur Vertikalbewegung, h Fixierschraube, i' Klemmschraube des Teilkreises, fg Mikrometerbewegung des Teilkreises, k Verschiebungsvorrichtung des Tubus, P Polarisator, A Analysator, T Tisch für Ölgefäß. Am Tubus Ansat für Autokollimationsbeleuchtung.

im Achsenwinkelapparat den Winkel der optischen Achsen um die zweite Mittellinie bei Benutzung einer stark brechenden Flüssigkeit noch messen.

b) Das Mikroskop läßt sich als Konometer gebrauchen, indem man es nach Bertrandscher Art (S. 171) für konvergentes Licht einrichtet und im Okular mit einer Skala versieht, die man mit dem

Konoskopische Messungen.

Interferenzbilde erblickt. Die Teilung wird in Winkelgrößen ausgewertet, indem man sie mittels einiger im Achsenwinkelapparat gemessener Präparate (z. B. Aragonit, Muscovit, Anhydrit, Adular) nach der Formel $T = k \sin E$ eicht, wo T die Anzahl der Teilstriche, 2 Eden Winkel der optischen Achsen in Luft bedeutet und k die festzulegende Mallardsche Konstante.

Noch einfacher ist die Auswertung der Mikrometerskala durch ein Apertometer, z. B. das Wülfingsche Glimmerapertometer (dünnes Spaltblatt von Muscovit, dessen konoskopische Lemniskatenscheitel ausgemessen sind).

Bemerkung. Bei Verwendung des Mikroskops als Konometer kontrolliere man zunächst mittels eines Normalpräparates (Kalkspat parallel {0001}) die genaue Zentrierung der Linsen, besonders der Bertrandlinse.

2. Schnitte schräg zu einer der beiden optischen Achsen.

Nach F. Becke und Wright legt man im umgewandelten Mikroskop zwei Punkte des Interferenzbildes z. B durch Koordinaten parallel NN und $N_1 N_1$ fest, nämlich (Fig. 521) A_1 (den Austritt der optischen Achse) und einen



beliebigen anderen Punkt, H, auf der dunkeln Isogyre. Am einfachsten geschieht das mittels eines Koordinatenokulars (Teilung durch zwei senkrecht sich durchkreuzende Liniensysteme, die man, wie oben erwähnt, nach Winkelgrößen auswertet). Zunächst stellt man die Barre von links nach rechts und liest ihre Lage auf der erwähnten Teilung ab. Dann dreht man die Nicols um einen schicklichen Winkel (z. B. 30° oder 45'), auf daß die Barre eine Stellung wie $A_1 H$ einnimmt. A_1 als Durchschnittspunkt der beiden Barrenlagen kennzeichnet den Punkt der einen optischen Achse. Die Lage von A_1 und H nach Koordinaten wird vermerkt. Nun wiederholt man die Ablesungen für die Achse an der entgegengesetzten Seite des Gesichtsfeldes, wohin man die Barre durch Tischdrehung bringt. Damit ist der Mittelpunkt des Gesichtsfeldes bekannt. Um A_1 und H in eine stereo-13*

graphische Projektion eintragen zu können, benutzt man die Mallardsche Konstante. Mit Hilfe des als bekannt vorausgesetzten mittleren Brechungsexponenten wertet man die Winkel i gleich für solche r im Kristall um nach der Formel sin $r = \sin i/\beta$. Für den Punkt H trifft β zwar nicht genau zu. Das bringt bei der überhaupt nur angenäherten Bestimmung keinen wesentlichen Fehler. In der stereographischen Projektion (Fig. 522) ist die Lage von A_1 und H gegeben durch die den reduzierten Koordinaten entsprechenden vertikalen Kleinkreise als stereographische Koordinaten. Man zieht nun durch A_1 und NN (Schwingungsrichtung des Polarisators) den Großkreis NA_1N , der die Ebene der optischen Achsen angibt. Die zweite optische Achse muß also auf diesem Großkreise liegen. Ferner legt man durch O die Linie $N'_1 N'_1$ (entsprechend der Schwingungsebene des gedrehten Polarisators) und findet auf dem zu H gezeichneten Polkreise PP den Punkt B. Nun ziehe man HA_1 , so daß E ermittelt wird, und vermerke D nach der Beziehung EB = BD. Des weiteren gibt der Durchschnitt des Großkreises HD mit NA_1N den Punkt A_2 als Ort der zweiten optischen



Fig. 523.

Achse. Der innere Winkel 2 V der optischen Achsen ist durch $A_1 A_2$ gekennzeichnet.

Die Konstruktion beruht auf dem Biot-Fresnelschen Sate (S. 141), demzufolge eine Schwingungsrichtung von H gleiche Winkel macht mit den Ebenen durch H und die optischen Achsen A_1 und A_2 .

F. Becke hat für die oben geschilderte Festlegung einen besonderen drehbaren Zeichentisch vorgeschlagen.

Anhang. Bei der Benutgung von Drehapparaten lassen sich konoskopische Beobachtungen mit orthoskopischen zwecks Ermittelung

des Winkels 2 V der optischen Achsen im Kristall oft verbinden. Ist z. B. auf einer Kristallplatte, welche den Austritt einer optischen Achse A, zeigt, die Lage letzterer konoskopisch festgelegt, so kann man die Lage der zweiten optischen Achse A2 durch Auslöschungsbestimmungen ermitteln. Ein einfaches Verfahren ist folgendes (Fig. 523). Man bringt bei horizontaler Kristallplatte die Achse A_1 in die Ebene BC (senkrecht zur Drehachse DE) und bestimmt den Auslöschungswinkel α . Die zweite optische Achse A_2 muß auf MG liegen, welche Richtung auf Grund der Konstruktion $\alpha' = \alpha$ gefunden wird (Biot-Fresnelsche Regel, S. 141, derzufolge die Auslöschungsrichtungen einer Platte die Winkel der Ebenen halbieren, die man durch Plattennormale und die optischen Achsen im Kristall legen kann). Man sucht nun eine zweite Plattenstellung auf, bei der A_1 in der Ebene BC verbleibt, die Auslöschung aber 45° mit MC macht; dann muß (wieder entsprechend der Biot-Fresnelschen Regel) A2 auf ME liegen. Man stelle also die gekreuzten Nicols unter 45° zu MC und ME und drehe die Platte um DE bis Auslöschung erfolgt ist. Dazu sei eine Drehung y erforderlich. Bringt man die Platte nunmehr in die erste Lage zurück (bei der A_2 in MG liegt), so braucht man nur den Kleinkreis aufzusuchen, dessen Bogen zwischen ME und $MG = \gamma$ ist; in seinem Durchschnitt mit MG gibt er die Lage von A_2 an. Denselben Punkt A_2 erhält man durch den Großkreis DJE, für den $MJ = \gamma$ ist. Alle

Einige Beziehungen zwischen den Brechungsexponenten usw. 195

Winkelwerte sind auf solche im Kristall zu bringen. Man benutzt dafür den zwar nur angenähert richtigen Wert des mittleren Brechungsexponenten; $\beta = \sin i/\sin r$.

49. Einige Beziehungen zwischen den Brechungsexponenten und dem äußeren sowie dem inneren Winkel der optischen Achsen.

In Richtung der optischen Achse gilt der mittlere Brechungsexponent β . Es ist also $\frac{\sin E}{\sin V} = \beta$, mithin sin $V = \frac{\sin E}{\beta}$. Hat man den Winkel der optischen Achsen nicht in Luft, wie oben angenommen, sondern etwa in Öl mit bekanntem Brechungsexponenten n gemessen, so gilt sin $V = \frac{n \sin H_a}{\beta}$, wo H_a den halben Winkel der optischen Achsen für die angewandte Farbe im Öl bedeutet. Ferner ist sin $E = n \cdot \sin H_a$. Besigt die benugte Flüssigkeit den Brechungsexponenten $n = \beta$ des Kristalls, so mißt man direkt 2V, da keine Ablenkung stattfindet. Es läßt sich das angenähert ausführen, indem man im Drehapparat eine optische Achse senkrecht stellt und durch Ausprobieren nach der Umhüllungsmethode (S. 110) eine passende Flüssigkeit ausführig macht.

Hat man den Winkel der optischen Achsen in derselben Flüssigkeit sowohl um die erste als auch um die zweite Mittellinie gemessen (2 H_a und 2 H_o), so erhält man 2 V aus t g $V = \frac{\sin H_a}{\sin H_o}$, also ohne β und n zu kennen. Anderseits ist $\beta = n \sqrt{\sin^2 H_a} + \sin^2 H_o$.

Eine wichtige Beziehung ist ferner t g $V = \sqrt{\frac{1}{\frac{\alpha^2}{1} - \frac{1}{\beta^2}}},$ wobei $\alpha < \beta < \gamma$

die drei Hauptbrechungsexponenten für eine Farbe bedeuten. Auch gilt die Gleichung $\cos V = \frac{\alpha}{\beta} \sqrt{\frac{\gamma^2 - \beta^2}{\gamma^2 - \alpha^2}}$. Zur Rechnung bequemer ist die Formel $\cos V = \frac{\operatorname{tg} \varphi}{\operatorname{tg} \varphi'}$, wobei $\cos \varphi = \frac{\beta}{\gamma}$ und $\cos \varphi' = \frac{\alpha}{\gamma}$. Angenähert ist $\cos^2 V = \frac{\gamma - \beta}{\gamma - \alpha}$, ebenso $\sin^2 V = \frac{\beta - \alpha}{\gamma - \alpha}$ und $\operatorname{tg}^2 V = \frac{\beta - \alpha}{\gamma - \beta}$.

Wenn β näher an α liegt als an γ , so ist der Kristall positiv doppelbrechend. Liegt β näher an γ als an α , so herrscht negative Doppelbrechung.

50. Erscheinungen der Zirkularpolarisation im konvergenten polarisierten Lichte.

Es kommen besonders in Betracht Platten senkrecht zur Achse *c* gewisser Gruppen trigonaler, hexagonaler oder tetragonaler Kristalle.

Man hat dann bei gekreuzten Nicols nicht das Interferenzbild des geschlossenen schwarzen Kreuzes (Fig. 479, S. 173), sondern bei hin-

Kristallographisch-optische Untersuchungen.

reichender Dicke des Präparats die in Fig. 524 gekennzeichnete Erscheinung. Die Kreuzesarme stoßen am innersten Ringe ab und lassen ein helles zentrales Feld übrig, das in seinem Verhalten dem



Fig. 524. Zirkularpolarisation bei Quarz. Nach Hauswaldt.

der Platte im parallelen, polarisierten Lichte entspricht, wie es ja auch zu erwarten ist, da die Mitte der Interferenzerscheinungen im konvergenten, polarisierten Lichte durch Strahlen zustande kommt, die wie im parallelen Lichte senkrecht zur Platte stehen, und durch solche, die wenig vom Lote abweichen. Bei Anwendung von Tageslicht hat man in diesem Innenfelde demnach die nämlichen Farbenerscheinungen wie im parallelen Lichte und kann sie im selben Sinne bezüglich der Entscheidung, ob Rechts- oder Linksdrehung vorliegt, verwerten. (Vgl. S. 168.)

Bei sehr dünnen Platten kommt natürlich auch im konvergenten, polarisierten Lichte die Zirkularpolarisation (Drehung der Schwingungsebene des polarisierten Lichtes) nicht zur deutlichen Wirkung, da der Grad der Drehung dann sehr gering wird. Es ergeben solche Platten also ein geschlossenes schwarzes Kreuz.

Anmerkung. Liegt eine rechtsdrehende Schicht eines trigonalen, tetragonalen oder hexagonalen Kristalls über einer linksdrehenden oder umgekehrt, so gibt es im konvergenten, polarisierten Lichte auf der Endfläche die Erscheinung der sogenannten Airyschen Spiralen (Fig. 525). Es kommen solche Überlagerungen infolge von Zwillingsbildungen vor. In bezug auf die Größe des resultierenden Drehwinkels heben sich solche Schichten natürlich mehr oder weniger auf.

Bei optisch zweiachsigen Kristallen ist gelegentlich Zirkularpolarisation nachgewiesen, so bei Rohrzucker, Weinsäure u. a. Man beobachtet bei solchen Substanzen, daß die durch die Spur der

Anisotrope Flüssigkeiten. (Flüssige Kristalle, Fastkristalle.)

optischen Achsen hindurchgehenden Hyperbeln im monochromatischen Lichte nicht ganz dunkel sind, es vielmehr erst nach einer bestimmten Drehung des Analysators werden (Fig. 526). Bei ungleichwertigen optischen Achsen (z. B. bei Rohrzucker, bei dem die Ebene dieser Achsen parallel der seitlichen Endfläche geht) ist das Drehungsvermögen der einen Achse ungleich dem der anderen.







Fig. 526. Zirkulationspolarisation bei Rohrzucker. Nach Hauswaldt.

Bemerkung. Preßt man Quarz in Richtung senkrecht zur Hauptachse, so wandelt sich sein konoskopisches Bild (Fig. 524) in das eines optisch zweiachsigen zirkularpolarisierenden Kristalls um. Die Ebene der optischen Achsen stellt sich in die Druckrichtung.

51. Anisotrope Flüssigkeiten. (Flüssige Kristalle, Fastkristalle.)

Die Erscheinungen der Doppelbrechung sind nicht auf optisch anisotrope Kristalle beschränkt, sondern wahrscheinlich auch eine Eigenschaft der freien Molekel von Gasen und Flüssigkeiten. Wegen wirrer Lagerung der Teilchen kommt sie hier aber nicht zur Geltung. Flüssige Kristalle haben nach Vorländer sehr langgestreckte Molekelform. Das begünstigt eine gegenseitige mehr oder minder vollkommene Parallelstellung. In dieser Gruppierung wirken die Molekelschwärme optisch wie einachsige Kristalle. Besonders unter dem Einfluß von Glasunterlagen stellen sie sich zuweilen in ihren kleinsten Teilchen auf größere Strecken parallel, und zwar richtet sich die Wirtelachse der Molekeln senkrecht zur Unterlage, so daß man z. B. im konvergenten polarisierten Lichte Interferenzfiguren wie auf der Endfläche wirteliger Kristalle erblickt. Anderseits gibt es Übergänge von starren zu milden und schließlich fließenden Kristallen (Blei, Ammonoleat); auch wirkt Temperaturerhöhung öfter im nämlichen Sinne (Eisen). Die »flüssigen Kristalle« bilden also eine sehr interessante Übergangsreihe von den wahren Kristallen zu den amorphen (wirren) Aggregaten. Beispiele s. S. 205.

52. Optische Anomalien.

Es kommt zuweilen vor, daß sich Kristalle anders verhalten, als man nach der Kristallform erwartet, daß z. B. geometrisch isometrische Kristalle doppelbrechend sind und der Form nach trigonale, tetragonale oder hexagonale Kristalle optisch zweiachsig erscheinen.

Der Grund für diese Verhältnisse ist besonders in folgendem zu suchen.

a) Spannungserscheinungen.

Die Kristallteilchen stehen dann unter dem Einfluß sekundärer Spannung. Auch bei amorphen Körpern (z. B. Glas) lassen sich solche leicht hervorrufen, so durch Druck oder Erhitgen und schnelles Abkühlen. Erhitgte und schnell abgekühlte Objektträger z. B. sind deutlich doppelbrechend. Bei Kristallen stellen sich Spannungen häufig ein, wenn feinbauliche Mischungen vorliegen. Isomorphe, d. h. chemisch verwandte und analog zusammengesetzte Körper, z. B. die verschiedenen



Fig. 527. Optische Anomalie bei Alaun auf einer Platte nach { 111 }.

Alaune, kristallisieren zusammen, so daß dann derselbe Kristall chemisch verschiedene Substanzen enthält. In solchen Fällen findet man oft optische Anomalien. Sie äußern sich in einem mehr oder minder deutlichen optischen Zerfall des Kristalls in Sektoren, die von seinen Flächen ausgehen und sich in den Kristall teilen (Fig. 527). So sind die erwähnten Alaune doppelbrechend, und ihr Oktaeder zerfällt in 8 Teilkörper, von denen jeder von einer der 8 Oktaederflächen aus sich ins Kristallinnere erstreckt. Auf Schliffen, die z. B. durch das Oktaeder nach den Würfelflächen geführt sind, äußert sich der Zerfall

als Felderteilung. Solche Sektorenbildungen zeigen hexagonale und tetragonale Kristalle zuweilen auf Schnitten parallel der Endfläche.

Man beobachtet optische Anomalien insbesondere bei Kristallisationen, die bei niederer Temperatur (aus Lösungen) erfolgten. Bei höheren Wärmegraden gleichen sich die Ungleichmäßigkeiten im Feinbau durch Diffusion der Raumgitterteilchen troty des festen Zustandes der Materie zumeist aus.

Auch nichtisomorphe Beimischungen vermögen optische Anomalien hervorzurufen. So lassen sich doppelbrechende (zugleich pleochroitisch erscheinende) Salmiakkristalle herstellen, wenn man einen Tropfen starker Salmiaklösung mit etwas Eisenchlorid verset und auskristallisieren läßt.

b) Eine äußerst feine Schichtung isotroper Teile oder auch ein sehr feiner Stäbchenaufbau kann nach O. Wiener Ursache anormaler Doppelbrechung werden. Lamellare Körper geben negative, stäbchenförmige positive einachsige Doppelbrechung; parallelepipedische werden Zweiachsigkeit mit sich bringen. Die Stärke der Doppelbrechung wächst mit dem Unterschied der Brechung zwischen der Substanz und dem Zwischenmittel. Wird letzteres passend gewählt, so tritt Isotropie ein.

c) Modifikationsänderungen.

Viele Substanzen sind fähig, in verschiedenen Modifikationen zu kristallisieren, so bekanntermaßen der Schwefel in rhombischen und monoklinen Kristallen.

Es kommt nun vor, daß eine Modifikation in eine andere übergeht, ohne daß ein unregelmäßiger Zerfall der Kristalle eintritt, daß vielmehr die frühere Form von physikalisch umgeänderten parallelen oder verzwillingten Teilchen erfüllt wird, denen die vorliegende Gestalt an sich nicht zusteht. Das ergibt einen Gegensat zwischen Form und physikalischem Verhalten. In der Mineralwelt ist dieser Fall beim Leuzit verkörpert, der in Lavamassen bei hoher Temperatur in isometrischen Kristallen der Ikositetraederform (Fig. 231, S. 63) entstanden und beim Abkühlen in eine rhombische Modifikation umgelagert ist, ohne daß die isometrische Form sich dabei geändert hat. Durch Erhitgen kann man die rhombischen Teilchen in die isometrische Modifikation überführen, so daß, solange diese erhöhte Temperatur herrscht, Form und physikalisches Verhalten im Einklang sind.

d) Manche Substanzen niederer Symmetrie ahmen durch Zwillingsbildung höher symmetrische Formen nach. Geschieht dies in hohem Maße, wie z. B. beim geometrisch pseudoisometrischen, optisch deutlich orthotrimetrischen Borazit, so erscheint die Substanz anomal.

53. Untersuchung undurchsichtiger Körper auf Doppelbrechung.

Zum bloß qualitativen Nachweis verwendet man nach J. Königsberger vor dem Illuminator ein Nicol mit horizontaler Schwingungsrichtung, im Tubus das Innennicol und dazwischen eine Biotsche



Fig. 528. Apparatur zum Nachweis der Doppelbrechung bei undurchsichtigen Stoffen.

Quarzplatte K (Fig. 528). Man stellt das Innennicol so, daß bei isotropem Präparat eine violette Interferenzfarbe erscheint; bei anisotropem ändert sich diese Tönung; sie wechselt bei geringer Doppelbrechung zwischen Rot und Blau, bei stärkerer zwischen Gelb und Grün. Die zu untersuchenden Platten müssen sauber poliert sein. Für die Messung der Doppelbrechung hat Königsberger einen besonderen Apparat angegeben, bezüglich dessen Interessenten auf das Zentralblatt für Mineralogie 1908, S. 565 und 597, sowie 1909, S. 245, verwiesen seien.

Anhang.

Übungsbeispiele für optische Untersuchungen.

Zur Erlernung der im obigen auseinandergesetzten optischen Untersuchungsmethoden ist es nötig, Übungsbeispiele zu behandeln. Im folgenden seien einige Vorschläge in der Hinsicht gemacht.

Beim Verdampfen eines Lösungstropfens auf einem Objektträger oder beim Ausfällen bilden sich sehr oft kleine Kristalle, die für die Betrachtung unter dem Mikroskop geeignet sind. Größere Kristalle stellt man sich her, indem man die betreffende Lösung langsam verdunsten und die Kristallisationen an einem Faden, in Glaswolle oder auf dem Boden des Gefäßes anschießen läßt. Minerale bieten gleichfalls gute Übungsbeispiele.

1. Amorphe Körper.

Glas. Optische Anomalien: beim Biegen (Glasstab) oder nach ungleichmäßigem Erhitjen. Betrachtung mit Gipsblättchen von Rot 1. Ordnung. Fasern, Haare, Gele sind oft doppelbrechend.

2. Isometrische Kristalle.

Chlornatrium, Kaliumplatinchlorid, reiner Kalialaun, Baryumnitrat, Bleinitrat, Pyrop.

Optische Anomalien: Mischung von Baryum- und Bleinitrat. Granat der Kontaktgesteine. Gepreßtes Steinsalz.

Skelette: Salmiak. Schnelle Kristallisation durch Erhiten eines Lösungstropfens.

Zirkularpolarisation: Natriumchlorat (dicke Kristalle, Drehung sonst gering).

3. Optisch einachsige Kristalle.

a) Trigonale Kristalle.

Kieselfluornatrium, Natriumnitrat, Brucit, Kalkspat, Turmalin (Pleochroismus), Quarz (Zirkularpolarisation).

- b) Tetragonale Kristalle. Nickelvitriol, Quecksilberchlorür, Zirkon.
- c) Hexagonale Kristalle. Nephelin, Apatit.

4. Optisch zweiachsige Kristalle.

a) Rhombische Kristalle.

Kaliumchromat, Bittersalz, Natriumdithionat (Äţfiguren), Anhydrit, Schwerspat, Aragonit, Olivin, Schwefel aus Schwefelkohlenstoff, Kalisalpeter.

b) Monokline Kristalle.

Gips (oft Zwillinge), Borax, Rohrzucker, Weinsäure (Pyroelektrizität), Sanidin, Glimmer, Augit, Hornblende, Epidot.

c) Trikline Kristalle.

Kupfervitriol, Kaliumdichromat, Plagioklase, Disthen.

Um besonders wichtige optische Verhältnisse an möglichst wenigen Präparaten erläutern zu können, habe ich eine Sammlung von 15 Mineraldünnschliffen zusammengestellt, nach welcher die Firma Voigt und Hochgesang in Göttingen für Interessenten gleiche Sammlungen anfertigt.

Sie enthält folgende Schliffe: 1. Olivin nach $\{100\}$. 2. Quarz nach $\{0001\}$. 3. Granat, beliebiger Schnitt. 4. Sanidin nach $\{010\}$. 5. Quarz nach $\{10\overline{1}0\}$. 6. Kalkspat nach $\{10\overline{1}1\}$. 7. Staurolith nach $\{110\}$. 8. Hornblende nach $\{100\}$. 9. Augit nach $\{010\}$. 10. Labrador nach $\{010\}$. 11. Labrador senkrecht a. 12. Labrador nach $\{001\}$. 13. Kalkspat nach $\{0001\}$. 14. Muscovit nach $\{001\}$. 15. Epidot nach $\{001\}$.

Die Sammlung dient zum Studium folgender Verhältnisse.

- I. Brechung. (Die Schliffe liegen in Kanadabalsam: n = 1,54).
 - 1. Starke Brechung.

Olivin (rhombisch), parallel dem ersten Pinakoid. Schliff 1 (β = etwa 1,68). Vgl. auch Schliff 3 (n = etwa 1,74), 7 (β = etwa 1,74), 9 (β = etwa 1,70).

2. Schwache Brechung.

Quarz (hexagonal), senkrecht Achse c. Schliff 2 (n = 1,54). Vgl. auch Schliff 4 ($\beta = 1,52$), 5 ($\beta = \text{etwa } 1,55$), 10 ($\beta = \text{etwa } 1,56$).

- II. Einfache und doppelte Brechung.
 - 1. Einfache Brechung.

Pyrop (isometrisch), Schliff beliebiger Lage. Schliff 3. Vgl. auch Schliff 2, 13.

- 2. Doppelbrechung.
 - a) Starke Doppelbrechung.

Olivin (rhombisch), Schliff 1 ($\beta - \alpha = \text{etwa 0,017}$). Vgl. auch Schliff 6 ($\gamma' - \alpha' = 0,092$), 9 ($\gamma - \alpha = 0,025$).

b) Schwache Doppelbrechung. Sanidin (monoklin), parallel dem seitlichen Pinakoid. Schliff 4 $(\gamma - \beta = 0,004)$; vgl. auch Schliff 10 $(\gamma' - \alpha' = \text{etwa } 0,009)$.

- III. Lage der Auslöschungsrichtungen.
 - 1. Optisch einachsige Kristalle: trigonale, tetragonale, hexagonale Kristalle.
 - a) Schliff parallel der optischen Achse.
 - Quarz (trigonal), Schliff parallel Achse c, Schliff 5.
 - b) Schliff aus der Zone von Säule zur Endfläche.
 Kalkspat (trigonal), Schliff parallel einer Rhomboederfläche, Schliff 6.
 - 2. Optisch zweiachsige Kristalle.
 - a) Rhombische Kristalle.
 - α. Pinakoidaler Schliff.
 - Olivin, Schliff parallel dem ersten Pinakoid, Schliff 1. β. Prismatischer Schliff.
 - Staurolith, Schliff parallel einem Prisma dritter Art, Schliff 7. b) Monokline Kristalle.
 - α . Schliff parallel Achse *b*.
 - Hornblende, Schliff parallel dem ersten Pinakoid, Schliff 8.
 - β . Schliff senkrecht Achse *b*.
 - αα. Geringe Schiefe der Auslöschung. Sanidin, Schliff 4.
 - ββ. Große Schiefe der Auslöschung.
 - Basaltischer Augit, Schliff 9.
 - c) Trikline Kristalle.

Labrador, Schliff parallel dem zweiten Pinakoid, Schliff 10.

IV. Bestimmung des relativen Wertes der Schwingungsrichtungen in einer doppelbrechenden Platte (zugleich Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung).

Quarz, Schliff parallel Achse c (c = k, also positive Doppelbrechung), Schliff 5.

Sanidin, parallel dem zweiten Pinakoid (die den Spaltrissen anliegende Auslöschungsrichtung — Richtung der ersten Mittellinie — α ; negative Doppelbrechung). Schliff 4. Vgl. auch Schliff 1, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 14.

V. Pleochroismus.

Hornblende (monoklin), Schliff parallel dem ersten Pinakoid, Schliff 8. Vgl. auch Schliff 7.

- VI. Zwillingsbildungen bei doppelbrechenden Kristallen.
 - 1. Schliff senkrecht zur Zwillings- (und Verwachsungs)ebene. Labrador (triklin), senkrecht zum zweiten und dritten Pinakoid, Schliff 11.
 - 2. Schliff schief zur Zwillings- (und Verwachsungs)ebene. Labrador schief zum zweiten Pinakoid, Schliff 12.
- VII. Konvergentes polarisiertes Licht.
 - 1. Optisch einachsige Kristalle (trigonale, tetragonale und hexagonale Kristalle).
 - a) Schliff senkrecht zur optischen Achse.
 - α. Schwache Doppelbrechung.

Quarz (trigonal), Schliff 2 ($\varepsilon - \omega = 0,009$).

- β. Starke Doppelbrechung.
- Kalkspat (trigonal), Schliff 13 ($\omega \varepsilon = 0,172$).
- b) Schliff aus der Zone von Säule zur Endfläche.
- Kalkspat, Schliff parallel einer Rhomboederfläche, Schliff 6. c) Schliff parallel Achse *c*.
 - Quarz, Schliff 5.
- 2. Optisch zweiachsige Kristalle.
 - a) Schliff senkrecht zur 1. Mittellinie.
 - a. Optische Achsen im Gesichtsfelde. Muscovit (monoklin), Spaltblättchen nach dem dritten Pinakoid, Schliff 14.
 - Optische Achsen nicht im Gesichtsfelde.
 Olivin (rhombisch), parallel dem ersten Pinakoid, Schliff 1.
 - b) Schliff senkrecht zur 2. Mittellinie.
 Sanidin (monoklin). Schliff 4.
 - -) Calling (monokim), Schun 4.
 - c) Schliff parallel der Ebene der optischen Achsen.
 Augit (monoklin), Schliff parallel dem zweiten Pinakoid, Schliff 9.
 - d) Schliff etwas schief zu einer optischen Achse.
 Epidot (monoklin), Schliff parallel dem dritten Pinakoid, Schliff 15.
- 3. Bestimmung des Charakters der Doppelbrechung.
 - a) Optisch einachsige Kristalle (trigonale, tetragonale und hexagonale Kristalle).
 - a. Positive Doppelbrechung.

Quarz (trigonal), Schliff senkrecht zur optischen Achse (schwache Doppelbrechung), Schliff 2.

β. Negative Doppelbrechung.

Kalkspat (trigonal), Schliff senkrecht zur optischen Achse. (starke Doppelbrechung), Schliff 13.

- b) Optisch zweiachsige Kristalle (rhombische, monokline und trikline Kristalle).
 - a. Positive Doppelbrechung.

Olivin (rhombisch), Schliff senkrecht zur 1. Mittellinie (Schliff parallel dem ersten Pinakoid), Schliff 1.

Labrador (triklin), Schliff schief zur Mittellinie, Schliff 10. β. Negative Doppelbrechung.

Muscovit (monoklin), fast genau senkrecht zur 1. Mittellinie (Spaltblättchen nach dem dritten Pinakoid), Schliff 14. Epidot (monoklin), etwas schief zu einer optischen Achse, Schliff 5.

Eine andere Sammlung von 9 Schliffen dient zur Erläuterung der Zirkularpolarisation, der Dispersionen der optischen Achsen und der Dispersionen der Mittellinien (bzw. Achsenebenen).

- I. Zirkularpolarisation.
 - 1. Isometrische Kristalle. Beobachtung im parallelen, polarisierten Lichte.
- Natriumchlorat (Dickschliff), Schliff 1.

2. Trigonale, tetragonale und hexagonale Kristalie. Beobachtung im parallelen und konvergenten polarisierten Lichte.

Quarz, Schliff parallel (0001) (Dickschliff). Rechts drehend, Schliff 2. Quarz, Schliff parallel (0001) (Dickschliff). Links drehend, Schliff 3.

Durch Aufeinanderlegen von 2 und 3 Airysche Spiralen.

II. Dispersion der optischen Achsen, Mittellinien und Ebenen der optischen Achsen.

1. Rhombische Kristalle.

Dispersion der optischen Achsen ohne Dispersion von Mittellinien bzw. der Ebenen der optischen Achsen.

a) Winkel der optischen Achsen für die roten Strahlen größer als der für die grünen (blauen) Strahlen. R > Bl.

Cerussit, senkrecht zur 1. Mittellinie. Schliff 4.

b) Winkel der optischen Achsen für die roten Strahlen kleiner als der für die grünen (blauen) Strahlen. R < Bl.

Schwerspat, senkrecht zur 1. Mittellinie, Schliff 5.

2. Monokline Kristalle.

- a) Dispersion der Mittellinien. Geneigte Dispersion.
 - (Ebene der optischen Achsen in der Symmetrieebene).

Gips, senkrecht zur 1. Mittellinie (für mittlere Farben), Schliff 5.

b) Dispersion der Mittellinien und Ebenen der optischen Achsen. Horizontale Dispersion. (Ebene der optischen Achsen senkrecht zur Symmetrieebene. Erscheinung um die Mittellinien in der Symmetrieebene).

Adular, senkrecht zur 1. Mittellinie (für mittlere Farben), Schliff 7.

c) Dispersion der Achsenebenen. Gekreuzte Dispersion. (Ebene der optischen Achsen senkrecht zur Symmetrieebene. Erscheinung um die mit der Achse b zusammenfallenden Mittellinien).

Borax, senkrecht zur 1. Mittellinie, Schliff 8.

3. Trikline Kristalle.

Unsymmetrische Dispersion.

Kaliumdichromat, senkrecht zur 1. Mittellinie (für mittlere Farben), Schliff 9.

Zur Demonstration von Sphärolithen sind geeignet Kristallisationen von Baryumchlorid, Benzoin, Betol.

Enantiotrope Umwandlung weisen sehr drastisch auf z. B. Kohlenstofftetrabromid (Umschlag monoklin $\xrightarrow{}$ isometrisch bei 47°), Borazit (rhombisch $\xrightarrow{}$ isometrisch bei 265°), Quarz $\beta \xrightarrow{} \alpha$ bei 575°).

Für das erste Studium flüssiger Kristalle sind folgende Präparate (zu beziehen von Merck in Darmstadt) zu empfehlen.

1. Sirupartiges Ammonnoleat mit wäßrigem Alkohol unter großem flachem Uhrglas bis nahe dem Sieden erwärmen, durch Abheben und Aufsetzen des Deckglases gut mischen; einige Oleatreste lassen; zwischen + N abkühlen lassen. Die kleinen pyramidalen Kristalle

fließen zu größeren zusammen, biegen und strecken sich in der bewegten Flüssigkeit. Beim öfteren parallelen Verschieben des Deckglases Parallelstellung der Kristalle. Magdalarot und Olivenöl machen die Kristalle pleochroitisch.

2. Paraazoxyzimtsäureäthylester mit zur völligen Lösung nicht zureichender Menge von Monobromnaphthalin in der Nähe des Schmelzpunktes behandeln und erkalten lassen. Es entstehen pflanzenförmige sich bewegende Kristalle.

3. Paraazoxyanisol 63,8 Gew.-T., Paraazoxyphenetol 25,3 Gew.-T., Paraazophenetol 6,3 Gew.-T., Kolophonium 2,5 Gew.-T., Olivenöl 1,9 Gew.-T. bilden runde flüssige Kristalle.

4. Anisalamidoazotoluol in sehr dünner Schicht unter Deckglas geschmolzen wird beim Abkühlen pseudoisotrop, d. h. die (optisch einachsigen) Teilchen stellen sich parallel und mit der optischen Achse senkrecht zum Objektträger.

5. Cholesterylcaprinat und Anisalparamidozimtsäureäthylester zeigen beim Erwärmen und entsprechend beim Wiedererkalten zwei flüssige Modifikationen.