

oder bei Division des Zählers und Nenners durch das Zeitdifferential  $dt$ :

$$\gamma_1 = \frac{d\lambda_1/dt - d\lambda/dt}{d\lambda/dt} = \frac{c_2 - c_1}{c_1}. \quad (551)$$

Hierbei bedeuten  $c_1$  und  $c_2$  die Geschwindigkeiten, mit denen sich die Flankenpunkte bewegen, die im betrachteten Augenblick im Eingriff stehen. Für einen beliebigen Punkt  $P$  der Eingriffslinie, Abb. 1879, in welchem die Punkte  $P_1$  und  $P_2$  der beiden Flanken zum Eingriff kommen, findet man  $c_1$  und  $c_2$  wie folgt. Die Umfangsgeschwindigkeit der Wälzkreise  $v$  sei gegeben und als Strecke  $OV$  senkrecht zur Mittellinie aufgetragen. Punkt  $P_1$  hat dann eine seinem Abstände vom Mittelpunkt  $M_1$  entsprechend größere Geschwindigkeit,  $v_1 = P'_1V_1$ , die man erhält, wenn man  $M_1V$  mit einer Parallelen zu  $v$  in der Entfernung  $M_1P'_1$  zum Schnitt bringt. Im Eingriffspunkt  $P$  ist  $v_1$  senkrecht zu  $M_1P$  anzutragen. Entsprechend ergibt sich Größe und Richtung der Geschwindigkeit des Punktes  $P_2$ ;  $v_2 = P'_2V_2$ , senkrecht zu  $M_2P_2$ .  $P$  bewegt sich längs der Eingriffslinie in einer Richtung, die durch die Tangente in  $P$  gegeben ist, während die Geschwindigkeiten  $c_1$  und  $c_2$  senkrecht zur Normalen  $PO$  stehen müssen, weil die Flanken in dieser Richtung aneinander vorbeigleiten. Die Zerlegung von  $v_1$  und  $v_2$  nach den genannten Richtungen gibt die Größen von  $c_1$  und  $c_2$  und damit die Werte des spezifischen Gleitens  $\frac{c_1 - c_2}{c_1}$  und  $\frac{c_1 - c_2}{c_2}$ . Zur Prüfung kann dienen, daß die Endpunkte von  $v_1$  und  $v_2$  auf derselben Lotrechten zu  $OP$  liegen müssen.

Rasch und an Hand weniger Linien lassen sich die Gleitverhältnisse an Evolventen-

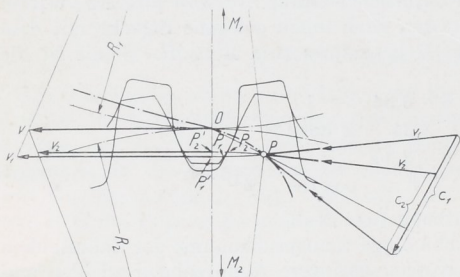


Abb. 1879. Ermittlung der Gleitgeschwindigkeiten.

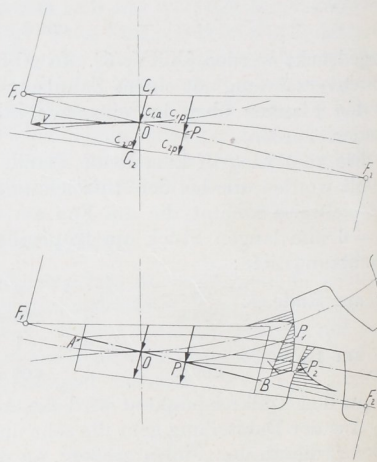


Abb. 1880. Ermittlung der Gleitgeschwindigkeiten bei Evolventenverzahnungen.

verzahnungen nach Abb. 1880 übersehen. Wird die im Wälzpunkte  $O$  angetragene Umfangsgeschwindigkeit  $v$  in Richtung der Erzeugenden und senkrecht dazu zerlegt, so kennzeichnet die erste Komponente die Laufgeschwindigkeit des Bandes, das die Flanken erzeugt, die zweite seine Geschwindigkeit längs der Flanken. Sie ergibt sich im Punkte  $O$  für beide Räder gleich groß,  $c_{1,0} = c_{2,0}$ ; mithin ist das spezifische Gleiten dort gleich Null. Für einen beliebigen Punkt  $P$  der Erzeugenden ist nun die Geschwindigkeit  $c_{1,p}$  am Rade 1 verhältnismäßig der Entfernung  $F_1P$  vom Berührungspunkte  $F_1$  der Erzeugenden am Grundkreise, weil  $F_1$  bei der Entstehung der Flanken durch Abwickeln Momentanpol ist. Die Größe der Geschwindigkeiten beliebiger Punkte der Eingriffslinie ist also durch die Abstände zwischen den Linien  $F_1O$  und  $F_1C_1$  gegeben. Entsprechendes gilt von den Geschwindigkeiten des Rades 2; sie sind durch  $F_2C_2$  begrenzt. Das spezifische Gleiten am Rade 1 im Punkte  $P$  wird  $\frac{c_{1,p} - c_{2,p}}{c_{1,p}}$ , dasjenige am anderen Rade  $\frac{c_{1,p} - c_{2,p}}{c_{2,p}}$ . In den Punkten  $F_1$  und  $F_2$  erreicht es unendlich große Werte, ein Hinweis darauf, die Eingriffstrecke nicht bis zu jenen Punkten gehen zu lassen und die Kopfhöhen zu be-