



Theoretischer halber Tagbogen  $t_0$  (ohne Refraction).

Jahreszeit	$\delta$	Geographische Breite $\varphi$								
		0°	30°	45°	50°	55°	60°	66° 33'	75°	90°
22. Juni . . . . .	+ 23° 27'	6h 0m	6h 58m	7h 43m	8h 4m	8h 33m	9h 15m	12h 0m	12h 0m	12h 0m
20. Mai und 24. Juli . . . . .	+ 20°	6h 0m	6h 49m	7h 25m	7h 43m	8h 5m	8h 36m	9h 48m	12h 0m	12h 0m
1. Mai und 12. August . . . . .	+ 15°	6h 0m	6h 36m	7h 2m	7h 14m	7h 30m	7h 51m	8h 33m	12h 0m	12h 0m
16. April und 27. August . . . . .	+ 10°	6h 0m	6h 23m	6h 41m	6h 49m	6h 58m	7h 11m	7h 36m	8h 45m	12h 0m
2. April und 10. September . . . . .	+ 5°	6h 0m	6h 12m	6h 20m	6h 24m	6h 29m	6h 35m	6h 47m	7h 16m	12h 0m
20. März und 23. September . . . . .	± 0°	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m	6h 0m
8. März und 6. October . . . . .	- 5°	6h 0m	5h 48m	5h 40m	5h 36m	5h 31m	5h 25m	5h 13m	4h 44m	0h 0m
23. Februar und 19. October . . . . .	- 10°	6h 0m	5h 37m	5h 19m	5h 11m	5h 2m	4h 49m	4h 24m	3h 15m	0h 0m
8. Februar und 3. November . . . . .	- 15°	6h 0m	5h 24m	4h 58m	4h 46m	4h 30m	4h 9m	3h 27m	0h 0m	0h 0m
20. Januar und 21. November . . . . .	- 20°	6h 0m	5h 11m	4h 35m	4h 17m	3h 55m	3h 24m	2h 12m	0h 0m	0h 0m
21. December . . . . .	- 23° 27'	6h 0m	5h 2m	4h 17m	3h 56m	3h 27m	2h 45m	0h 0m	0h 0m	0h 0m

$\cos t_0 = \text{tang } \varphi \text{ tang } \delta.$

Die wirkliche Aufgangs- und Untergangszeit eines Gestirns findet man, wenn man in der Gleichung (1)  $h = - 0^{\circ} 35'$  setzt, weil das Gestirn im Moment des Aufgangs zwar den scheinbaren Höhenwinkel  $0^{\circ} 0'$ , aber wegen der Refraction den wahren Höhenwinkel  $= - 0^{\circ} 35'$  hat. Man hat also:

$$\cos t_0' = \frac{- \sin 0^{\circ} 35' - \sin \varphi \sin \delta}{\cos \varphi \cos \delta} \quad (3)$$

Dieser Formel mit Zufügung der Zeitgleichung entsprechen die Sonnen-Aufgänge und Untergänge, welche im Berliner astronomischen Jahrbuch, etwa auf S. 74—79 jedes Jahrgangs für Berlin (Breite  $52^{\circ} 30' 17''$ ) von Tag zu Tag angegeben sind.

In Behm's Geographischem Jahrbuch, I. Band 1866, S. 17—20 wird von A. Auwers eine Tafel der Tageslängen für alle Breiten vom Südpol bis zum Nordpol von  $5^{\circ}$  zu  $5^{\circ}$ , und für Declinationen zwischen  $- 25^{\circ}$  und  $+ 25^{\circ}$  von  $5^{\circ}$  zu  $5^{\circ}$  mitgetheilt, wobei jedoch als Moment des Sonnenaufgangs und Sonnenuntergangs die scheinbare Berührung des oberen Sonnenrandes mit dem Horizont genommen ist.

Für besondere Zwecke kann man sich jederzeit eine Tafel nach Gleichung (3) berechnen, wie z. B. für die Breiten  $25^{\circ}$ ,  $27^{\circ}$ ,  $29^{\circ}$  eine solche Tafel von mir auf S. 99 der „Physischen Geographie und Meteorologie der libyschen Wüste“ mitgetheilt ist. Beim Mangel anderer Zeitbestimmung kann man hiernach immer seine Uhr auf etwa  $5^m$  genau reguliren, was für manche Zwecke ausreicht.

Zur Uebersicht über die schon innerhalb Deutschlands für bürgerliche Zwecke nicht unerheblichen Tageslängen-Differenzen, und zur Uebersicht der zu Polarsternbeobachtungen günstigen Dämmerungszeiten haben wir im Anhang auf S. [14] die Sonnen-Auf- und Untergangszeiten für die Breiten  $49^{\circ}$  (Karlsruhe) und  $52^{\circ} 30'$  (Berlin) von 7 zu 7 Tagen zusammengestellt.

## § 15. Geschwindigkeit und Beschleunigung der Höhenänderung.

Die Geschwindigkeit der Höhenänderung der Sonne oder eines Sterns ist von Interesse, weil davon die Genauigkeit der aus Höhenmessungen abgeleiteten Zeitbestimmungen abhängt, und die Beschleunigung der Höhenänderung ist zu untersuchen zur Beantwortung der Frage, innerhalb welcher Grenzen die Höhenänderung als gleichförmig angenommen werden darf, und mit welcher Näherung man das arithmetische Mittel von 2 oder mehr Messungen in Bezug auf Zeit und Höhe als zusammengehörig gelten lassen darf.

Die Grundgleichung (1) § 13. (S. 56) nämlich

$$\sin h = \sin \varphi \sin \delta + \cos \varphi \cos \delta \cos t \quad (1)$$

gibt nach  $h$  und nach  $t$  differentiirt:

$$\cos h \, dh = - \cos \varphi \cos \delta \sin t \, dt$$

$$\frac{dh}{dt} = - \cos \varphi \cos \delta \frac{\sin t}{\cos h} \quad (2)$$